

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$\sin \theta = \gamma \sin \phi \cos \phi$$

$$\sin(\gamma)(rL) = \gamma \sin \theta L \cos \theta$$

N



S

$$F = qvB \sin \alpha$$

v, B

$$j = 1,6 \times 10^{-19} \rightarrow e v^-$$

$$q_e = q_B = -1,6 \times 10^{-19}$$

ایکترونی

$$q_p = q_B = +1,6 \times 10^{-19}$$

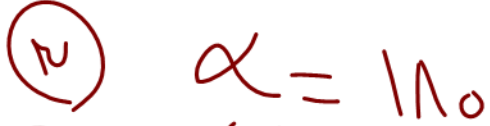
پوزیترونی

$$q_{\alpha} \Rightarrow q = +3,2 \times 10^{-19}$$

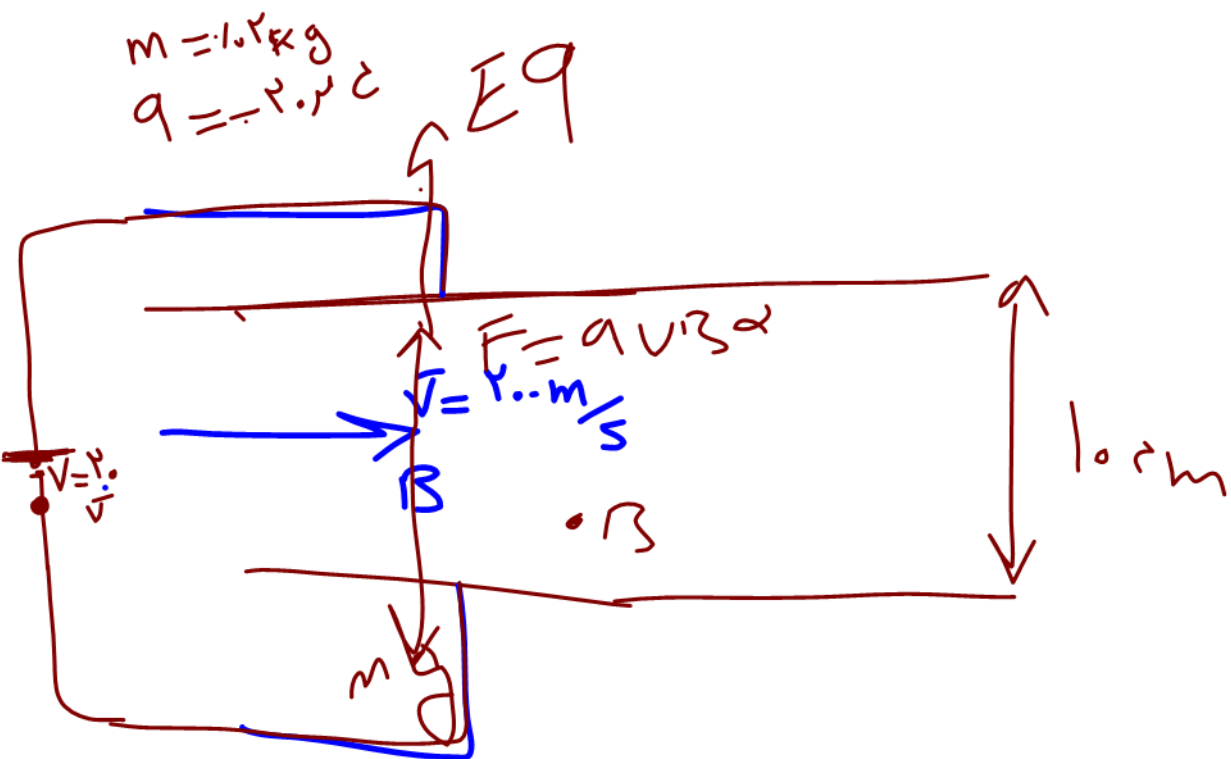
آلفا

$$L_{\gamma} = 0$$

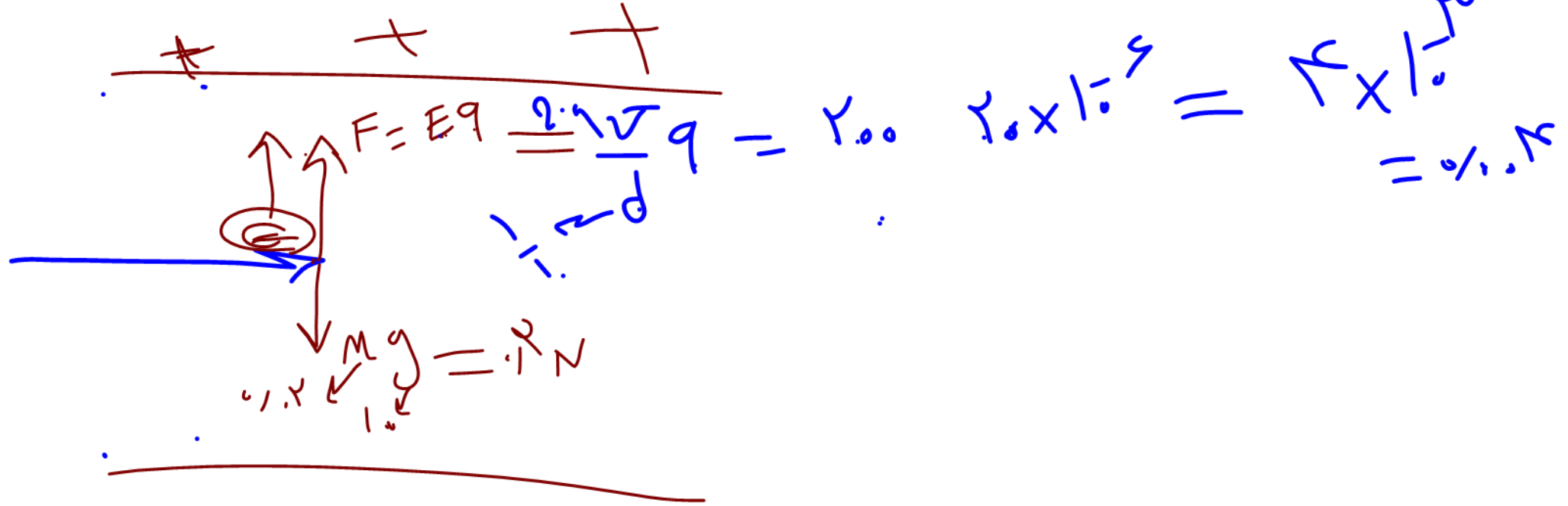
ذات
خروج
سے
کے
میں

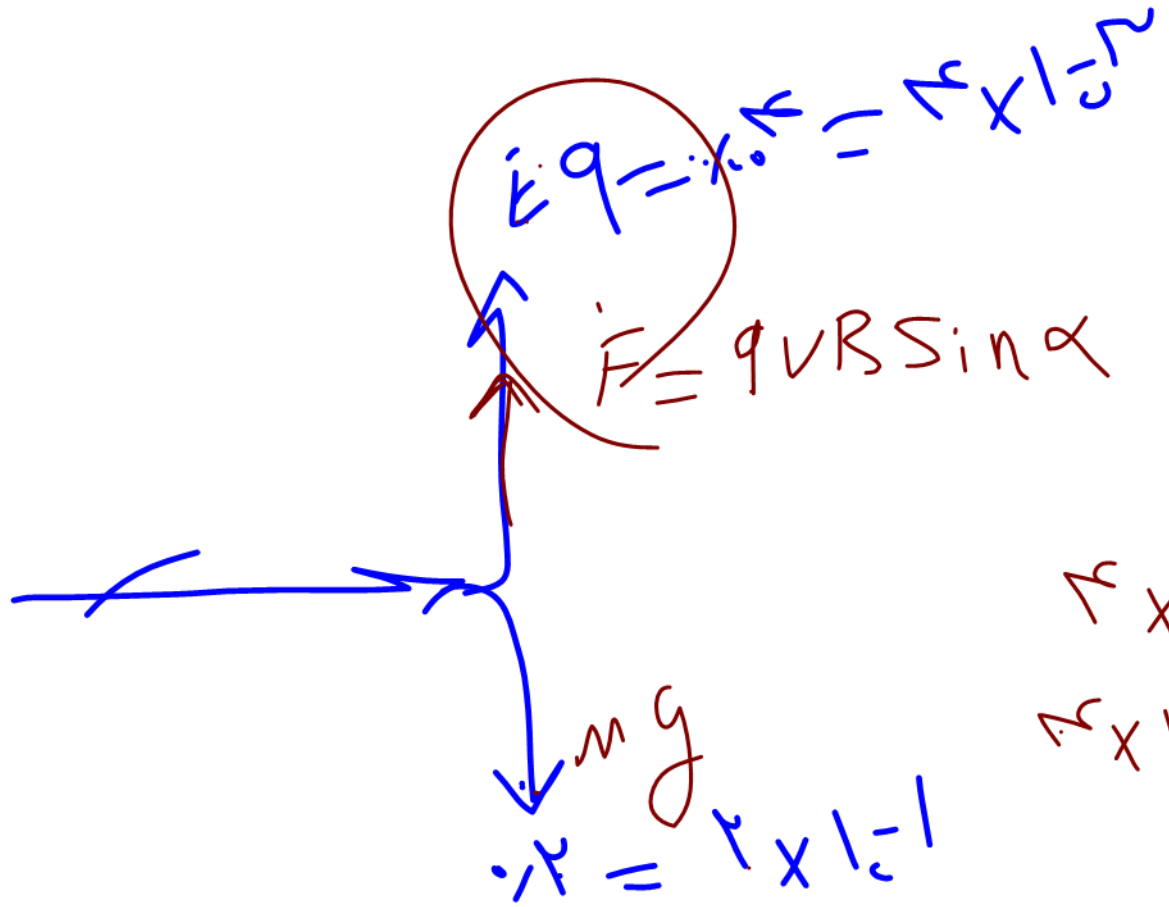


$$m = 1.0 \times 10^{-3} \text{ kg}$$
$$q = -2.0 \times 10^{-6} \text{ C}$$



$$E = \frac{V}{d} = \left(\frac{V_0}{d} \right) = \frac{V_0}{d}$$





$$v_x |c-1 + qvB \sin \alpha = v_x |c-1$$

$$v_x |c-1 + v_x |c-1 \dots B = v_x |c-1$$

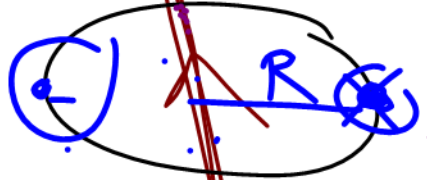
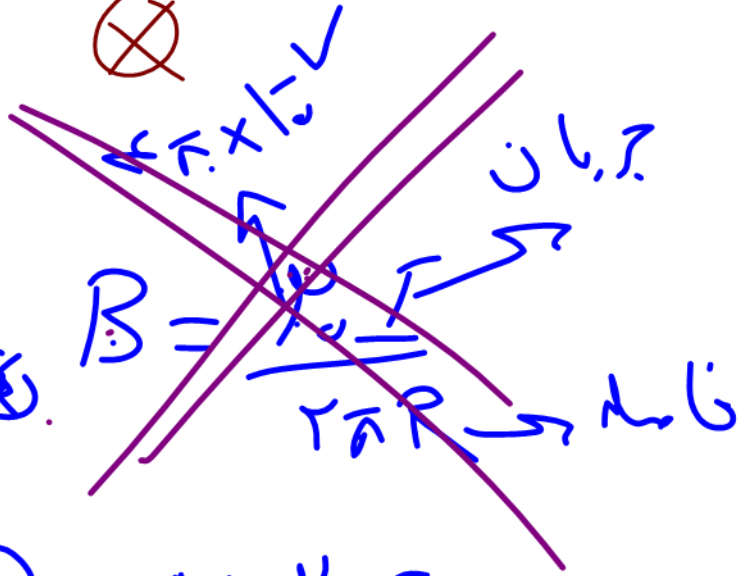
$$B \approx \frac{a}{\omega}$$

بروز



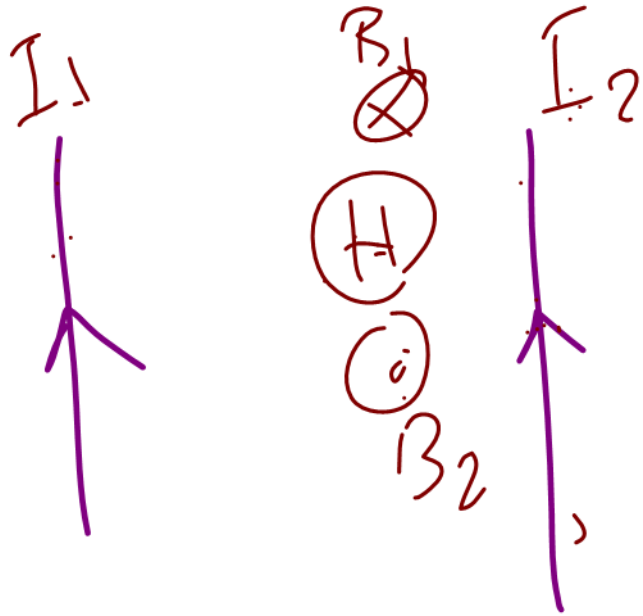
B
میدان
مغناطیسی

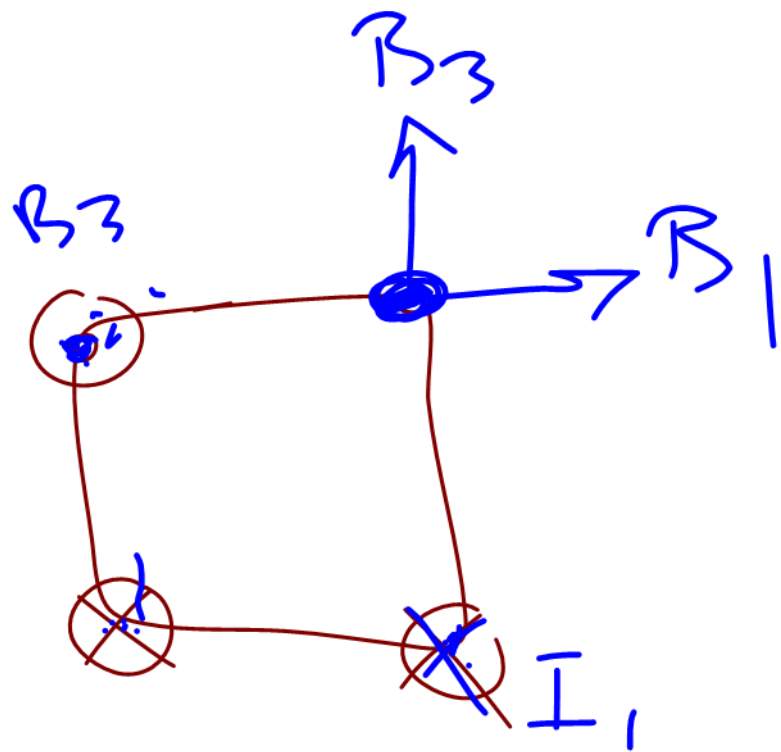
زین

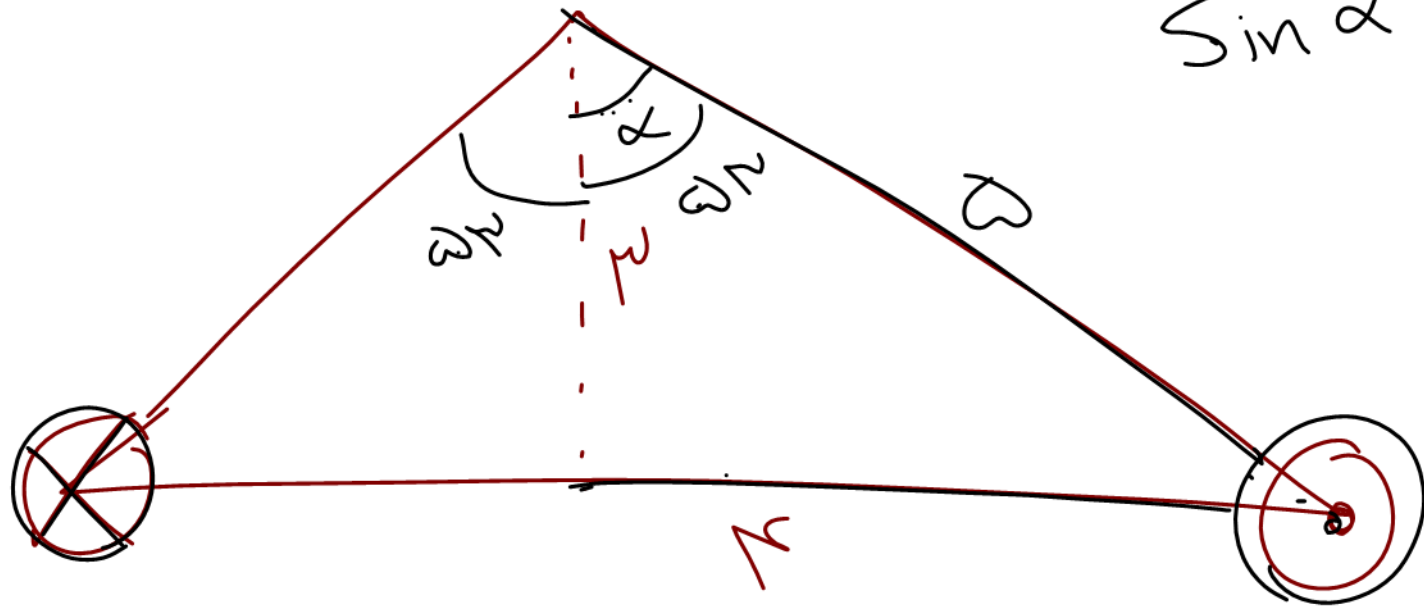


دیا $B = N \frac{\mu_0 I}{r}$

~~مهم~~ $B = \frac{\mu_0 N I}{L}$

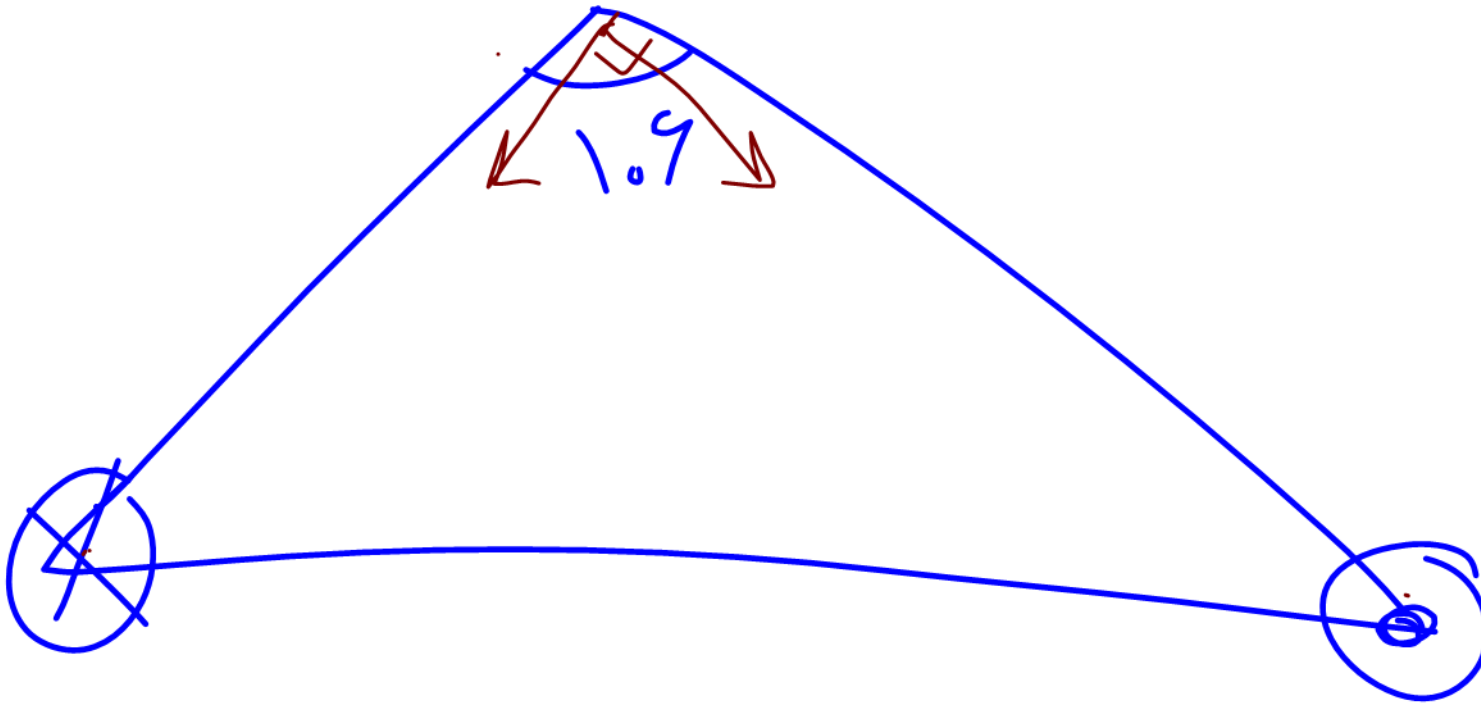


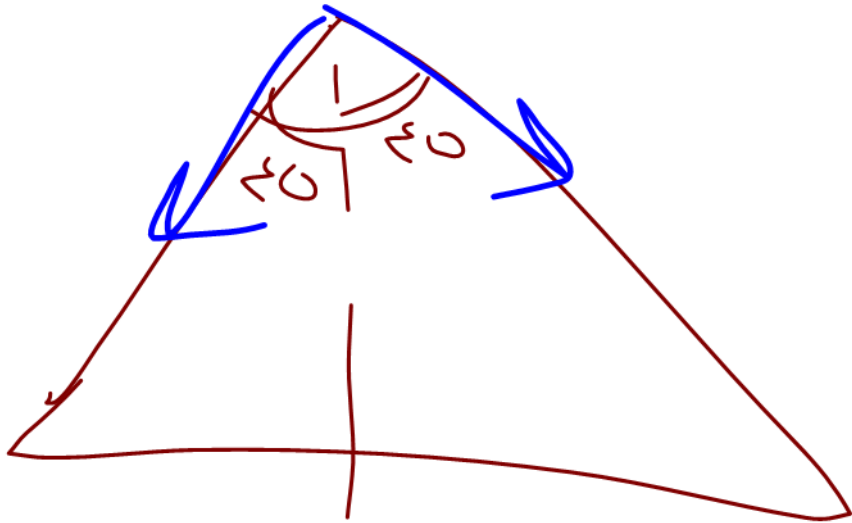




$$\sin \alpha = \frac{r}{R} = 1$$

$$\alpha = 90^\circ$$





$$I = \frac{\mathcal{E}}{R_T + r} = \frac{100}{1.8 + 1 + 1.2}$$

$$I = 10$$

$$B = \mu_0 N I$$

$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T}\cdot\text{m/A}$
 $N = 200$
 $I = 10 \text{ A}$
 $\rightarrow B = 8\pi \times 10^{-5} \text{ T}$

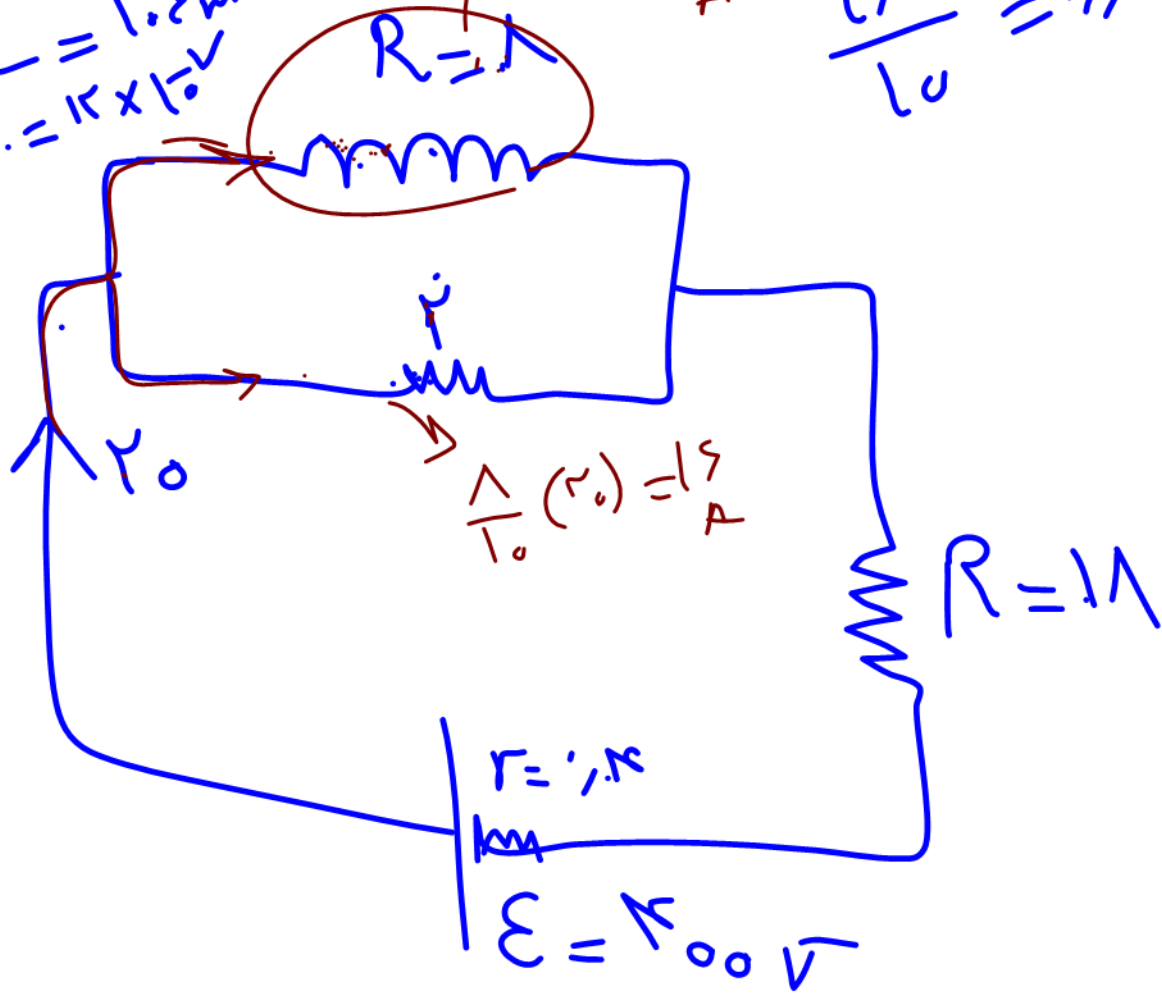
$$N = 200$$


$$L = 1.0 \text{ cm}$$

$$\mu = 1 \times 10^{-6} \text{ V}$$

$$\frac{2}{10} (10) = 2 \text{ A}$$

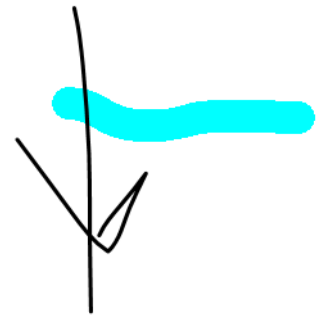
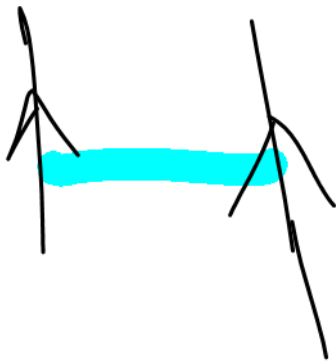
$$\frac{24}{10} = 2.4$$



+9 16  0 9 r

 +9

-9 





مغناطیس و القا



خاصیت مغناطیسی اولین بار حدود 2500 سال پیش در تکه‌هایی از سنگ آهن مغناطیسی در نزدیکی شهر مگنسیا (مانیسا) (در در غرب ترکیه) مشاهده شد.

نکته ۱: میدان مغناطیسی خاصیتی است که در فضای اطراف یک آهنربا یا سیم حامل جریان (بار متحرک) و وجود دارد. آنرا با نماد B نشان میدهند و واحدهای آن تسلا و گاوس می‌باشد. (میدان مغناطیسی کمیتی برداری است)

نکته ۲: بنا به تعریف، یک تسلا، بزرگی میدان مغناطیسی است که در آن، بر یک متر از سیمی که حامل جریان یک آمپر است و در راستای عمود بر بردار میدان قرار دارد نیرویی به بزرگی یک نیوتون وارد شود. همچنین تسلا یکای بزرگی است و در کاربردهای عملی از یکای کوچک تری به نام گاوس استفاده می‌شود تبدیل گاوس به تسلا:



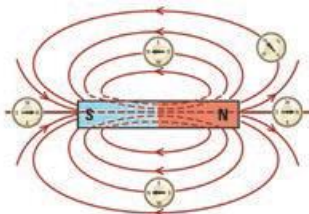
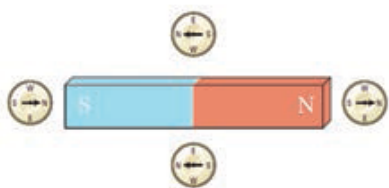
$$G \times 10^{-4} = T$$

نکته ۳: آهنربای طبیعی دارای فرمول شیمیایی روبروست: Fe_3O_4

نکته ۴: دو ناحیه در یک آهنربا وجود دارد که خاصیت آهنربایی آن از سایر ناحیه‌ها بیشتر است. به این دو ناحیه قطبهای آهنربا می‌گویند و در ناحیه‌ی وسط بین دو قطب خاصیت مغناطیسی تقریباً صفر است. اگر یک آهنربای میله‌ای را از وسط و از یک نخ بیاویزیم مشاهده می‌شود که یک طرف آن به سمت شمال کره زمین و سمت دیگر طرف جنوب می‌ایستد. قطبی که به طرف شمال می‌ایستد را N و قطبی که سمت جنوب می‌ایستد را S مینامیم.



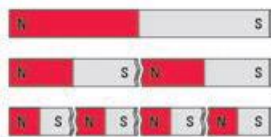
تذکر: جهت خطوط میدان مغناطیسی در خارج آهنربا از N به S و در داخل از S به N می‌باشد. بنابراین تعریف، بردار میدان مغناطیسی در هر نقطه از فضای پیرامون یک آهنربا در جهتی است که وقتی قطب N عقربه مغناطیسی در آن نقطه قرار می‌گیرد، آن جهت را نشان می‌دهد. همچنین هر جا تراکم خطوط بیشتر باشد (خطوط به هم نزدیکتر باشند) میدان در آنجا قویتر است. (قطبها میدان قوی تر است)



نکته ۵: القای مغناطیسی: شکل زیر آهنربایی را نشان می‌دهد که دو گیره آهنی کاغذ را جذب کرده است. این تجربه ساده نشان می‌دهد که ویژگی مغناطیسی در گیره‌های فلزی القا شده است و تا زمانی که گیره‌ها با آهنربا در تماس باشند، این ویژگی را در خود حفظ می‌کنند. این پدیده را القای مغناطیسی می‌نامند القای مغناطیسی تنها در آهن، نیکل، کبالت و آلیاژهایی از این عناصر تولید می‌شود.



نکته ۶: اگر یک آهنربا را بشکنیم یا ببریم هر کدام از تکه‌ها خود یک آهنربای مستقل می‌شوند که قطب N و S مجزا دارند. (حتی وقتی قطعه شما به اندازه یک اتم برسد، دو قطب دارد که نشان می‌دهد خود اتم نیز می‌تواند یک آهنربا باشد)



نکته ۷: خطوط میدان مغناطیسی همدیگر را قطع نمی‌کنند. همچنین در دنیا تک قطبی مغناطیسی وجود ندارد (برخلاف میدان الکتریکی که می‌تواند تک قطبی هم باشد!)

نکته ۸: میدان مغناطیسی زمین: زمین نیز دارای نوعی میدان مغناطیسی است که جهت آن تقریباً از جنوب به شمال است. میدان مغناطیسی زمین بر قطب‌های جغرافیایی آن منطبق نیستند. در واقع، قطب‌های مغناطیسی و جغرافیایی زمین فاصله نسبتاً زیادی از یکدیگر دارند. مثلاً قطب جنوب مغناطیسی تقریباً در فاصله 18 کیلومتری قطب شمال جغرافیایی قرار دارد. این بدان معناست که عقربه مغناطیسی در جهت شمال واقعی جغرافیایی قرار نمی‌گیرد و تا حدودی از شمال جغرافیایی انحراف دارد. این انحراف وابسته به مکان را میل مغناطیسی می‌نامند (در هر نقطه از زمین زاویه‌ی بین محور مغناطیسی آویخته شده با راستای افق را زاویه میل می‌نامند).

محور زمین و محور مغناطیسی زمین باهم زاویه‌ای می‌سازند که به آن زاویه انحراف مغناطیسی می‌گویند. **تست:** یک میله آهنی و یک میله آهنربایی ضخیم و مشابه در اختیار داریم کدام گزینه صحیح است؟ (هیچ وسیله دیگری در اختیار نداریم).

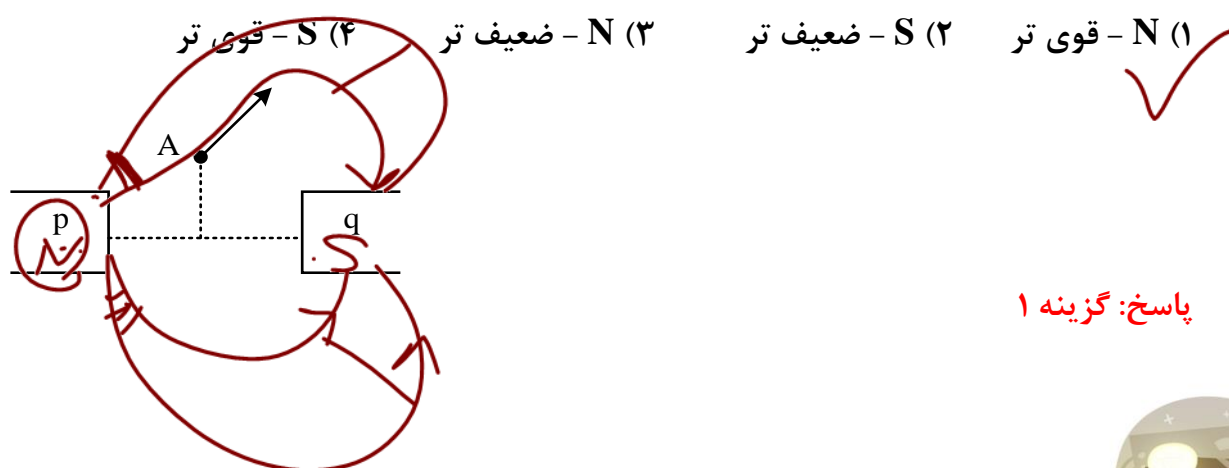
۱) می‌توانیم آهن را از آهن ربا تشخیص دهیم و همچنین نوع قطب‌های آهنربا را

۲) نمی‌توانیم آهن را از آهن ربا تشخیص دهیم و همچنین نوع قطب‌های آهنربا را

۳) می‌توانیم آهن را از آهن ربا تشخیص دهیم ولی نوع قطب‌های آهنربا را خیر ✓

۴) نمی‌توانیم آهن را از آهن ربا تشخیص دهیم ولی نوع قطب‌های آهنربا را می‌توانیم تشخیص دهیم.

تست: در شکل مقابل p و q قطب‌های دو آهن ربای میله‌ای قوی هستند. در نقطه ی A واقع بر عمود منصف خط واصل بین قطب‌ها، عقربه ی مغناطیسی مطابق شکل ایستاده است. p قطب است و در مقایسه با q است.



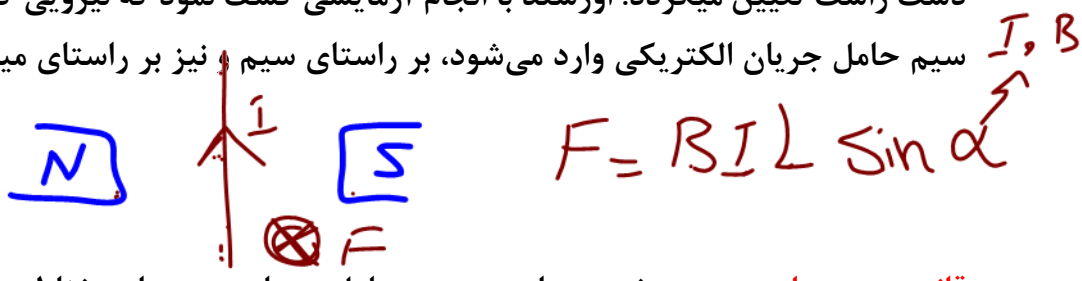
پاسخ: گزینه ۱



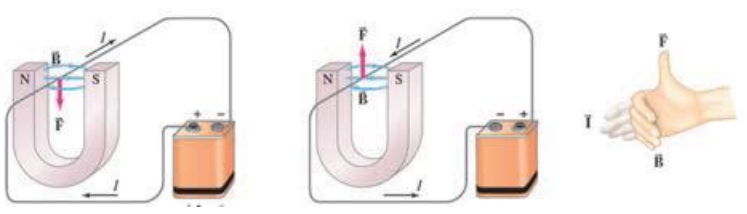
نیروی مغناطیسی وارد بر رسانای حامل جریان

نکته ۸: هرگاه یک سیم راست به طول L حامل جریان i در میدان مغناطیسی B قرار گیرد از طرف میدان نیرویی بر سیم وارد می شود که اندازه آن از رابطه زیر محاسبه میگردد ولی جهت این نیرو از قانون دست راست تعیین میگردد. اورستد با انجام آزمایشی کشف نمود که نیرویی که در میدان مغناطیسی بر سیم حامل جریان الکتریکی وارد می شود، بر راستای سیم و نیز بر راستای میدان مغناطیسی عمود است.

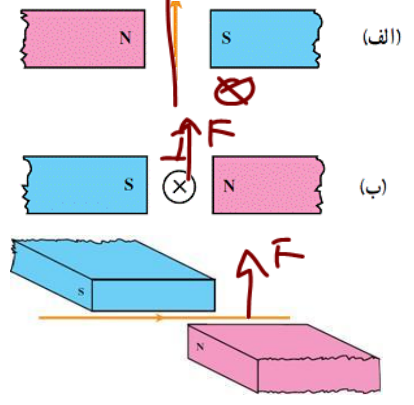
$F = BiL \sin \alpha$
 بیشینه $F = BiL$



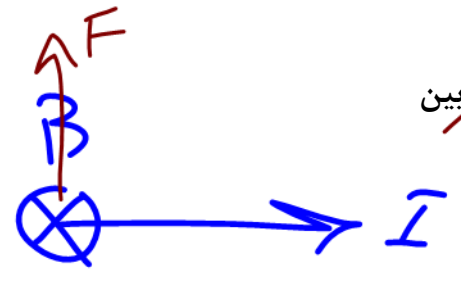
قانون دست راست: جهت نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی را می توان با استفاده از قاعده دست راست به این صورت تعیین کرد:



مثال: در هر یک از شکلهای زیر جهت نیروی وارد بر سیم را مشخص نمایید؟



تست: جهت میدان مغناطیسی یکنواختی افقی و رو به سمت شمال است. از یک سیم راست افقی جریانی ۲ آمپری و به سمت شرق عبور می کند. بر ۲ متر از این سیم چند نیوتن نیرو و در چه جهتی وارد میگردد؟

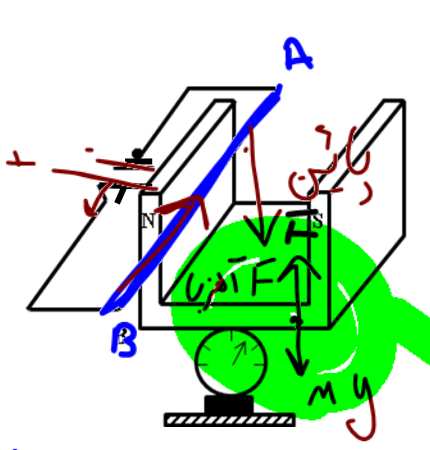


- (۱) ۰/۲ بالا ✓
- (۲) ۰/۲ پایین
- (۳) ۰/۱ بالا
- (۴) ۰/۱ پایین

$F = BiL \sin \alpha$
 $F = (5 \times 10^{-3}) (2 \times 2) \times 1 = 0,2$



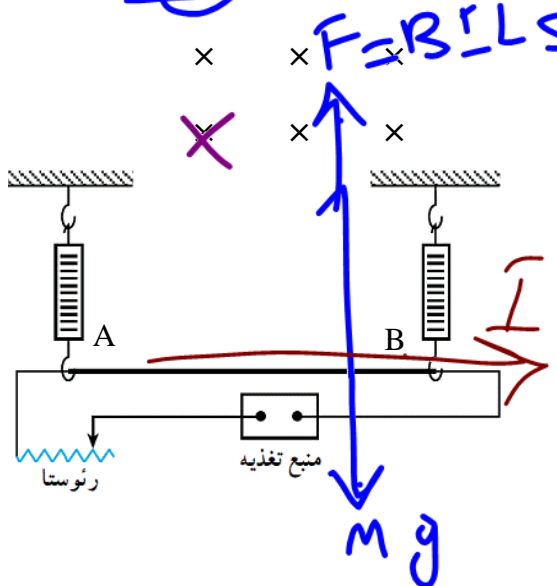
تست: در شکل مقابل سیم افقی AB در میدان مغناطیسی یکنواخت، بین دو قطب معلق است و قبل از بستن کلید K، ترازو عدد ۱۰ نیوتن را نشان می‌دهد. وقتی کلید K بسته شود، از سیم جریان ۲۰ آمپر می‌گذرد، ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ (طول سیم AB برابر ۱۰ سانتی‌متر باشد و اندازه میدان مغناطیسی یک تسلا است.)



$$F_{\text{نیرویی}} = mg \pm BIL \sin \alpha$$

عدد ۱۰ = عدد ۲ = ۸

تست: مطابق شکل سیمی AB به طول ۱۰ سانتیمتر و به جرم ۸ گرم حامل جریان I می‌باشد. اندازه و جهت جریان چگونه باشد تا این سیم در حالت تعادل باشد؟ (میدان درون سو و اندازه آن ۰/۰۵ میلی تسلا)



$$F = BIL \sin \alpha$$

$$mg = BIL \sin \alpha$$

$$I = 1600$$

۱۶۰۰ (۲) ←

۱۶۰۰ (۱) → ✓

۸۰۰ (۴) ←

۸۰۰ (۳) →

تست: سیمی حامل جریان I در میدان مغناطیسی B قرار دارد به گونه ای که زاویه میدان با جریان ۳۷ درجه است. اگر سیم را طوری بچرخانیم که بدون تغییر سایر شرایط زاویه میدان و جریان به ۷۴ درجه برسد، نیروی وارد بر سیم چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟ (sin 37 = 0/6)

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{BIL \sin 74}{BIL \sin 37}$$

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{\sin 74}{\sin 37} = 2 \times 0.18 = 1.6 = 160\%$$

۱۶۰ درصد افزایش (۲) ✓

۶۰ درصد کاهش (۴)

۶۰ درصد افزایش (۱) ✓

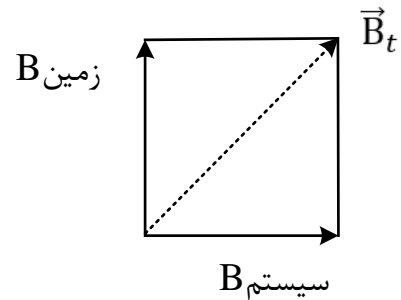
۱۶۰ درصد کاهش (۳)



تست: یک سیم بلند مستقیم به صورت افقی در میدان مغناطیسی زمین قرار دارد و از آن جریان ثابتی به طرف جنوب می‌گذرد. یک قطب نما (عقربه ی مغناطیسی) درست زیر سیم قرار گرفته است. وضعیت عقربه ی قطب نما در کدام شکل درست نشان داده شده است؟ (بالای صفحه ی کاغذ را شمال در نظر بگیرید).



گزینه ۱ پاسخ صحیح است.



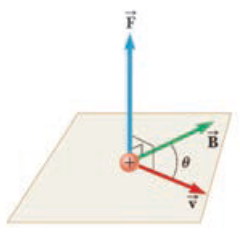
جهت میدان مغناطیسی زمین به طرف شمال است. وقتی از سیم جریان به طرف جنوب می‌گذرد در زیر آن جهت میدان به طرف شرق است. (قانون دست راست) تیغ های قطب نما در امتداد \vec{B} برآیند می‌ایستند به طوری که خط های میدان از سر S به آن وارد شوند.



نیروی وارد بر ذره باردار متحرک در میدان مغناطیسی

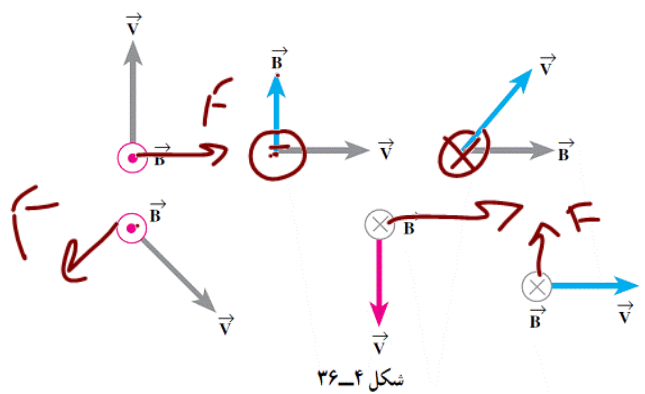
هرگاه بار الکتریکی q با سرعت V وارد میدان مغناطیسی B گردد بر آن نیروی F وارد می شود که اندازه آن از رابطه رو برو محاسبه می گردد ولی جهت آن از قاعده دست راست است. (نیروی F بر V و B عمود است)

$$F = qvB \sin \alpha$$



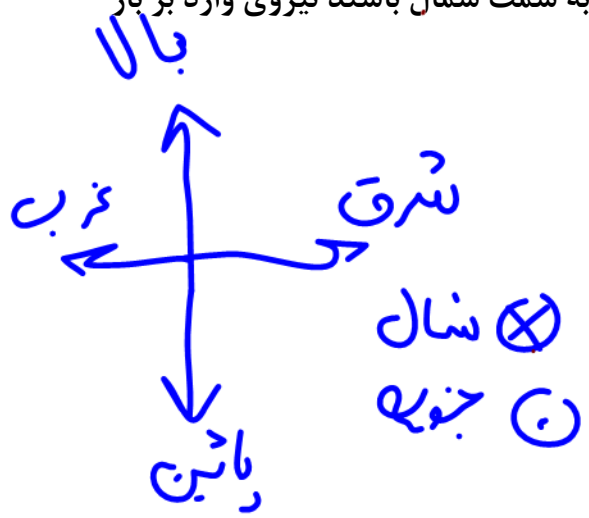
قانون دست راست است: چهار انگشت دست راست را در جهت v قرار میدهیم، به گونه ای که خم شدن بند انگشتان B را نشان دهد، اکنون انگشت شست، جهت F را نشان میدهد

مثال: در هر کدام از شکل های زیر جهت نیروی وارد بر ذره بار دار $+q$ را مشخص کنید؟

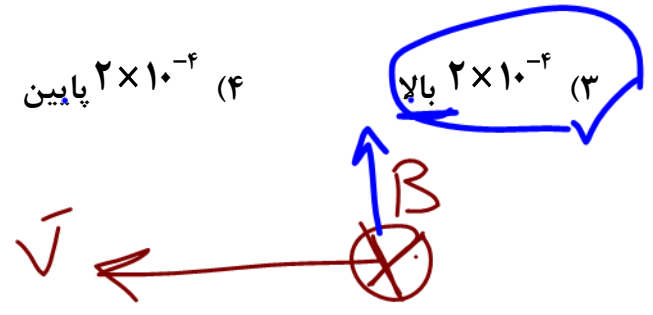


شکل ۴-۳۶

تست: در مکانی که میدان مغناطیسی 0.04 تسلا است ذره ای با بار منفی 50 میکروکولن با سرعت 100 متر بر ثانیه افقی به سمت غرب در حرکت است. اگر خطوط میدان افقی و به سمت شمال باشند نیروی وارد بر بار چند نیوتن و در کدام جهت است؟



- (۱) 2×10^{-2} شمال
- (۲) 2×10^{-3} جنوب
- (۳) 2×10^{-4} بالا
- (۴) 2×10^{-4} پایین



$$F = qvB \sin \alpha$$

$$50 \times 10^{-6} \times 100 + 10^2 + 2 \times 10^{-2} = 2 \times 10^{-4}$$



تست: با توجه به شکل زیر نوع بار هر کدام از ذرات زیر کدامست؟ (مثبت - منفی - خنثی)



- (۱) +۱ +۲ ۳ خنثی +۴
- (۲) +۱ -۲ ۳ خنثی -۴
- (۳) -۱ -۲ -۳ -۴
- (۴) +۱ +۲ ۳ خنثی -۴

تست: پروتونی مطابق شکل نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی ۲۰ میلی تسلا حرکت می کند و نیروی مغناطیسی $1/28 \times 10^{-16} \text{ N}$ به آن وارد می شود. انرژی جنبشی پروتون چند الکترون ولت است و جهت نیروی وارد بر آن چگونه است؟

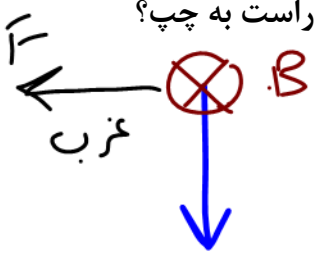


$F = qvB \sin \alpha$
 $1,28 \times 10^{-16}$
 $1,6 \times 10^{-19}$
 2×10^{-8}
 $\frac{2/5}{1}$
 $\frac{1/5}{3}$
 $v = 1,4 \times 10^8$

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow K = \frac{1}{2} (1,67 \times 10^{-27}) (1,4 \times 10^8)^2$$

K ۱۸,۵ eV ۱,۶ x 10⁻¹⁹

تست: ذره سبک بتای الکترونی از بالا به پایین حرکت می کند و ذره ی سبک آلفا از شمال به جنوب شلیک می شوند که ناگهان وارد میدان مغناطیسی زمین می شوند، جهت انحراف آنها به ترتیب از راست به چپ؟



- (۱) غرب-پایین (۲) شرق-پایین (۳) غرب-بدون انحراف (۴) شرق-غرب



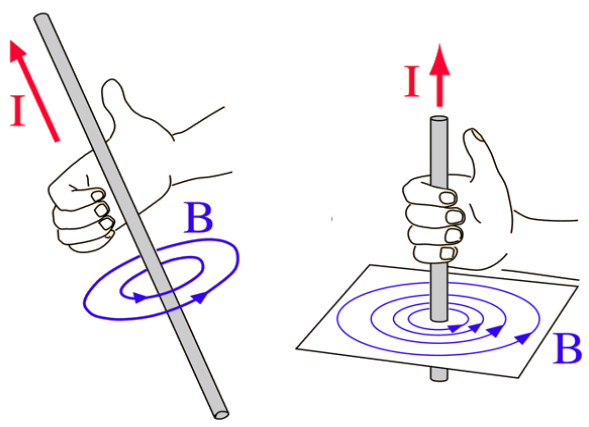
$$F = qvB \sin \alpha = 0$$



میدان مغناطیسی در فضای اطراف سیم‌های حامل جریان

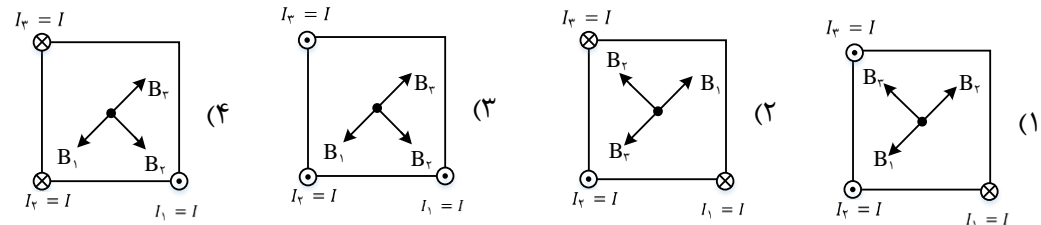
اندازه میدان مغناطیسی اطراف سیم راست از فرمول $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$ محاسبه میشود و برای محاسبه جهت این میدان:

انگشت شست را در جهت جریان قرار می‌دهیم با چهار انگشت دست راست به نقطه مورد نظر سوال اشاره می‌کنیم سپس بند انگشتان را خم می‌کنیم. (در نقطه‌ها ۹۰ درجه خم کنید!!)



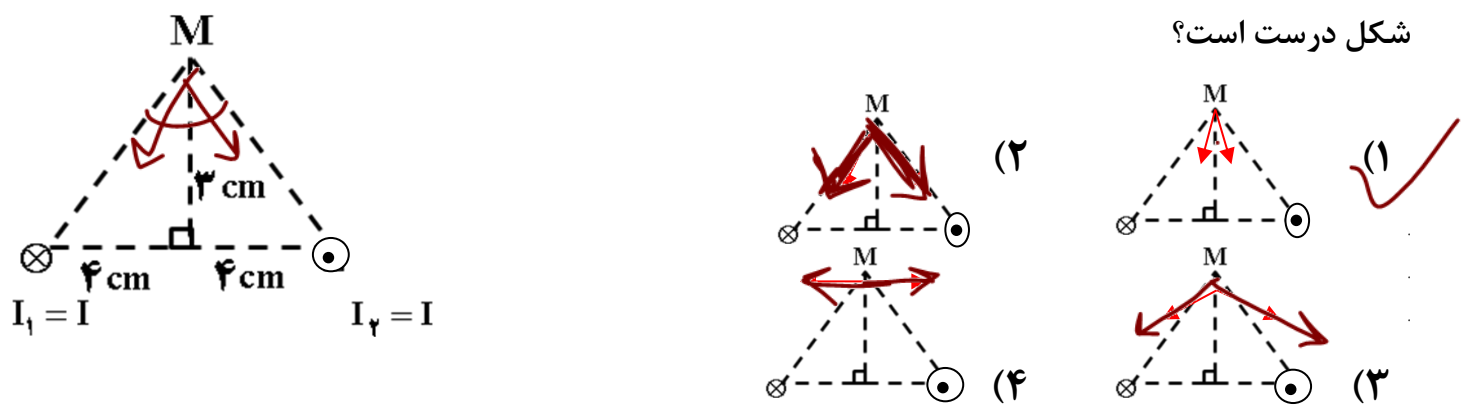
تذکر: فرمول اندازه، از در کتاب درسی حذف گردیده ولی جهت‌ها را باید یاد بگیرید!

تست: مطابق شکل در سه رأس مربع، سیم‌های حامل جریان الکتریکی، عمود بر صفحه کاغذ قرار دارند. کدام یک از شکل‌های زیر میدان مغناطیسی در مرکز مربع را درست نشان می‌دهد؟



گزینه ۲

تست: دو سیم موازی بسیار بلند، حامل جریان مساوی، مطابق شکل زیر عمود بر صفحه قرار دارند. بردار میدان مغناطیسی هر یک از دو سیم در نقطه M در کدام شکل درست است؟

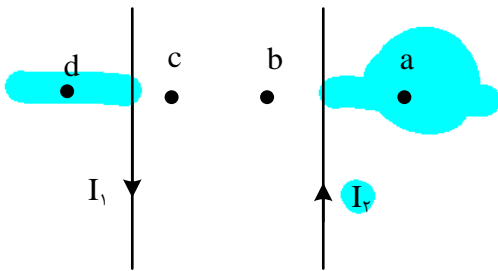


صفر شدن میدان برآیند میدان مغناطیسی ناشی از دو سیم موازی حامل جریان

شرایط: اگر جریانه‌ها هم‌جهت باشد میدان در نقطه‌ای بین دوسیم (نزدیک به جریان کوچکتر) صفر می‌شود ولی اگر جریانه‌ها مختلف‌الجهت باشد میدان در نقطه‌ای خارج از فاصله بین دوسیم (نزدیک به جریان کوچکتر) صفر می‌شود.

تست: شکل مقابل، دو سیم موازی جریان‌های نامساوی I_1 و I_2 را نشان می‌دهد. اگر $I_1 > I_2$ باشد، میدان مغناطیسی برآیند (خالص) در کدام نقطه می‌تواند صفر باشد؟

- a (1) b (2) c (3) d (4)



گزینه ۱



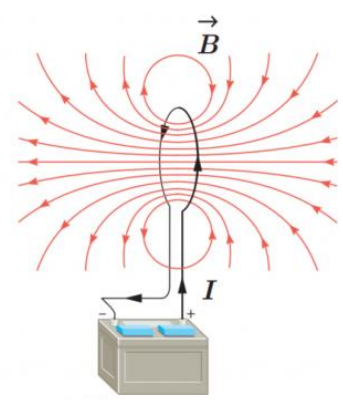
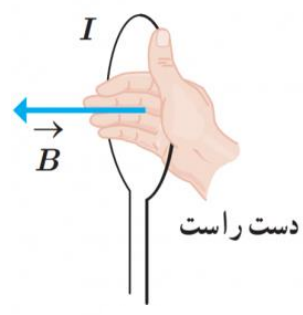
دایمی

میدان مغناطیسی حلقه‌ها و پیچه‌ها

اندازه میدان در حلقه کامل از فرمول $B = \frac{\mu_0 I}{2R}$ محاسبه میشود

اندازه میدان در حلقه ناقص از رابطه $B = \frac{\alpha \mu_0 I}{360 \cdot 2R}$ محاسبه میگردد

اندازه میدان در پیچه‌ها از $B = N \frac{\mu_0 I}{2R}$ محاسبه میشود



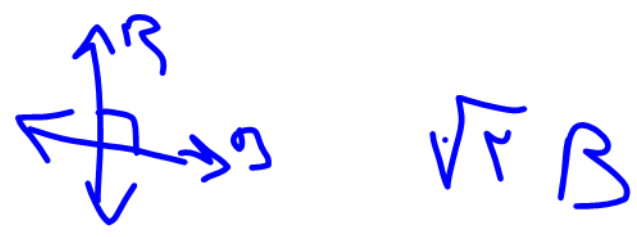
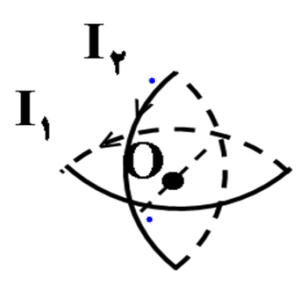
برای پیدا کردن جهت میدان در حلقه‌ها و پیچه‌ها کافیت انگشت شست را در جهت جریان قرار می دهیم سپس با ۴ انگشت به مرکز حلقه (پیچه) اشاره می کنیم، اکنون خم شدن بند انگشتان به اندازه ۹۰ درجه ، جهت B را نشان می دهد

تست: مطابق شکل زیر، دو حلقه رسانا، هم اندازه و هم مرکز با شعاع های ۱۰ سانتیمتر در دو صفحه عمود بر هم قرار دارند و از هر یک جریان مساوی به شدت ۱۰۰ آمپر می گذرد. اندازه برآیند میدان های مغناطیسی دو

حلقه در مرکز حلقه‌ها (نقطه O)، چند گاوس می باشد؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

Handwritten calculation: $B = \frac{\mu_0 I}{2R} = \dots \times 10^{-4} \Rightarrow$

Options: (1) $3\sqrt{2}$, (2) $6\sqrt{2}$, (3) 6, (4) 12, (5) ۱۰۰



تست: سیمی به طول ۱۵۷cm را به صورت سیم پیچه مسطحی به شعاع ۵cm در می آوریم. اگر از این سیم جریان 2 آمپر بگذرد، میدان مغناطیسی در مرکز سیم پیچ مسطح چند تسلا است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)

(۱) $6/3 \times 10^{-5}$ (۲) $12/5 \times 10^{-5}$ (۳) $12/5 \times 10^{-7}$ (۴) $6/3 \times 10^{-5}$

تست: سیمی به طول L را به صورت پیچه مسطحی به شعاع r در می آوریم و جریانی به شدت I را از آن عبور می دهیم. در این صورت اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه برابر با B است. اگر همین سیم را به صورت پیچه مسطحی به شعاع $\frac{r}{2}$ در آوریم و جریانی به شدت 2I از آن عبور دهیم اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه چند B خواهد بود؟

(۱) ۱ (۲) ۴

(۳) ۲ (۴) ۸

حل: در هر حالت، تعداد حلقه های پیچه برابر است با: $N = \frac{L}{2\pi r}$

با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی در داخل یک پیچه، داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{2r} = \frac{\mu_0 \times \frac{L}{2\pi r} \times I}{2r} = \frac{\mu_0 LI}{4\pi r^2}$$

$$\Rightarrow \frac{B_2}{B_1} = \frac{\mu_0 L 2I}{4\pi (\frac{1}{2}r)^2} = 8$$

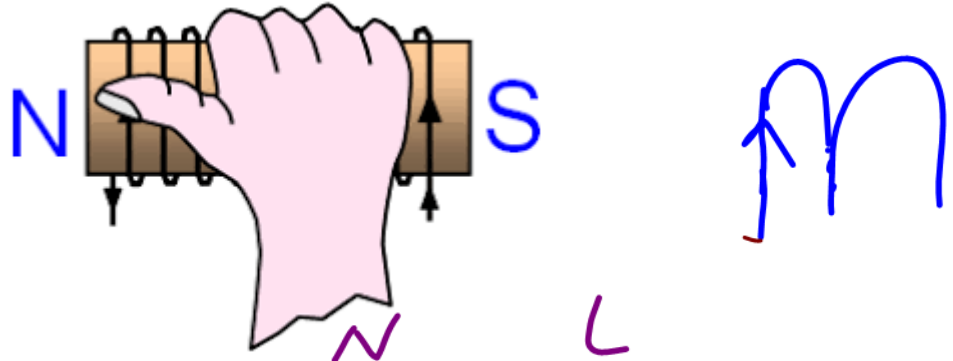


۹۹,۹/.

میدان مغناطیسی سیملوله

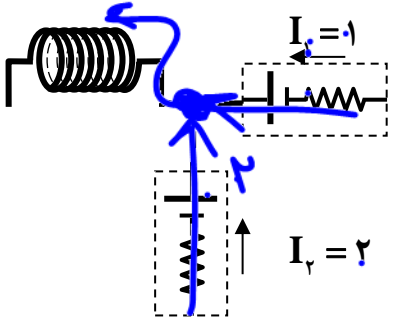
در سیملوله ها اندازه میدان مغناطیسی از رابطه $B = \frac{\mu_0 NI}{L}$ محاسبه میگردد و برای پیدا کردن جهت این میدان، اگر چهار انگشت دست راست را روی سیملوله و در جهت جریان قرار می دهیم، اکنون انگشت شست هم جهت قطب N و هم جهت میدان B را در داخل سیملوله نشان می دهد.

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L}$$

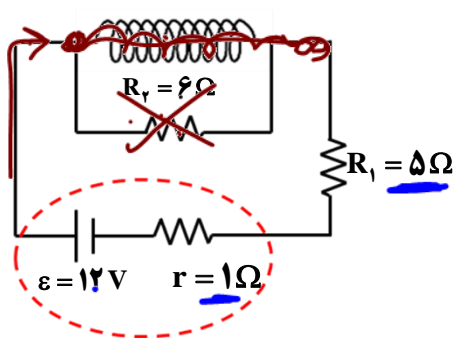


تست: در مدار روبرو طول سیملوله ۳۰ سانتیمتر و دارای ۵۰۰ حلقه است. میدان مغناطیسی در داخل سیملوله چند گaus است؟

$2\pi \times 10^{-2}$ (۴) $2\pi \times 10^{-2}$ (۳) 2π (۲) 20π (۱) ✓
 $B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 500 \times 2}{0.3} = 20\pi \times 10^{-2} = 20\pi \text{ G}$



تست: در مدار شکل زیر مقاومت سیملوله ناچیز است. اگر طول سیملوله ۱۰cm و تعداد دورهای آن ۵۰۰ باشد، بزرگی میدان مغناطیسی روی محور اصلی آن چند گaus است؟ (π=۳)



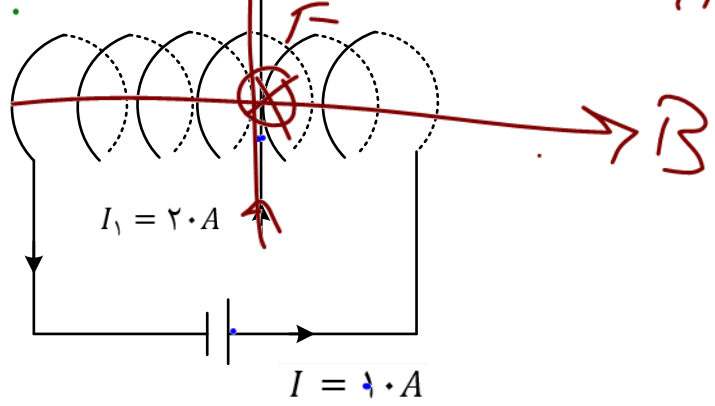
$I = \frac{\epsilon}{R_T + r} = \frac{12}{6 + 1} = 2$
 $B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 500 \times 2}{0.1} = 40\pi \times 10^{-2} = 40\pi \text{ G}$



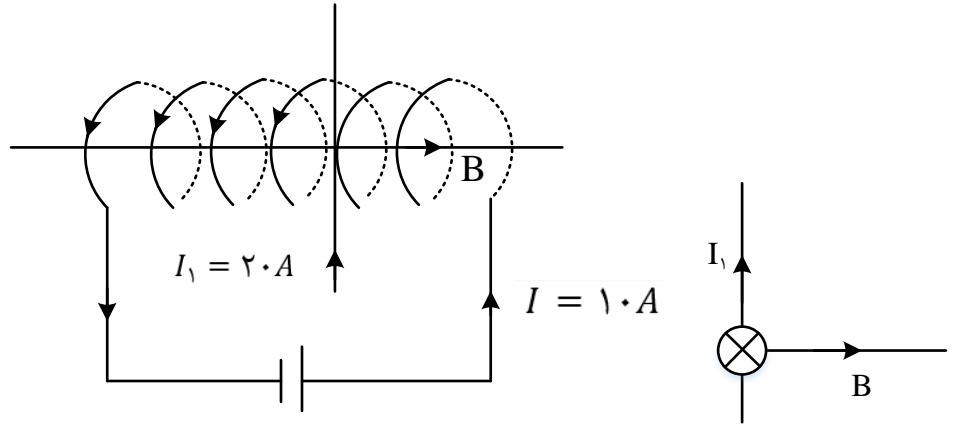
تست VIP: در شکل زیر سیم راست از لایه لای حلقه های سیم لوله گذشته و عمود بر محور سیم لوله است و جریان ۲۰ آمپر دارد. اگر تعداد حلقه های سیم لوله در واحد طول ۲۰۰ عدد و شعاع حلقه ها ۵ سانتی متر باشد، بزرگی و جهت نیروی وارد بر سیم راست چند نیوتن و در کدام جهت است؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)

$F = BIL \sin \alpha$
 $F = \mu_0 N I_1 I_2 L \sin \alpha$
 $\alpha = 90^\circ$
 $\sin 90 = 1$

- (۱) $4/8 \times 10^{-3}$ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف داخل ✓
- (۲) $2/4 \times 10^{-3}$ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف بیرون
- (۳) $4/8 \times 10^{-3}$ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف بیرون
- (۴) $2/4 \times 10^{-3}$ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف داخل



گزینه ی ۱ پاسخ صحیح است.



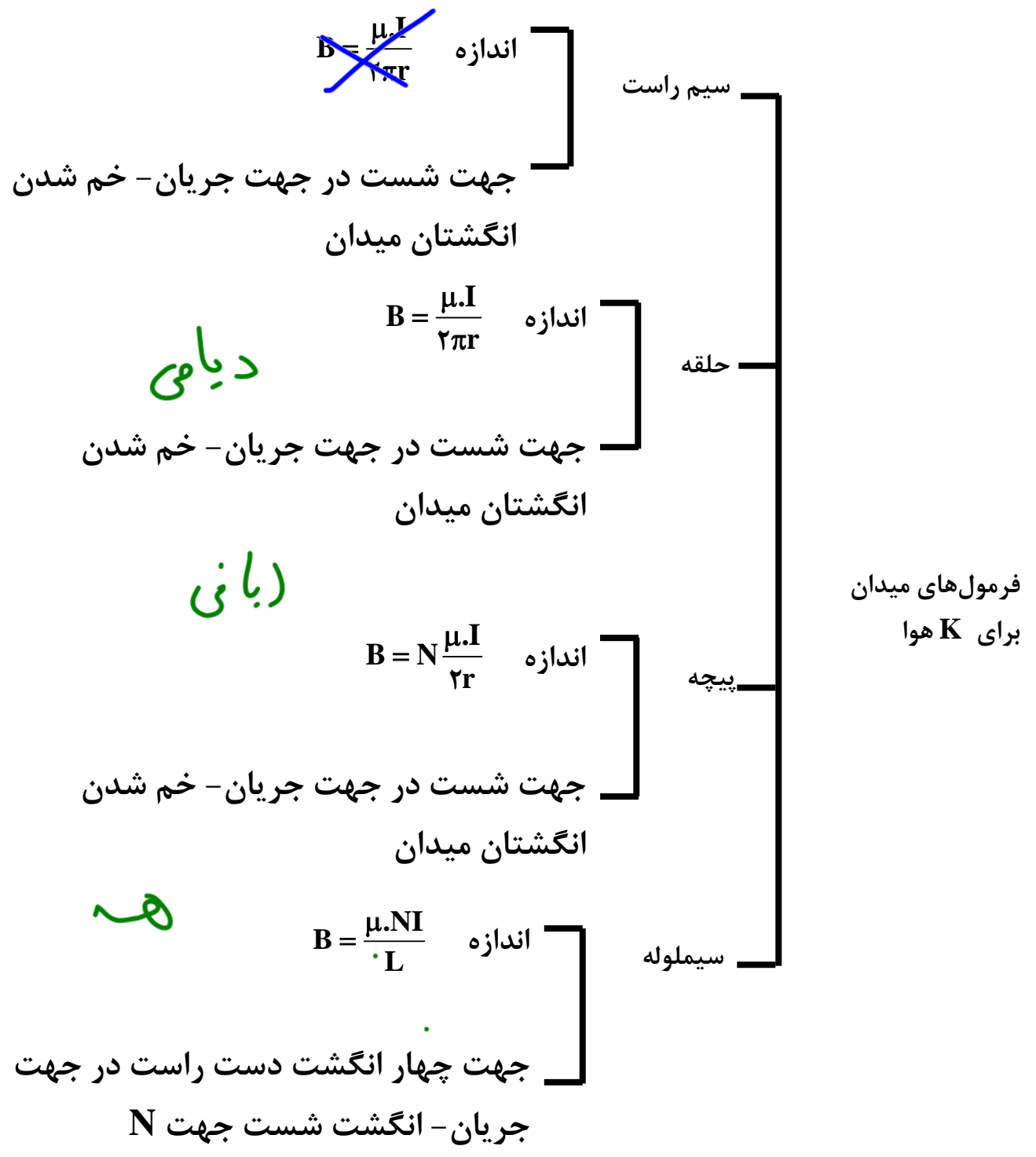
$$B = \frac{\mu_0 N I}{L} = 12 \times 10^{-7} \times 200 \times 10 = 24 \times 10^{-4} T$$

$$L = \text{طول سیم لوله} = \text{قطر سیم لوله} = 2 \times 5 \times 10^{-2} = 10^{-1} m$$

$$F = BIL \sin 90 = 20 \times 0.1 \times 24 \times 10^{-4} = 4/8 \times 10^{-3} N$$

طبق قاعده ی دست راست جهت نیرو عمود بر صفحه به طرف داخل است





آهنربای الکتریکی:

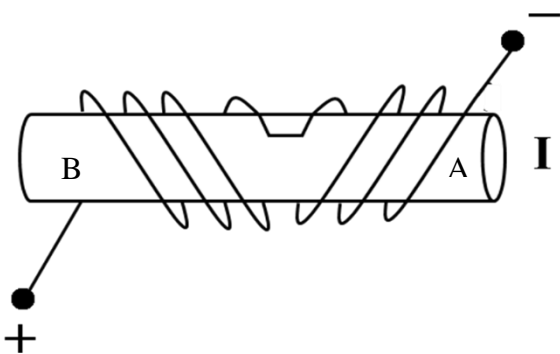
با قرار دادن یک میله آهنی در میدان مغناطیسی می توان ویژگی مغناطیسی در آن القا کرد. اگر میله آهنی در یک سیملوله حامل جریان که میدان در آنجا از هر جای دیگر در اطراف سیملوله قوی تر است قرار گیرد، آن را هسته سیملوله می نامند. پیش از آنکه جریانی از سیملوله عبور کند، سیملوله و هسته آهنی خاصیت مغناطیسی ندارند. اما وقتی جریانی در سیملوله برقرار شود، میدان مغناطیسی سیملوله خاصیت مغناطیسی در هسته آهنی القا می کند و هسته آهنی، آهنربا می شود. این آهنربا را آهنربای الکتریکی می نامند چه تعداد دورهای سیملوله در واحد طول و جریانی که از آن می گذرد بیشتر باشد، آهنربای چه تعداد دورهای سیملوله در واحد طول و جریانی که از آن می گذرد بیشتر باشد، آهنربای الکتریکی قوی تر خواهد بود. وجود هسته آهنی باعث تقویت میدان مغناطیسی سیملوله می شود. میدان مغناطیسی سیملوله بدون هسته آهنی به قدری ضعیف است که در عمل کاربردهای کمی دارد.

برای تشخیص قطب N و S در آهنربای الکتریکی باید ۴ انگشت دست راست را در روی آهنربا و در جهت جریان قرار دهیم. اکنون انگشت شست قطب N را نشان می دهد.



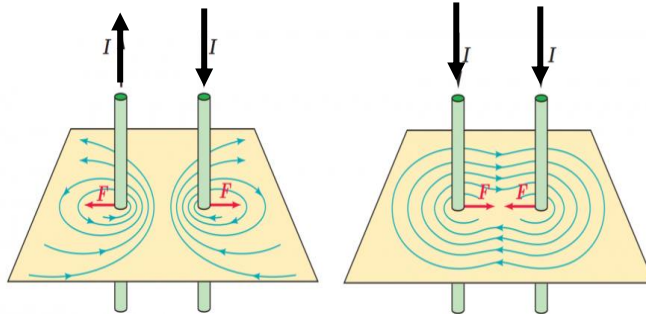
تست: با توجه به شکل مقابل نقاط A و B به ترتیب از راست به چپ کدام قطب آهنربا هستند؟

- | | |
|---------|---------|
| N-S (۲) | S-N (۱) |
| S-S (۴) | N-N (۳) |



محاسبه نیرویی که دو سیم حامل جریان برهم وارد می کنند

دو سیم راست و موازی و حامل جریان برهم نیرو وارد میکنند، اگر جریان های دو سیم راست و موازی هم جهت باشد نیرویی که دو سیم برهم وارد می کنند از نوع جاذبه است ، اگر جریان های دو سیم راست و موازی مختلف جهت باشد نیرویی که دو سیم برهم وارد می کنند از نوع دافعه است.

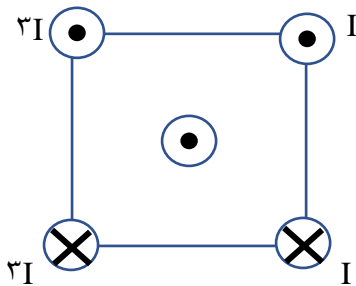


و در هر دو حالت اندازه این نیرو از رابطه روبرو محاسبه می گردد که این فرمول مطالعه آزاد است اما جهت ها را باید یاد بگیرید

$$F = \frac{\mu_0 I_1 I_2 L}{2\pi d}$$

مطالعه آزاد

تست: شکل رو به رو، سیم های بلند و موازی را نشان می دهد که بر صفحه کاغذ عمودند و جریان ها با جهت و اندازه مشخص شده از آنها می گذرد، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیمی که از مرکز مربع می گذرد،



کدام است؟

- (۱) ← (۲) ↑
 (۳) → (۴) ↓



خواص مغناطیسی مواد

مواد با توجه به ویژگی‌های مغناطیسی‌شان به دسته‌های مختلفی همچون فرومغناطیس، پارامغناطیس، دیامغناطیس، و ... تقسیم می‌شوند که هر یک کاربردهای مخصوص به خود را دارد اینجا در ادامه به تعریف برخی از این اصطلاحات می‌پردازیم

مواد فرومغناطیس: موادی هستند که حوزه‌های مغناطیسی همجهت دارد ولی سمت گیری هر حوزه با حوزه دیگر متفاوت است.

انواع مواد فرو مغناطیس:

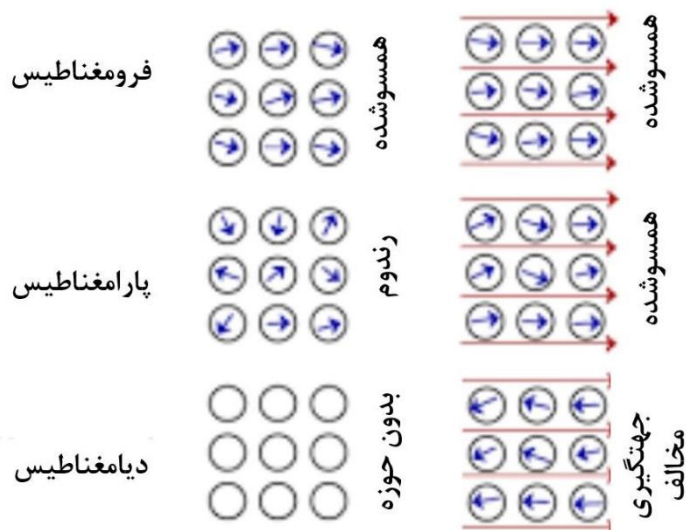
فرو مغناطیس نرم: این مواد به آسانی آهنربا شده و به آسانی نیز این خاصیت را از دست می‌دهند. (مثل آهن - نیکل - کبالت خالص و...)

فرو مغناطیس سخت: این مواد به سختی آهنربا شده و به سختی نیز این خاصیت را از دست می‌دهند. (مثل فولاد)

مواد پارامغناطیس: در این مواد دوقطبی‌های مغناطیسی بصورت کاتوره‌ای و نامنظم توزیع شده‌اند. و فقط تحت تاثیر میدان‌های بسیار قوی موقتا خاصیت مغناطیسی بدست می‌آورند و به محض حذف میدان قوی آنها خاصیت مغناطیسی خود را از دست می‌دهند.

مواد دیامغناطیس: این مواد جلوی هر قطب آهنربا قرار گیرد با آن همنام می‌شود و دفع می‌شود. (مانند بیسموت)

مشاهده مواد فرو، پارا و دیامغناطیس در حضور و عدم حضور میدان مغناطیسی



القای الکترومغناطیسی

شار مغناطیسی

شار یا فلو به مجموعه ی خطوط میدان مغناطیسی که از یک سطح بسته می گذرد گفته می شود.

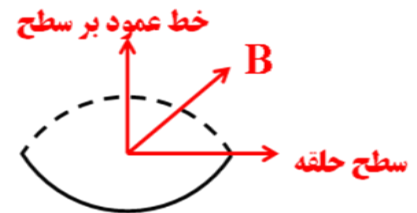
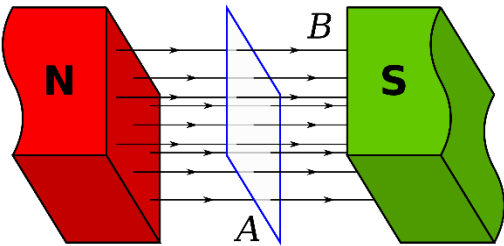
واحد آن در SI وبر (Wb) و واحد آن در CGS آن ماکسول است

نکته ۱: وبر 10^{-8} = یک ماکسول

نکته ۲: CGS سرواژه Centimetre-Gram-Second (سانتیمتر-گرم-ثانیه) یکی از دستگاه‌های اندازه

گیری است

رابطه: شار از فرمول زیر محاسبه می گردد $\phi = AB \cos \alpha$



تست: قاب مستطیل شکلی به ابعاد ۱۰ در ۴۰ سانتیمتر در میدان مغناطیسی یکنواخت ۰/۲ تسلائی قرار دارد

و خط‌های میدان با خط عمود بر سطح زاویه ۳۰ درجه میسازد. شار عبوری از آن چند وبر است؟

- (۱) 4×10^{-1} (۲) 4×10^{-2} (۳) $4\sqrt{3} \times 10^{-1}$ (۴) $4\sqrt{3} \times 10^{-2}$

تست: قاب مستطیل شکلی به ابعاد ۱۰ در ۴۰ سانتیمتر در میدان مغناطیسی یکنواخت ۰/۲ تسلائی قرار دارد

و خط‌های میدان با سطح قاب زاویه ۳۰ درجه میسازد. شار عبوری از آن چند وبر است؟

- (۱) 4×10^{-1} (۲) 4×10^{-2} (۳) $4\sqrt{3} \times 10^{-1}$ (۴) $4\sqrt{3} \times 10^{-2}$

تست: سیملوله ای به طول ۲۰ سانتی‌متر دارای ۱۰۰ حلقه است. حلقه‌ها به دور یک میله عایق به شعاع مقطع

۲ سانتیمتر به صورت منظم پیچیده شده‌اند. وقتی جریان ۰/۵ آمپری از سیملوله می گذرد، شار مغناطیسی

گذرنده از هر مقطع عمود بر میله، چند وبر است؟ $\pi^2 = 10$

- (۱) 8×10^{-7} (۲) 12×10^{-5}

- (۳) 4×10^{-7} (۴) 24×10^{-7}

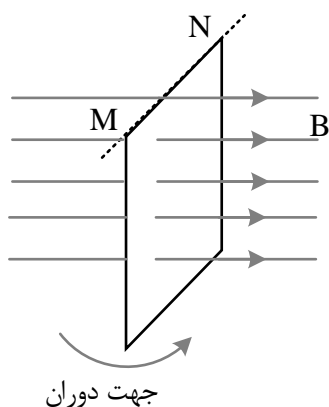


تست: اگر بردار میدان مغناطیسی یکنواختی در SI به صورت $\vec{B} = 0/3\vec{i} + 0/4\vec{j}$ باشد و حلقه ای به مساحت 200 cm^2 که سطح آن موازی محور x و عمود بر محور y است، در این میدان قرار داده باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در آن محیط و شار مغناطیسی عبوری از حلقه در SI از راست به چپ کدام اند؟

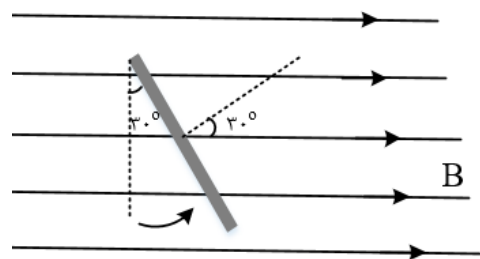
- (۱) صفر، صفر (۲) 6×10^{-3} , 0/5 (۳) 8×10^{-3} , 0/7 (۴) 8×10^{-3} , 0/5

تست: سطح حلقه رسانایی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد. اگر صفحه را حول ضلع MN به اندازه 30° درجه بچرخانیم، شار مغناطیسی عبوری از سطح چند برابر می شود؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۳) ۲ (۴) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$



گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



ابتدا عمود است و زاویه صفر ولی اگر سطح حلقه را 30° حول ضلع MN دوران دهیم، زاویه بین خط عمود بر سطح

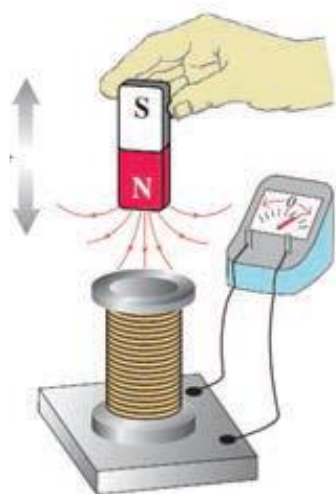
$$\frac{\varphi_2}{\varphi_1} = \frac{AB \cos 30}{AB \cos 0} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

حلقه و خطوط میدان نیز 30° می شود.



القای الکترومغناطیسی

القای الکترومغناطیسی، اساس تولید انرژی الکتریکی در همه نیروگاه‌های برق است که جریان متناوب را تولید، منتقل و توزیع می‌کنند. فارادی کشف کرد با حرکت آهنربا نسبت به پیچه، یک جریان الکتریکی در مدار القا می‌شود. این پدیده را القای الکترومغناطیسی و جریان تولید شده را جریان الکتریکی القایی می‌نامند. القای الکترومغناطیسی اساس کار مولد جریان متناوب، دینام، مبدل‌ها و بسیاری از وسیله‌های الکتریکی است. دور یا نزدیک شدن آهنربا به پیچه باعث تغییر میدان مغناطیسی در محل پیچه می‌شود و همین امر جریان الکتریکی را در پیچه القا می‌کند. پس می‌توان چنین نتیجه گرفت که تغییر اندازه میدان مغناطیسی در محل یک مدار بسته باعث القای جریان الکتریکی در آن مدار می‌شود. آزمایش نشان می‌دهد که علاوه بر روش گفته شده، به روش‌های دیگر نیز می‌توان در یک پیچه جریان الکتریکی القا کرد. اگر شکل پیچه را تغییر دهیم تا مساحت حلقه آن تغییر کند، خواهیم دید که در هنگام این کار نیز جریان الکتریکی در پیچه القا می‌شود. می‌توان نتیجه گرفت که: تغییر مساحت مدار بسته در میدان مغناطیسی نیز می‌تواند جریان القایی در مدار تولید کند. با چرخاندن پیچه در میدان مغناطیسی یکنواخت اندازه میدان مغناطیسی و مساحت حلقه مدار تغییر نمی‌کند، ولی زاویه بین میدان مغناطیسی و سطح پیچه تغییر می‌کند. از این می‌توان نتیجه گرفت که: تغییر زاویه بین پیچه و راستای میدان مغناطیسی نیز سبب برقراری جریان الکتریکی القایی می‌شود.



$$\varepsilon = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

نیروی محرکه القایی متوسط:

$$\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt}$$

نیروی محرکه القایی لحظه‌ای:

(مطالعه آزاد)

خلاصه قانون القای فارادی: هرگاه شار عبوری از دوسر مدار بسته‌ای تغییر کند نیروی محرکه‌ای (برق!) در آن بوجود می‌آید که از روابط بالا محاسبه می‌شود



تمرین : پیچه‌ای شامل ۱۰ حلقه است. معادله شار عبوری از آن بصورت $\Phi = t^3 + 5t + 10$ است:
الف: نیروی محرکه القایی در ۲ ثانیه اول؟

ب: نیروی محرکه القایی در ثانیه دوم؟

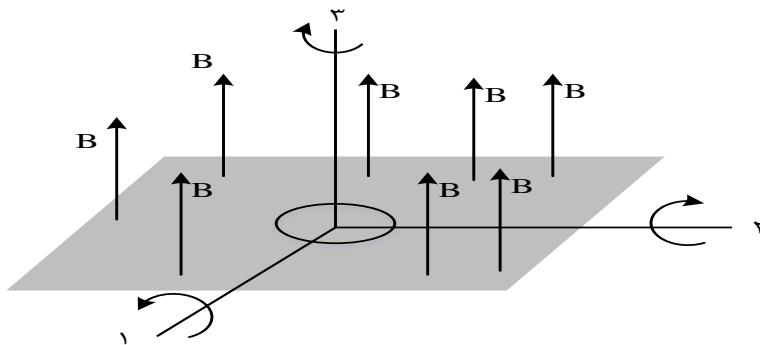
ج: نیروی محرکه القایی در لحظه $t=2$ ؟

تست: پیچه ای دارای ۵۰ حلقه است و شار مغناطیسی 0.04 و بر از آن می گذرد. این شار مغناطیسی به طور منظم کاهش پیدا کرده و در مدت Δt به صفر می رسد. اگر مقاومت الکتریکی این مدار ۵ اهم باشد، چند کولن الکتریسیته القایی در این مدت در مدار شارش پیدا می کند؟

- | | |
|---------|---------|
| ۰/۲ (۱) | ۰/۴ (۲) |
| ۲ (۳) | ۴ (۴) |

تست: حلقه ای فلزی درون میدان مغناطیسی یکنواختی مطابق شکل قرار دارد. حلقه را 180° درجه حول هر کدام از محورهای نشان داده شده می چرخانیم، در کدام مورد یا موارد، پدیده القای الکترومغناطیسی رخ می دهد؟ (تست آزمون سنجش)

- | | | | |
|-----------|---------------|---------------|--------------------|
| فقط ۳ (۱) | فقط ۱ و ۲ (۲) | همه موارد (۳) | هیچیک از موارد (۴) |
|-----------|---------------|---------------|--------------------|



گزینه ۲



بسط قانون فارادی:

ما میتوانیم فرمول فارادی را باز کنیم و سه فرمول زیر را از آن استخراج نماییم

بسط قانون فارادی :

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \begin{cases} \varepsilon = \frac{N \Delta A B \cos \alpha}{\Delta t} \\ \varepsilon = -\frac{N A \Delta B \cos \alpha}{\Delta t} \\ \varepsilon = -\frac{N A B (\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)}{\Delta t} \end{cases}$$

تست: حلقه‌ای به مساحت ۵۰۰ سانتیمترمربع عمود بر میدان مغناطیسی ۰/۲ تسلائی است. اگر در مدت زمان ۰/۱ ثانیه میدان مغناطیسی به صفر برسد اندازه نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت می‌شود؟
 ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) هیچکدام

تست: حلقه‌ای به مساحت ۰/۲ مترمربع عمود بر میدان مغناطیسی ۰/۵ تسلائی است. اگر در مدت ۰/۱ ثانیه به وضعی درآید که خطوط میدان با سطح حلقه زاویه ۳۰ بسازند بزرگی نیروی محرکه القایی چند ولت می‌شود؟
 ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۰/۱ (۴)

تست: حلقه‌ای به مساحت ۰/۵ متر مربع عمود بر میدان مغناطیسی قرار دارد. که با آهنک ۲۰ واحد SI تغییر می‌کند. اگر مقاومت این حلقه ۴۰ اهم باشد اندازه شدت جریان القایی چند آمپر می‌شود و پس از 128×10^{-20} ثانیه چه تعداد الکترون القا می‌گردد؟
 ۱ (۱) ۰/۲۵- ۲ (۲) ۴۰۰- ۳ (۳) ۰/۲۵- ۴ (۴) هیچکدام



تست: حلقه ای به شعاع ۲ سانتی متر، عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی مسی شعاع مقطع ۲mm و مقاومت $1/7 \times 10^{-8} \Omega m$ ویژه تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریانی برابر 0/2 آمپر در حلقه القا شود؟

- (۱) ۰/۰۲۸
 (۲) ۰/۲۸۰
 (۳) ۰/۰۸۲
 (۴) ۰/۸۲۰

$$L = 2\pi r = 2 \times (\pi) = 12 \text{ cm} = 0/12$$

$$A = \pi r^2 \xrightarrow{r=2\text{mm}=2 \times 10^{-3} \text{ m}} A = \pi \times (2 \times 10^{-3})^2 = 12 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} = \frac{1/7 \times 10^{-8} \times 12 \times 10^{-2}}{12 \times 10^{-6}} = 1/7 \times 10^{-4} \Omega$$

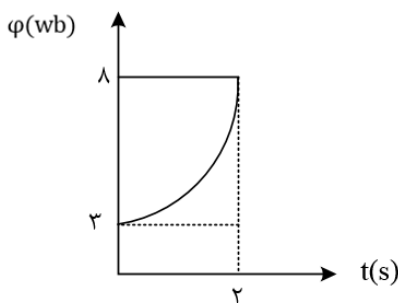
$$\varepsilon = RI = 1/7 \times 10^{-4} \times 0/2 = 34 \times 10^{-6} \text{ V}$$

$$\bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B \cos \phi}{\Delta t} \xrightarrow{A = \pi r^2 = \pi \times (2 \times 10^{-3})^2 = 12 \times 10^{-6} \text{ m}^2}$$

$$34 \times 10^{-6} = -12 \times 10^{-6} \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = \frac{34 \times 10^{-6}}{12 \times 10^{-6}}$$

$$\square 2/8 \times 10^{-2} = 0/28 \frac{\text{T}}{\text{s}}$$

تست: نمودار شار - زمان که از یک مدار بسته شامل یک حلقه می گذرد، به صورت سهمی زیر است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در ثانیه دوم چند ولت است؟



- (۱) ۴/۵
 (۲) ۱۲
 (۳) ۷/۵
 (۴) ۳/۷۵

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا معادله سهمی را به دست می آوریم:

$$\varphi = At^2 + Bt + C$$

چون در $t = 0$ شیب خط مماس صفر است، $B = 0$ خواهد شد.

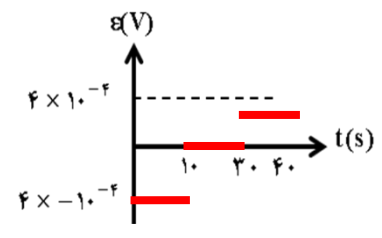
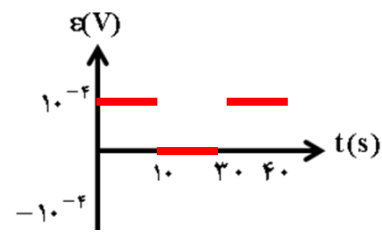
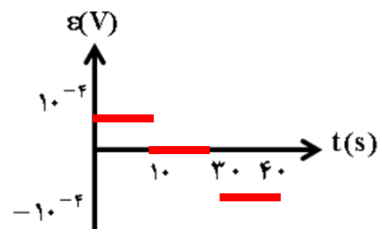
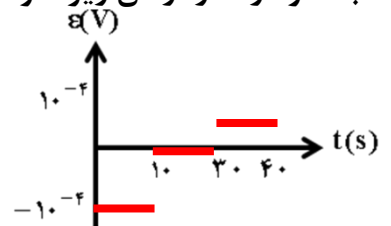
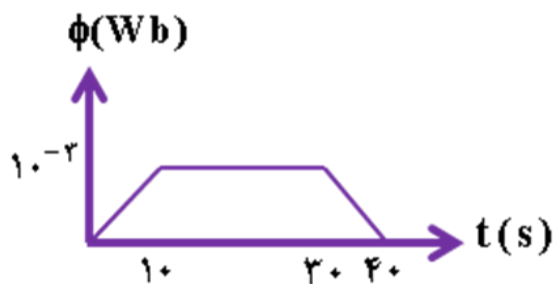
$$t = 1 \rightarrow \varphi_1 = \frac{17}{4} \text{ (wb)}$$

$$t = 2 \rightarrow \varphi_2 = 8 \text{ (wb)}$$

$$\rightarrow \varepsilon = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \rightarrow \varepsilon = \frac{15}{2-1} = -\frac{15}{4} \text{ V} = -3/75 \text{ (V)}$$



با توجه به نمودار شار-زمان زیر نمودار نیرو محرکه بر حسب زمان کدامست؟

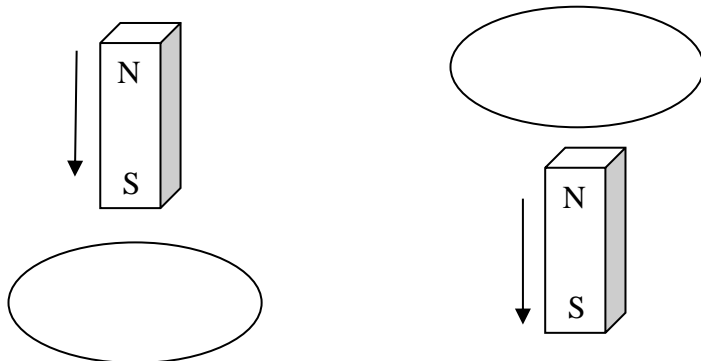


قانون لنز

پس از آنکه فارادی روش ایجاد جریان مغناطیسی را کشف کرد یک دانشمند روسی به نام لنز قاعده‌ای برای تعیین جهت جریان در یک مدار بسته بدست آورد. بنا بر قانون لنز جهت جریان القایی به گونه ای است که با عامل بوجود آورنده خود مخالفت می کند. دستور عمل قانون لنز (روش اصلی) قدم اول: B اصلی را رسم کنید.

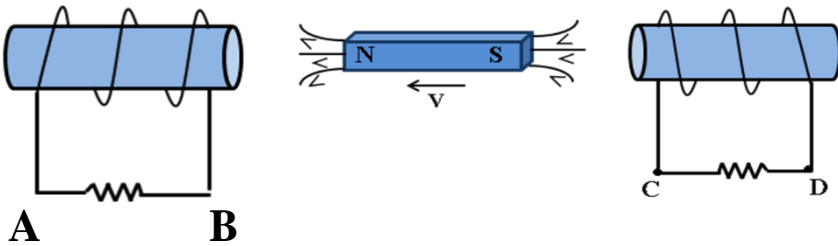
اگر B اصلی افزایش یابد مخالف B' مخالف B اصلی می شود. } قدم دوم:
 اگر B اصلی کاهش یابد B' هم جهت B اصلی می شود.

تمرین: یک آهنربای میله‌ای را از ارتفاع معینی رها می کنیم. و در مسیر از داخل حلقه ای رسانا عبور می کند. جهت جریان القایی هنگام ورود و هنگام خروج آهنربا چگونه می شود؟



تست: در شکل زیر سیملوله‌ها ثابت اند آهنربا به سمت چپ در حرکت است. جهت جریان القایی در مقاومت‌ها کدام است؟

- (۱) از A به B و از C به D
 (۲) از B به A و از C به D
 (۳) از A به B و از D به C
 (۴) از B به A و از D به C



تست: دو سیم طویل و موازی حامل جریانهای مساوی I هستند اگر حلقه را مطابق شکل از چپ به راست و به نزدیکی سیم دیگر حرکت دهیم، جهت جریان القایی در هر حلقه چگونه است؟



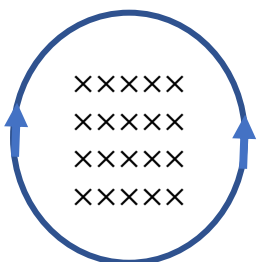
- (۱) ساعتگرد-ساعتگرد
 (۲) ساعتگرد-پاد ساعتگرد
 (۳) پاد ساعتگرد-ساعتگرد
 (۴) پاد ساعتگرد-پاد ساعتگرد

تست: در شکل مقابل حلقه‌ای در میدان درونسوی B قرار دارد، اگر میدان به B تبدیل شود، جهت جریان القایی کدامست؟

ابتدا ساعتگرد سپس پادساعتگرد

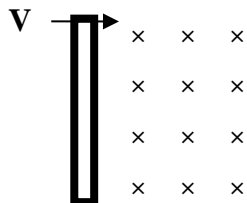
همواره پادساعتگرد

همواره ساعتگرد



حرکت میله با سرعت v در میدان B

هرگاه میله‌ای به طول L با سرعت V وارد یک میدان مغناطیسی به شدت B گردد نیروی محرکه‌ای در آن القا می‌گردد که از رابطه زیر محاسبه می‌گردد.



$$\epsilon = -B v L \sin \alpha$$

تذکر: آلفا زاویه‌ی بین v و B است.

تذکر: منظور از L ضلعی از قاب است که بر راستای حرکت عمود است.

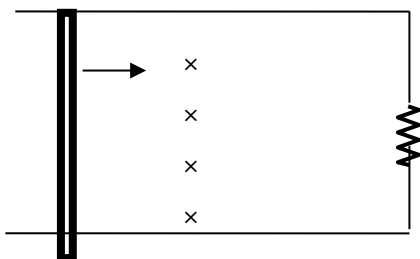
قانون دست راست برای پیدا کردن جهت جریان در شکل بالا:

تمرین: در شکل مقابل اگر مقاومت 0.4 اهم و میدان درون سوی آن 0.5 تسلا و سرعت حرکت میله 10 متر بر

ثانیه به سمت راست باشد و طول میله 20 سانتیمتر باشد:

الف: اندازه جریان القایی

ب: جهت جریان ساعتگرد است یا پاد ساعتگرد؟

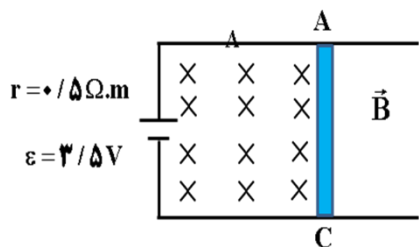


تست: در شکل زیر، طول میله رسانای AC برابر با 60cm و مقاومت الکتریکی آن برابر با 0.5 اهم است.

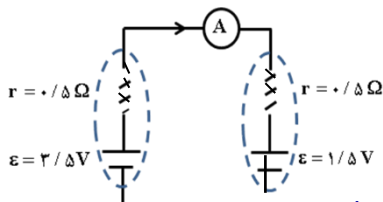
اگر بزرگی میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو برابر 5000G باشد و میله AC را با سرعت ثابت 5 به

سمت راست حرکت دهیم، آمپرسنج ایده آل چند میلی آمپر را نشان می‌دهد؟

- (1) 2 (2) 2000 (3) 5 (4) 0.02



حل: میله متحرک را همانند یک باطری در نظر می‌گیریم:



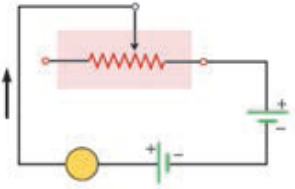
$$\epsilon' = B l v = 5000 \times 10^{-4} \times 60 \times 10^{-2} \times 5 = 1/5 \text{ V}$$

$$I = \frac{\epsilon - \epsilon'}{R_T + \Sigma r} = \frac{3/5 - 1/5}{0.5 + 0.5} = 2 \text{ A} = 2000 \text{ mA}$$



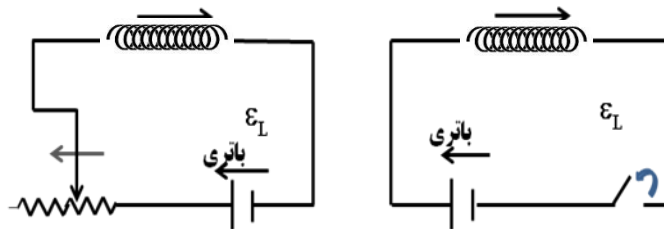
پدیده خودالقایی

اگر در مدار یک سیملوله قرار داشته باشد و جریان گذرنده از مدار تغییر کند در دوسر سیملوله نیروی محرکه-ای توسط خود سیملوله القا می شود که بر روی جریان مدار اثر میگذارد. این پدیده را خودالقایی می نامیم. مثلاً در مدار شکل روبرو ، بنابه قانون لنز جهت نیروی محرکه خودالقایی چنان است که می خواهد مانع تغییر شار مغناطیسی ای شود که مولد ایجاد می کند.

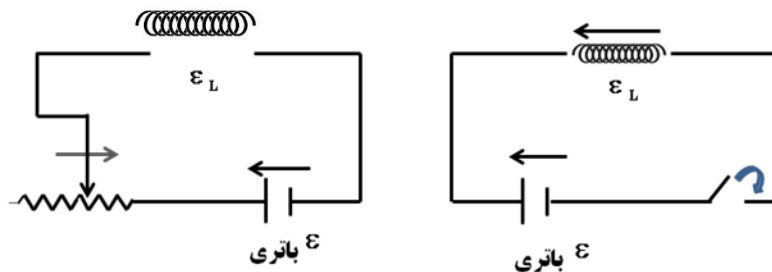


برای مثال، اگر مقاومت رُوستا کاهش یابد، جریان و در نتیجه شار مغناطیسی عبوری از القاگر می خواهد افزایش یابد. در نتیجه نیروی محرکه خودالقایی در جهتی ایجاد می شود که با افزایش شار مخالفت می کند. به عبارت دیگر در این حالت نیروی محرکه خودالقایی معادل نیروی محرکه باتری ای عمل می کند که در جهت مخالف مولد در مدار قرار گرفته باشد.

پدیده خود القایی



لحظه قطع کلید یا افزایش مقاومت (کاهش شدت جریان)



لحظه وصل کلید یا کاهش مقاومت (افزایش شدت جریان)



انرژی سیملوله

انرژی ذخیره شده در سیملوله از رابطه زیر محاسبه میگردد

$$U = \frac{1}{2} LI^2$$

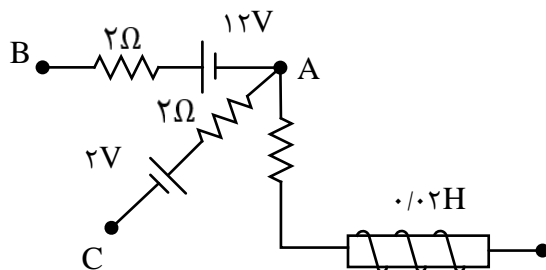
در فرمول بالا L ضریب خودالقایی (هانری) است. در سوالات رشته تجربی طراحان آنرا به ما میدهند! ولی در رشته ریاضی ممکن است ندهند و باید خودمان آنرا از رابطه زیر محاسبه کنیم: (فقط دانش آموزان رشته ریاضی)

$$L = \frac{\mu_0 N^2 A}{l}$$

تعریف هانری: یک هانری ضریب خودالقایی القاگری است که اگر جریان عبوری از آن با آهنگ یک آمپر بر ثانیه A/s تغییر کند، نیروی محرکه خودالقایی برابر یک ولت در آن القا می شود.

تست: شکل مقابل قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_B - V_A = 20V$ و $V_C - V_A = -6V$ باشد، انرژی ذخیره شده در سیم لوله چند ژول است؟

- (۱) ۰/۰۳ (۲) ۰/۰۴ (۳) ۰/۰۸ (۴) ۰/۰۶



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. جهت I_1 از نقطه ی B به سمت نقطه ی A است و داریم:

$$V_B - 2I_1 - 12 = V_A \rightarrow 2I_1 + 12 = 20 \rightarrow I_1 = 4A$$

جهت ما را از نقطه ی A به سمت نقطه ی C فرض می شود و داریم:

$$V_C = 2 + 2I_2 = V_A \rightarrow 2 + 2I_2 = 6 \rightarrow I_2 = 2A$$

$$A \text{ کره ی } I_1 - I_2 - I_3 = 0 \rightarrow \text{جریان سیم لوله } I_3 = 4 - 2 = 2A \rightarrow U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times 0.02 \times 2^2 = 0.04J$$



تست: سیملوله‌ای دارای هسته مغناطیسی ۴۰۰ و تعداد دورهای ۲۰۰ و سطح مقطع ۴ سانتیمتر مربع و طول ۶۲/۸ سانتیمتر است. اگر جریان عبوری از آن ۵ آمپر باشد انرژی ذخیره شده در آن چند ژول می‌شود؟

۱) ۰/۱۶ ۲) ۱/۶ ۳) ۱۶ ۴) ۱۶۰

تست: با سیم روکش داری به طول یک متر و قطر مقطع ۱mm ، سیملوله ای بدون هسته ساخته ایم که مساحت هر حلقه آن $\pi \times 10^{-6} \text{ m}^2$ می‌باشد و حلقه‌ها در یک لایه کنار هم پیچیده شده‌اند. ضریب القاوری

این سیملوله چندهانری است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$)

۱) $5\pi \times 10^{-6}$ ۲) $2\pi \times 10^{-6}$

۳) $5\pi \times 10^{-3}$ ۴) $2\pi \times 10^{-3}$

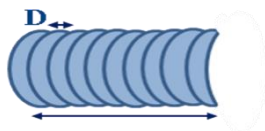
حل: در ابتدا تعداد حلقه‌های سیملوله را محاسبه می‌کنیم:

$$A = \pi R^2 \Rightarrow \pi \times 10^{-6} = \pi \times R^2 \Rightarrow R = 10^{-3} \text{ m}$$

$$= 2\pi R = 2\pi \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$N = \frac{\text{طول سیم}}{\text{محیط یک حلقه}} = \frac{1}{2\pi \times 10^{-3}} \Rightarrow N = \frac{50}{\pi}$$

حال برای تعیین طول سیملوله ای با N حلقه سیم روکش دار به قطر D داریم:



$$l = ND = \frac{50}{\pi} \times 10^{-3} \text{ m}$$

اکنون برای تعیین ضریب خود القایی داریم:

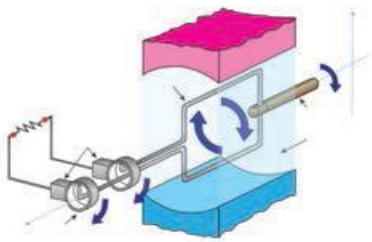
$$L = \frac{k\mu_0 N^2 A}{l} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times (\frac{50}{\pi})^2 \times \pi \times 10^{-6}}{\frac{50}{\pi} \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow L = 2\pi \times 10^{-9} \text{ H}$$



شدت جریان متناوب

یکی از کاربردهای مهم القای الکترومغناطیسی، تولید جریان متناوب است. دیدیم که برای تولید نیروی محرکه القایی باید شار عبوری از مدار تغییر کند، و شار مغناطیسی که از یک پیچه می گذرد از رابطه $\Phi = AB \cos \alpha$ محاسبه می شود که در آن α زاویه بین نیم خط عمود بر سطح پیچه و میدان مغناطیسی است ساده ترین راه برای تغییر شار، تغییر زاویه α است. به همین دلیل متداول ترین روش تولید جریان القایی، تغییر زاویه α است شکل زیر پیچه ای را نشان می دهد که می تواند در میدان مغناطیسی یکنواخت دور محور x بچرخد حرکت مکانیکی از طریق میل گردان، سبب چرخیدن پیچه در میدان مغناطیسی می شود و جریان متناوبی را در مدار به وجود می آورد.



چند تعریف مقدماتی:

دوره تناوب: به زمان یک دور کامل می گوئیم T

بسامد: تعداد دورهای زده شده در واحد زمان f

بسامد زاویه ای:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \quad \omega = 2\pi f$$

اگر شار مغناطیسی که $\Phi = AB \cos \alpha$ در لحظه t از پیچه عبور می کند برابر است با:

$$\alpha = \omega t \quad \Phi = AB \cos \omega t$$

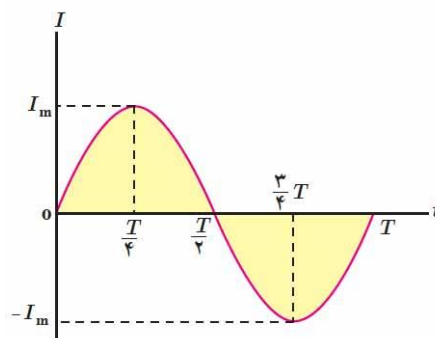
نیروی محرکه القا شده در پیچه با توجه به قانون فارادی از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

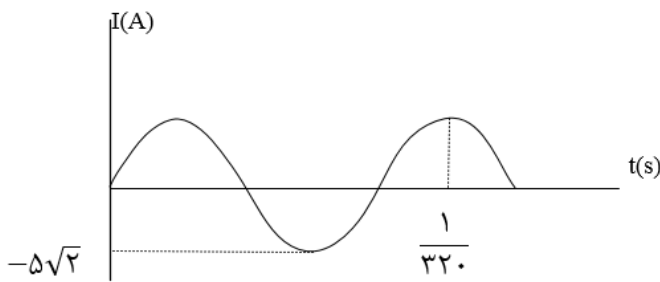
$$\varepsilon = NAB\omega \sin \omega t \rightarrow \varepsilon = \varepsilon_m \sin \omega t$$

همچنین با تقسیم رابطه بالا بر مقاومت R معادله شدت جریان به دست می آید:

$$I = \frac{NAB\omega \sin \omega t}{R} \rightarrow I = I_m \sin \omega t$$



تست: نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است، اندازه جریان در لحظه ی $\frac{1}{3200}$ سر ثانیه چند آمپر است؟



(۱) $2/5$

(۲) $2/5\sqrt{2}$

(۳) 5

(۴) $5\sqrt{2}$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. طبق نمودار:

$$\frac{5T}{4} = \frac{1}{3200} \rightarrow T = \frac{1}{4000} s$$

همچنین مقدار بیشینه ی جریان الکتریکی $5\sqrt{2}A$ است.

$$I = I_{max} \sin\left(\frac{2\pi}{T} t\right) = 5\sqrt{2} \sin\left(\frac{2\pi}{\frac{1}{4000}} \times \frac{1}{3200}\right) = 5\sqrt{2} \sin\frac{\pi}{4} = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5A$$

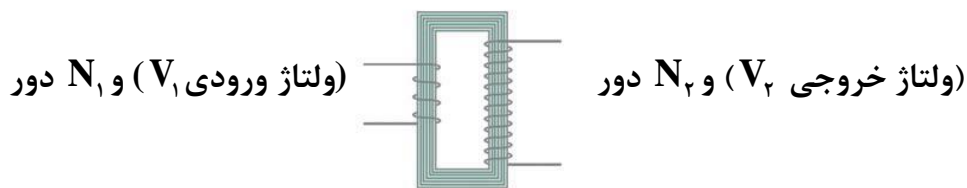
تست: نیروی محرکه متناوبی که بیشینه آن ۱۰ ولت است و دوره آن 0.02 ثانیه است از یک رسانای 5 اهمی می گذرد در چه لحظه‌ای شدت جریان برای 31 امین بار بیشینه خواهد بود؟

(۱) $\frac{61}{200}$ (۲) $\frac{63}{200}$ (۳) $\frac{63}{100}$ (۴) هیچکدام



مبدل‌ها: یکی از امتیازهای مهم توزیع توان الکتریکی ac بر dc آن است که افزایش و کاهش ولتاژ ac، بسیار آسان تر از dc است. در انتقال توان در فاصله‌های دور می‌خواهیم تا حد امکان از ولتاژ هرچه بالاتر و جریان هرچه کمتری استفاده کنیم، این کار اتلاف RI^2 را در خط‌های انتقال کم می‌کند و می‌توان از سیم‌های نازک تری استفاده و در مصرف مواد اولیه صرفه جویی کرد. خط‌های انتقال توان الکتریکی به طور معمول از ولتاژهای در حدود ۴۰۰ کیلوولت استفاده می‌کنند از طرف دیگر، ملاحظات ایمنی و الزامات عایق بندی در ساخت وسایل خانگی و صنعتی، ولتاژهای به نسبت پایین تری را ضروری می‌کند. ولتاژ استاندارد برای سیم کشی خانگی در ایران و بسیاری از کشورهای دیگر 220 است. تبدیل ولتاژ مورد نیاز با استفاده از مبدل‌ها صورت می‌گیرد.

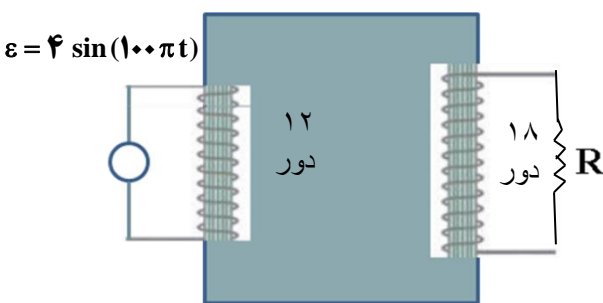
شکل زیر مبدلی شامل دو پیچه با تعداد دورهای متفاوت را نشان می‌دهد که به دور یک هسته آهنی (فرومغناطیس نرم) پیچیده شده‌اند در عمل پیچه اولیه با N_1 دور به یک مولد جریان متناوب بسته شده است که ولتاژ آن V_1 است. پیچه ثانویه با N_2 دور به مصرف کننده ای وصل شده است که ولتاژ V_2 را تأمین کند. برای یک مبدل آرمانی که مقاومت پیچه‌های آن ناچیز است، رابطه زیر برقرار است:



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

تست: مبدل آرمانی زیر توسط مولد جریان متناوب با تابع $\varepsilon = 4 \sin(100\pi t)$ تغذیه می‌شود. بیشینه ولتاژ دو سر مقاومت R چند ولت است؟

- (۱) - ۶ کاهنده
- (۲) - ۲۴ افزایشنده
- (۳) - ۶ افزایشنده
- (۴) - ۷۲ افزایشنده



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \xrightarrow{N_2=18, N_1=12, V_1=4V} \frac{V_2}{4} = \frac{18}{12} \rightarrow V_2 = 6V$$



Home work

۱- کدام عبارت نادرست است؟

- (۱) عقربه مغناطیسی جهت میدان مغناطیسی در هر نقطه را نشان می دهد.
- (۲) اگر آهن ربا را از وسط آن آویزان کنیم، در بیشتر نقاط زمین، به طور افقی قرار نمی گیرد و امتداد آن با سطح افقی زمین زاویه می سازد که به آن شیب مغناطیسی گفته می شود.
- (۳) هنگامی که چند مقاومت را با هم موازی میبندیم، مقاومت معادل از کوچک ترین مقاومت بزرگ تر و از بزرگترین مقاومت کوچک تر است.
- (۴) رابطه توان $P = VI$ هم برای نیروی محرکه و هم برای وسایل مصرف کننده و یا ... در مدار استفاده می شود.

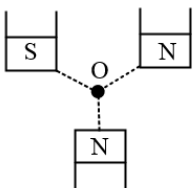
۲- چند مورد از عبارات زیر نادرست است؟

- (الف) قطب جنوب مغناطیسی زمین در فاصله ی نسبتاً زیادی از قطب شمال جغرافیایی قرار دارد.
- (ب) قطب شمال جغرافیایی زمین در نزدیکی قطب شمال مغناطیسی زمین است.
- (ج) در نقاط مختلف میدان مغناطیسی یکنواخت، جهت و اندازه ی میدان مغناطیسی یکسان است.
- (د) خط های میدان های مغناطیسی در نزدیکی قطب های مغناطیسی یک آهن ربای میله ای به یکدیگر نزدیک تر هستند.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۳- سه آهن ربای مشابه مطابق شکل قرار گرفته و نقطه O از هر سه قطب به یک فاصله است. جهت برآیند میدان

مغناطیسی حاصل از سه آهن ربا در نقطه O به کدام سو خواهد بود؟



(۱) ↖

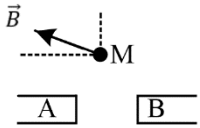
(۲) ↙

(۳) ↘

(۴) ↗



۴- با توجه به شکل مقابل اگر \vec{B} برآیند میدان های حاصل از آهن ربای A و B باشد، کدام گزینه درست است؟ (M بر روی عمود منصف خط واصل دو آهن ربا قرار دارد.)



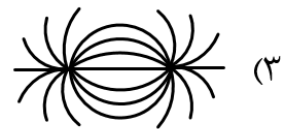
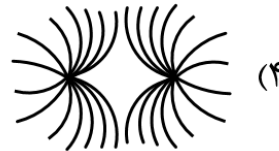
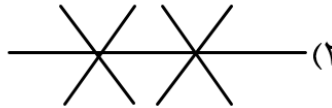
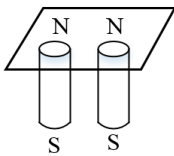
(۱) هر دو قطب A و B قوی تر است.

(۲) هر دو قطب N هستند و A قوی تر است.

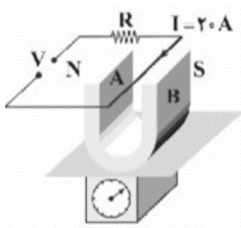
(۳) A قطب S، B قطب N و B قوی تر است.

(۴) A قطب S، B قطب N و A قوی تر است.

۵- دو آهن ربای میله ای را مطابق شکل، زیر یک صفحه ی کاغذ قرار داده و روی صفحه براده های آهن می پاشیم، خطوط میدان مغناطیسی به صورت کدام یک از شکل های زیر در می آید؟



۶- مطابق شکل مقابل، یک آهنربای نعلی شکل به جرم ۵۰g بر روی کفه ی ترازوی حساسی قرار دارد. میدان مغناطیسی ایجادشده توسط دو قطب آهنربا برابر با \vec{B} است. اگر ۱۰cm از سیم در فضای میدان مغناطیسی آهنربا باشد و ترازو عدد صفر را نشان دهد. میدان مغناطیسی \vec{B} گاوس و در چه جهتی است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



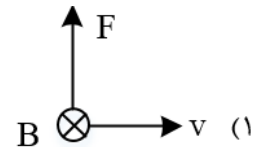
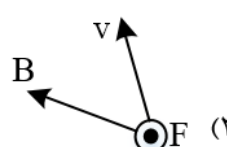
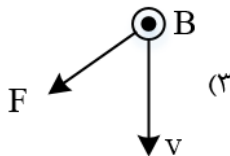
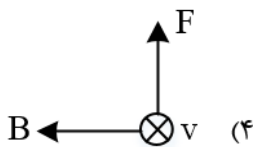
(۲) A به B، ۲۵۰۰

(۱) A به B، ۲۵۰

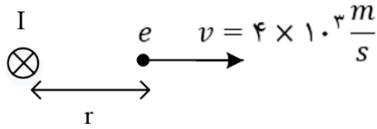
(۴) B به A، ۲۵۰۰

(۳) B به A، ۲۵۰

۷- کدام گزینه نیروی وارد بر پروتون متحرک در یک میدان مغناطیسی را نادرست نشان می دهد؟



۸- در شکل زیر یک سیم حامل جریان I یک الکترون در فاصله r از سیم نشان داده شده است. اندازه میدان مغناطیسی سیم در فاصله r برابر 50 G است. اگر در این لحظه تندی الکترون $v = 4 \times 10^2 \frac{m}{s}$ باشد، نیروی وارد بر الکترون در این لحظه چند نیوتن و در چه جهتی است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19}$)



(۱) $-3/2 \times 10^{-18}$ درونسو

(۲) $-1/6 \times 10^{-18}$ درونسو

(۳) $3/2 \times 10^{-18}$ برونسو

(۴) $-1/6 \times 10^{-18}$ برونسو

۹- ذره بارداری به جرم $5g/0$ و بار $20\mu C+$ تحت زاویه 30° با افق، در راستای شرق-غرب با تندی $5/7 \frac{km}{s}$ و در حال حرکت است و وارد ناحیه ای می شود که در آن میدان مغناطیسی $1000 G$ از شمال به جنوب ایجاد شده است. شتاب حاصل از نیروی مغناطیسی چند $\frac{m}{s^2}$ است؟

(۴) ۴۰

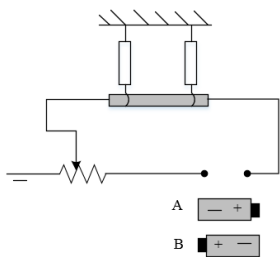
(۳) ۳۰

(۲) ۲۰

(۱) ۱۰

۱۰- یک سیم حامل جریان I مطابق شکل زیر با دو نیروسنج فنی متصل به سقف که به دو انتهای آن بسته شده اند، به طور افقی در راستای غرب به شرق قرار دارد. اگر بخواهیم نیروسنج ها عدد صفر را نشان دهند کدام باتری را در مدار قرار دهیم و جریان چند آمپر از سیم عبور کند؟ (میدان مغناطیسی زمین یکنواخت به طرف شمال و

$5mT/0$ و جرم هر متر از سیم $8/0$ گرم و $g = 10 \frac{N}{kg}$ است.)



(۱) A-۱۶

(۲) B-۱۶

(۳) A-8

(۴) B-8

۱۱- پروتونی تحت زاویه 90° نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $20mT$ حرکت می کند و نیروی مغناطیسی $3/2 \times 10^{-16} N$ به آن وارد می شود، انرژی جنبشی الکترون تقریباً چند الکترون ولت است؟ ($m_p = 1/7 \times 10^{-27} kg$ و $e = 1/6 \times 10^{-19}$)

(۴) ۲۴

(۳) ۳۳

(۲) ۱۸

(۱) ۵۳



۱۲- ذره ای به بار $-2\mu C$ با تندی $2 \times 10^5 \frac{m}{s}$ در امتداد قائم از بالا به پایین درون میدان مغناطیسی یکنواخت $200G$ به سمت شمال شرق در حرکت است. برای آن که راستای حرکت ذره تغییر نکند باید میدان الکتریکی به بزرگی در جهت ایجاد کنیم.

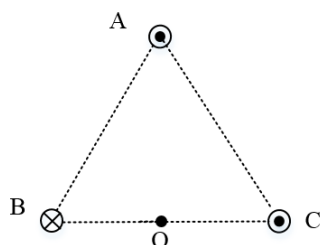
(۱) $2000 \frac{N}{C}$ - جنوب شرقی

(۲) $4000 \frac{N}{C}$ - جنوب شرقی

(۳) $2000 \frac{N}{C}$ - شمال غربی

(۴) $4000 \frac{N}{C}$ - شمال غربی

۱۳- مطابق شکل زیر، سه سیم حامل جریان های مساوی، در سه رأس یک مثلث متساوی الاضلاع قرار دارند. اگر یک عقربه مغناطیسی را در نقطه O وسط ضلع BC قرار دهیم، کدام گزینه جهت گیری عقربه را به درستی نشان می دهد؟



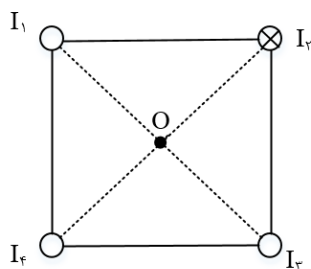
(۱) ↓

(۲) ↙

(۳) ↘

(۴) ←

۱۴- مطابق شکل زیر، از چهار سیم بلند و مستقیم که در رئوس مربعی قرار گرفته اند، جریان های یکسانی عمود بر صفحه کاغذ عبور می کنند. اگر سیم I_3 سیم های I_2 و I_3 را جذب و سیم I_4 را دفع کند، بر این میدان مغناطیسی حاصل از چهار سیم در نقطه O در چه جهتی است؟



(۴) ↖

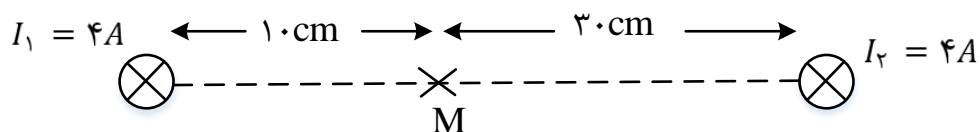
(۳) ↙

(۲) ←

(۱) →



۱۵- در شکل روبه رو، از دو سیم بلند موازی که عمود بر صفحه اند، در جهت نشان داده شده، جریان های I_1 و I_2 می گذرد. جهت میدان مغناطیسی برآیند در نقطه M کدام است؟



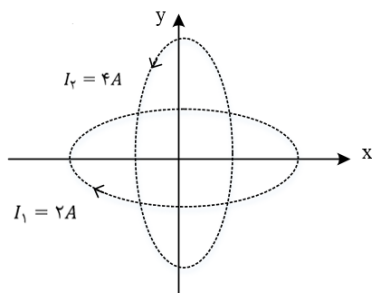
↑ (۱)

↓ (۲)

⊗ (۳)

⊙ (۴)

۱۶- مطابق شکل دو حلقه دایره ای به شعاع π و $\frac{3\pi}{2}$ که محور اولی منطبق بر محور x ها و محور دومی منطبق بر محور y ها است و جریان $I_1 = 2A$ و $I_3 = 3A$ به ترتیب در جهت های نشان داده شده در شکل از آنها می گذرد. میدان در مرکز حلقه ها که بر مبداء مختصات منطبق است، کدام گزینه است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)



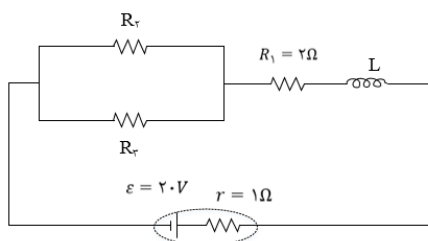
$4 \times 10^{-5}i - 3 \times 10^{-5}j$ (۱)

$4 \times 10^{-5}i - 4 \times 10^{-5}j$ (۲)

$-4 \times 10^{-5}i - 3 \times 10^{-5}j$ (۳)

$-4 \times 10^{-5}i - 4 \times 10^{-5}j$ (۴)

۱۷- سیم لوله ای آرمانی به طول ۲۰cm و ۱۰۰ دور حلقه با مقاومت الکتریکی ناچیز در مداری مطابق شکل زیر قرار گرفته است. اگر بزرگی میدان مغناطیسی روی محور سیم لوله ۱۸G باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_2 چند ولت بیشتر از اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_1 است؟



($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)

۱۱ (۴)

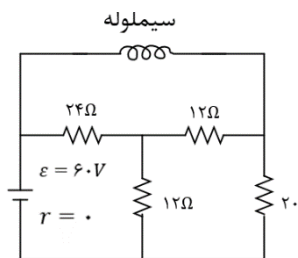
۸ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)



۱۸- سیم لوله ای بدون هسته به طول ۴cm با ۵۰۰ حلقه که مقاومت الکتریکی ندارد در مدار شکل زیر قرار دارد. اندازه میدان مغناطیسی در داخل سیم لوله چند گاوس است؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)



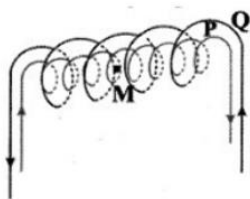
۲۵ (۱)

۵۰۰ (۲)

۷۵۰ (۳)

۱۰۰۰ (۴)

۱۹- در شکل زیر، دو سیملوله ی P و Q هم محورند و طول برابر دارند. تعداد دور سیملوله ی P برابر ۱۵۰ و تعداد دور سیملوله ی Q برابر ۲۵۰ است. اگر جریان 3A از سیملوله ی Q عبور کند، از سیملوله ی P چه جریانی باید عبور کند تا برابری میدان مغناطیسی ناشی از دو سیملوله در نقطه ی M (روی محور دو سیملوله) صفر شود؟



۱/۵ (۱)

۳ (۲)

۵ (۳)

۴/۵ (۴)

۲۰- کدام یک از موارد زیر در مورد مواد پارامغناطیس درست است؟

(۱) مواد پارامغناطیس پس از آهن ربا شدن در صورتی که در میدان مغناطیسی نباشند برای مدت طولانی خاصیت آهن ربایی خود را حفظ می کنند.

(۲) مواد پارامغناطیس فقط در میدان های مغناطیسی قوی آهن ربا می شوند.

(۳) مواد پارامغناطیس دارای حوزه های مغناطیسی نامنظمی هستند.

(۴) آهن و کبالت ناخالص از مواد پارامغناطیس هستند.

۲۱- پیچه ای به مقاومت دو اهم از ۵۰ حلقه هر یک به مساحت $100cm^2$ تشکیل شده است. سطح این قاب عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به شدت یک گاوس قرار دارد. اگر قاب را به اندازه ۱۸۰ بچرخانیم تا دوباره عمود بر خطوط میدان شود، بار الکتریکی متوسط عبوری از یک مقطع از پیچه چند μC است؟

۱۰ (۴)

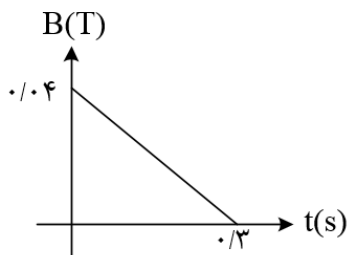
۵۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

صفر (۱)



۲۲- حلقه ای به شعاع 10 cm و مقاومت 5Ω عمود بر میدان مغناطیسی که مطابق شکل تغییر می کند، قرار دارد. جریان القایی حلقه در لحظه $t = 0/2\text{ s}$ چند میلی آمپر است؟ ($\pi = 3$)



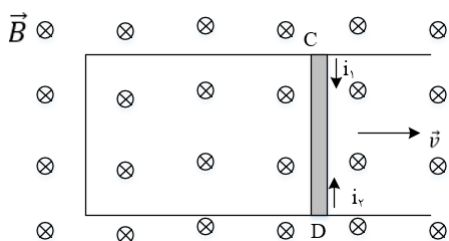
(۱) 0.6

(۲) $8/0$

(۳) 1

(۴) 4

۲۳- مطابق شکل زیر، میله ی فلزی CD به طول 20 cm با سرعت ثابت $5\frac{\text{cm}}{\text{s}}$ روی قاب رسانایی که عمود بر خطوط یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 4 mT قرار دارد. در حال حرکت به سمت راست شکل است. بزرگی نیروی محرکه ی القایی متوسط در میله ی CD چند ولت است و جهت جریان القایی در آن به کدام سمت است؟



(۱) $i_1, 4 \times 10^{-3}$

(۲) $i_2, 4 \times 10^{-5}$

(۳) $i_2, 4 \times 10^{-3}$

(۴) $i_1, 4 \times 10^{-5}$

۲۴- حلقه ای به شعاع 0.5 m عمود بر محور x ها قرار دارد. میدان مغناطیسی یکنواخت $\vec{B} = -0.3\vec{i} + 0.4\vec{j}$ برقرار است. اگر در $0/1\text{ s}$ با ثابت ماندن اندازه میدان مغناطیسی، جهت میدان کاملاً در خلاف جهت اولیه شود، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت می شود؟ ($\pi = 3$)

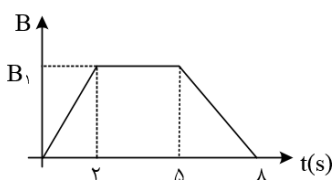
(۴) 8

(۳) 5

(۲) 0.45

(۱) $4/5$

۲۵- نمودار تغییرات میدان مغناطیسی گذرنده از یک مدار بسته در مدت 8 ثانیه به صورت شکل زیر است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در 0.5 s اول چند برابر 2 s آخر است؟



(۱) $\frac{3}{2}$

(۲) $\frac{2}{3}$

(۳) 4

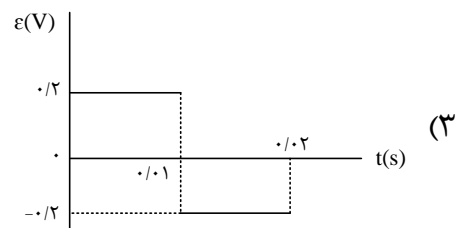
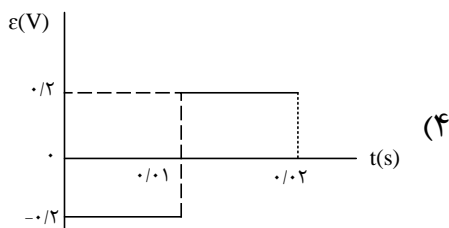
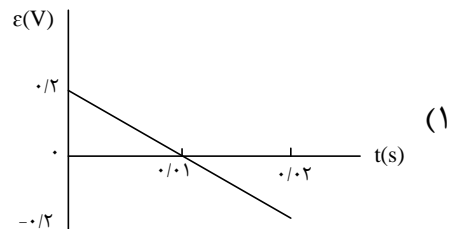
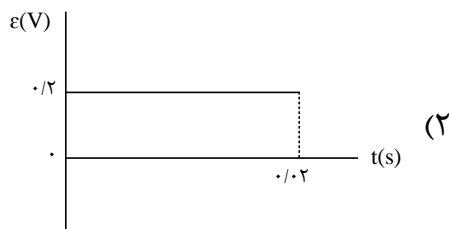
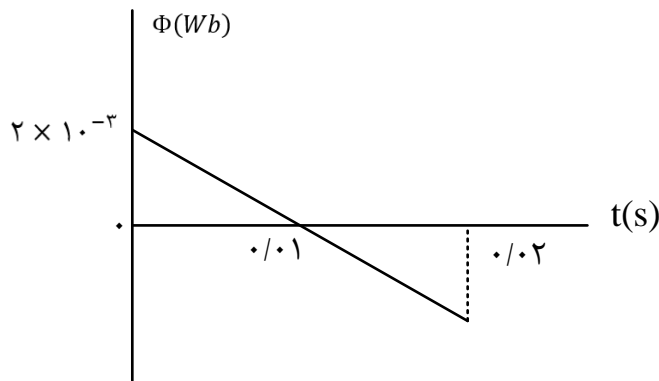
(۴) $\frac{1}{4}$



۲۶- حلقه ای رسانا به شعاع ۴cm، عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی به شعاع مقطع ۴mm و مقاومت ویژه $2 \times 10^{-8} \Omega m$ تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریان برابر ۰/۲ آمپر در حلقه القا شود؟ ($\pi = 3$)

- (۱) $\frac{1}{240}$ (۲) $\frac{1}{480}$ (۳) $\frac{1}{120}$ (۴) $\frac{1}{360}$

۲۷- نمودار شار مغناطیسی که از یک حلقه می گذرد، در شکل زیر، نشان داده شده است. نمودار نیروی محرکه ی القایی در این مدت کدام است؟

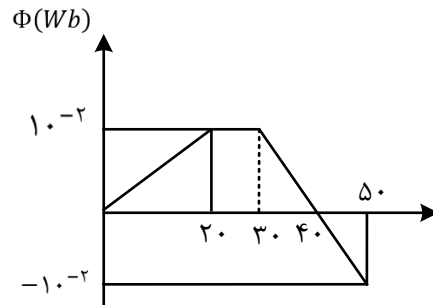


۲۸- شاری که از یک پیچه ی ۲۰ حلقه ای می گذرد، ۰/۲ وبر تغییر می کند. اگر مقاومت پیچه 4Ω باشد، چند کولن بار الکتریکی در پیچه جریان یافته است؟

- (۱) ۰/۱ (۲) ۰/۲ (۳) ۱ (۴) ۲



۲۹- نمودار تغییرات شار مغناطیسی که از یک حلقه می گذرد بر حسب زمان مطابق شکل مقابل است. اندازه نیروی محرکه القایی در لحظات $t_1 = 10s$ و $t_2 = 40s$ به ترتیب از راست به چپ چند ولت است؟



(1) $5 \times 10^{-4}V$, صفر

(۲) $2/5 \times 10^{-4}V$, صفر

(۳) $5 \times 10^{-4}V$, $10^{-3}V$

(4) $2/5 \times 10^{-4}V$, $10^{-3}V$

۳۰- سیملوله ای به شعاع مقطع ۲cm و با ۳۰۰ حلقه در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی ۲۰۰G به گونه ای قرار گرفته است که خطوط میدان عمود بر سطح حلقه های سیم لوله است. اگر میدان مغناطیسی مورد نظر با آهنک $200 \frac{G}{s}$ تغییر کند، جریان به شدت $4mA$ در این سیملوله القا می شود. مقاومت الکتریکی هر حلقه ی سیملوله چند میلی اهم است؟ ($\pi = 3$)

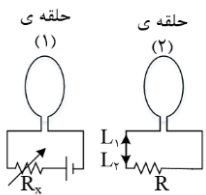
(1) ۱۸۰ (۲) ۱/۸ (۳) ۶ (۴) ۶۰

۳۱- یک قاب مستطیلی شکل به ابعاد $10cm \times 20cm$ و مقاومت $0/1\Omega$ عمود بر خطوط یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 3T قرار دارد. در یک بازه ی زمانی معین اندازه ی میدان مغناطیسی ۳T افزایش یافته و جهت خطوط میدان 180 تغییر می کند. در این بازه ی زمانی چند کولن بار الکتریکی در قاب جریان یافته است؟

(1) ۰/۶ (۲) ۶ (۳) ۱/۸ (۴) ۱۸



۳۲- در شکل مقابل، مقاومت R_x را به تدریج کاهش می دهیم. جهت جریان القایی در حلقه ی (۲) در جهت بوده و دو حلقه یکدیگر را می کنند.



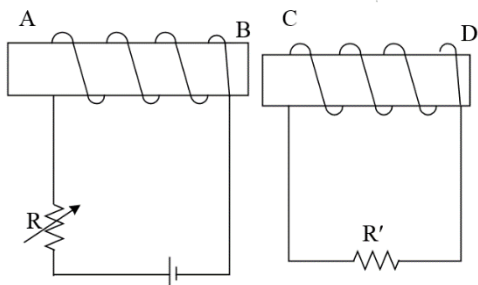
(۱) I_2 - جذب

(۲) I_2 - دفع

(۳) I_1 - دفع

(۴) I_2 - جذب

۳۳- در شکل مقابل اگر مقاومت R را افزایش دهیم، جهت جریان خودالقایی در سیم لوله ی چپ و جهت جریان القایی در سیم لوله ی راست به ترتیب از راست به چپ کدام خواهد بود؟



(۱) از A به B - از C به D

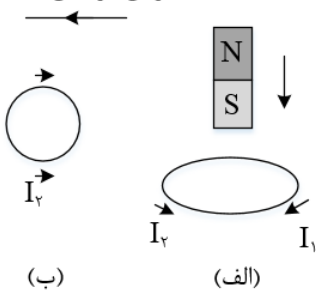
(۲) از A به B - از D به C

(۳) از B به A - از C به D

(۴) از B به A - از D به C

۳۴- در شکل های الف و ب جهت جریان القایی در حلقه به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

جریان در حال کاهش



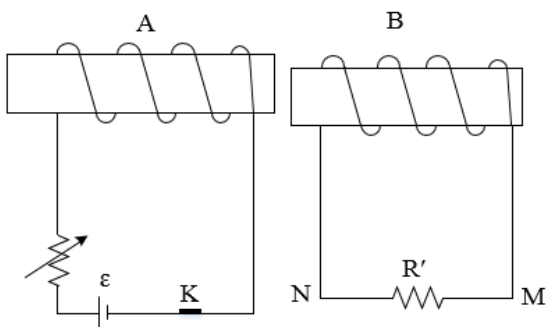
(۱) I_2, I_1

(۲) I_1, I_1

(۳) I_1, I_2

(۴) I_2, I_2

۳۵- در کدام حالت، جریان القایی در R' از N به M است؟



(۱) لحظه ی قطع کلید k

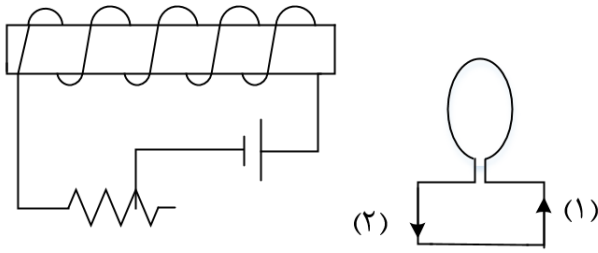
(۲) وقتی مقاومت رئوستا در حال افزایش است.

(۳) وقتی سیملوله ی B به سمت راست حرکت می کند.

(۴) وقتی سیملوله ی A به سمت راست حرکت می کند.



۳۶- در مدار روبه رو، مقاومت رئوستا در حال افزایش است، جهت جریان القایی در حلقه در جهت است و نیروی محرکه ی خودالقایی در سیملوله در نیروی محرکه ی مولد عمل می کند.



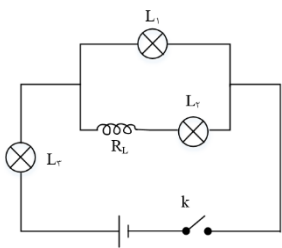
(۱) (۱)، جهت

(۲) (۲)، جهت

(۳) (۱)، خلاف جهت

(۴) (۲)، خلاف جهت

۳۷- در مدار مقابل با بستن کلید چند گزینه درباره ی تغییر نور لامپ ها که مشابه هستند درست است؟



الف) L_2 ابتدا خاموش است و به تدریج پرنور می شود.

ب) را ابتدا پرنور است و سپس کم نور می شود.

پ) نور L_3 رفته رفته بیشتر می شود. تا در نهایت نور ما بیشتر از او را هم بیشتر از L_2 است.

۳۸- اگر جریان الکتریکی عبوری از یک سیم لوله $0/2A$ کاهش یابد و مقدار انرژی آن از $40\mu J$ به $10\mu J$ کاهش یابد. ضریب القایی در این القاگر چند میلی هانری است؟

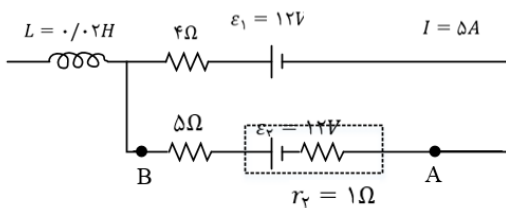
(۴) $0/005$

(۳) $0/05$

(۲) 50

(۱) $0/5$

۳۹- شکل روبه رو قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_A - V_B = 6V$ باشد، انرژی ذخیره شده در سیملوله چند ژول است؟



(۱) $0/32$

(۲) $0/5$

(۳) $0/64$

(۴) $0/72$



۴۰- در میدان آرمانی زیر اگر معادله ولتاژ دو سر مولد در SI به صورت $v = 240 \sin 100\pi t$ باشد معادله شدت جریان در مقاومت R کدام است؟

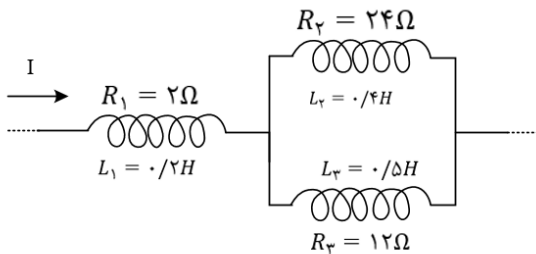
(۱) $I = 4 \sin(20\pi t)$

(۲) $I = 4 \sin(100\pi t)$

(۳) $I = 10 \sin(100\pi t)$

(۴) $I = 10 \sin(20\pi t)$

۴۱- در شکل زیر سیم لوله ها دارای مقاومت الکتریکی هستند. اگر انرژی ذخیره شده در سیم لوله (۳) برابر با 0/09J باشد در سیم لوله (۱) چند میلی ژول انرژی ذخیره می شود؟



(۱) ۰/۰۶۴

(۲) ۰/۰۸۱

(۳) ۸۱

(۴) ۶۴

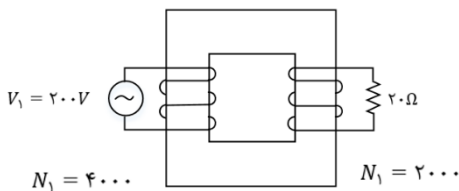
۴۲- شکل زیر یک مبدل جریان متناوب را نشان می دهد. اگر یک سر مبدل به یک مقاومت 20Ω وصل شود، جریان عبوری از مقاومت 20Ω چند آمپر است؟

(۱) ۲/۵

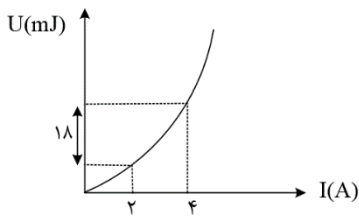
(۲) ۱۰

(۳) ۵

(۴) ۷/۵



۴۳- نمودار انرژی ذخیره شده در سیملوله‌ای آرمانی بر حسب جریان گذرنده از آن به صورت مقابل است. ضریب القاوری سیملوله چند هانری است؟



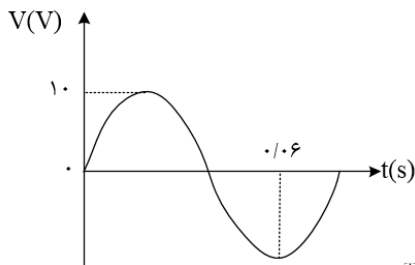
(۱) ۳

(۲) ۹

(۳) 3×10^{-3}

(۴) 9×10^{-3}

۴۴- معادله ی جریان در یک مولد جریان متناوب در SI به صورت $I = 0.6 \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ است. اگر نمودار اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر این مولد به صورت زیر باشد، در لحظه ی $t = \frac{1}{150}$ S جریان عبوری از مولد چند آمپر است؟



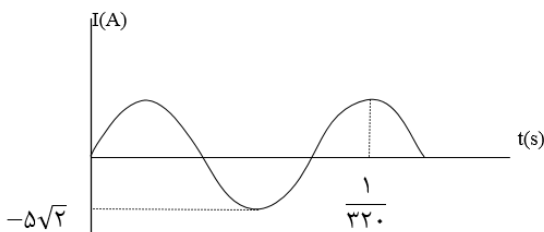
(۱) صفر

(۲) ۰/۲

(۳) ۰/۳

(۴) ۰/۶

۴۵- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است، اندازه جریان در لحظه ی $\frac{1}{3200}$ سر ثانیه چند آمپر است؟



(۱) ۲/۵

(۲) $2/5\sqrt{2}$

(۳) 5

(۴) $5\sqrt{2}$

۴۶- در یک منبع تولید جریان متناوب سینوسی که در لحظه $t = 0$ جریان صفر است. در مدت 0.09 S، ۵ بار قدرمطلق جریان بیشینه می شود. اگر قدر مطلق جریان بیشینه 4 A باشد، معادله جریان متناوب کدام گزینه است؟

(۱) $I = 4 \sin \frac{50\pi}{3} t$

(۲) $I = 4 \sin 50\pi t$

(۳) $I = 4 \sin \frac{25\pi}{3} t$

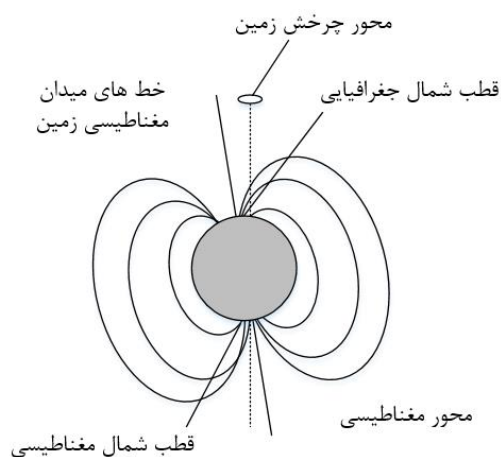
(۴) $I = 4 \sin 25\pi t$



Answers of Home work

۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در مقاومت های موازی، مقاومت معادل از تک تک مقاومت ها کوچک تر است.

۲) گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در شکل زیر قطب های مغناطیسی و جغرافیایی کره ی زمین مشخص شده است. همان طور که در این شکل می بینید، قطب شمال جغرافیایی زمین در نزدیکی قطب جنوب مغناطیسی زمین قرار گرفته است، بنابراین عبارت (ب) نادرست است. بقیه ی عبارت های مطرح شده درست می باشند.



۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

خطوط میدان آهن ربا در خارج آهن ربا همواره از قطب N خارج و به قطب S وارد می شود:

۴- گزینه ی ۳ پاسخ صحیح است.

۵) گزینه ی ۴ پاسخ صحیح است. چون دو قطب مماس بر صفحه ی کاغذ، قطب همنام هستند (قطب N) بنابراین خطوط تشکیل شده از براده های آهن که همان خطوط مغناطیسی هستند، به همدیگر برخورد نمی کنند (گزینه های ۱ و ۴) و چون باید یکدیگر را دفع کنند، بنابراین شکل خط های میدان در گزینه ی (۴) به درستی میدان مغناطیسی ناشی از این دو آهن ربا را نشان می دهد.

۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. برای آن که ترازو غدد صفر را نشان بدهد باید نیروی وزن آهنربا توسط نیرویی که از طرف سیم بر آهنربا وارد می شود، خنثی شود، بنابراین می توان نوشت:

$$F = mg \rightarrow IlB \sin 90^\circ = mg$$

$$\rightarrow B = \frac{mg}{Il} = \frac{0.05 \times 10}{20 \times 0.1} = 0.25T = 2500G$$

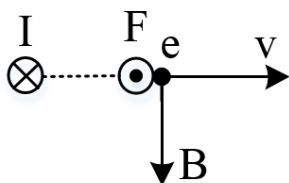
جهت میدان باید از B به طرف A باشد.



۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نیروی F همواره بر v و B عمود است.

۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



میدان مغناطیسی سیم I در نقطه نشان داده شده، رو به پایین است و نیروی وارد بر الکترون در این لحظه برونسو است و مقدار آن برابر است با:

$$F = qvB \rightarrow F = 1/6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^3 \times 50 \times 10^{-4} \rightarrow F = 3/2 \times 10^{-18} N$$

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

مسیر حرکت ذره با افق زاویه 30° می سازد در حالی که بر میدان مغناطیسی عمود است.

$$\alpha = 90^\circ \rightarrow F = qvB \sin 90^\circ = ma$$

$$\rightarrow 2 \times 10^{-5} \times 7500 \times 0/1 = 5 \times 10^{-4} \times a \rightarrow a = \frac{1500 \times 10^{-15}}{5 \times 10^{-4}} \rightarrow a = 30 \frac{m}{s^2}$$

۱۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

برای آن که بر نیروسنج ها نیرو وارد نشود باید نیروی مغناطیسی رو به بالا و هم اندازه نیروی وزن به آن وارد شود:

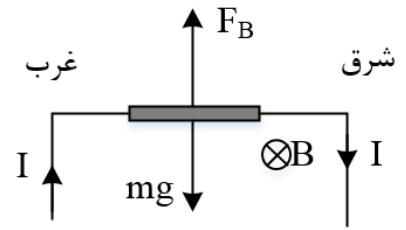
$$Bil = mg \rightarrow 0/5 \times 10^{-3} \times I \times l = m \times 10 \rightarrow 0/5 \times 10^{-4} \times I = \frac{m}{l}$$

با توجه به این که جرم واحد طول $0/8 \frac{g}{m}$ است، پس باید به جای $\frac{m}{l}$ ، عدد $8 \times 10^{-4} \frac{kg}{m}$ قرار دهیم:

$$0/5 \times 10^{-4} \times I = 8 \times 10^{-4} \rightarrow I = \frac{8}{0/5} \rightarrow I = 16A$$

با توجه به قاعده دست راست، جهت جریان به سمت راست است و باید باتری B را انتخاب کنیم.





۱۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$F = qvB \sin \theta = (1/6 \times 10^{-19})(v)(20 \times 10^{-3})$$

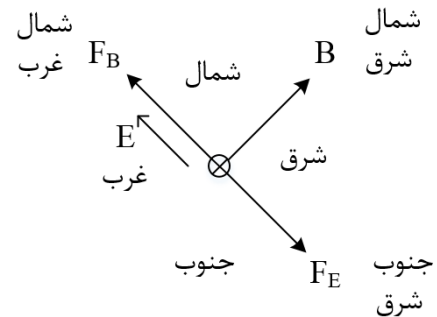
$$F = 3/2 \times 10^{-16} \rightarrow v = 10^5 \text{ m/s}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(1/7 \times 10^{-27})(10)^{10} \text{ J} = (0/85)(10) - 17 \text{ J} = 8/5 \times 10^{-18} \text{ J}$$

هر الکترون ولت معادل $1/6 \times 10^{-19} \text{ J}$ است.

$$\frac{8/5 \times 10^{-18}}{1/6 \times 10^{-19}} = 53/125 = 53 \text{ eV}$$

۱۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



ابتدا یک نقشه جغرافیایی می کشیم تا در حل سؤال به ما کمک کند، در این نقشه جهت پایین درون سو است. با توجه به قاعده دست راست و منفی بودن جهت نیروی مغناطیسی را به دست می آوریم. (نیروی مغناطیسی هم به خطوط میدان و هم به راستای حرکت عمود است).

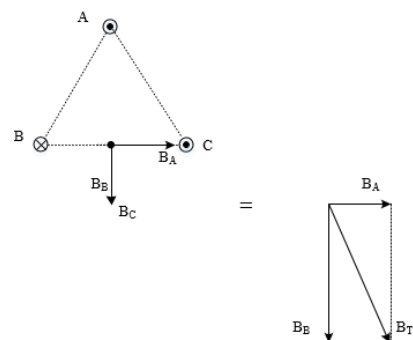
پس نیروی مغناطیسی به سمت شمال غرب بوده و چون نمی خواهیم جهت حرکت ذره تغییر کند، باید نیروی الکتریکی به سمت جنوب شرق به ذره وارد شود و ذره دارای بار منفی بوده (میدان الکتریکی و نیروی الکتریکی خلاف جهت هم هستند)، بنابر این میدان الکتریکی به سمت شمال غرب می شود:

$$|F_E| = |F_B| \rightarrow E|q| = |q|VB$$

$$\rightarrow E \times 2 \times 10^{-6} = 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^5 \times 200 \times 10^{-4} \rightarrow E = 4000 \frac{N}{C}$$



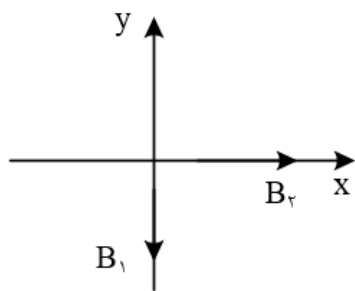
۱۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با استفاده از قاعده دست راست، انگشت شست دست را در جهت جریان قرار می دهیم و چرخش چهار انگشت دیگر جهت میدان مغناطیسی را نشان می دهد که مطابق شکل زیر خواهد بود.



۱۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. همان طور که می دانید اگر جریان عبوری از سیم های موازی هم سو باشند، دوسیم یکدیگر را جذب کرده و اگر جریان عبوری از آنها ناهمسو باشند، دو سیم یکدیگر را دفع می کنند. با توجه به این که سیم I_2 ، سیم های I_2 و I_3 را جذب می کند، پس جریان هر سه سیم، همسو بوده و درون سو می باشد و سیم L_4 حاوی جریان برون سو خواهد بود. در شکل زیر جهت جریان عبوری از سیم ها معین شده است و به کمک قاعده دست راست جهت میدان مغناطیسی ناشی از هر سیم و برآیند آنها در نقطه O مشخص شده است.

۱۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. طبق قاعدهی دست راست، جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم I_2 رو به بالا است و جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم I_1 رو به پایین است و به دلیل نزدیک تر بودن سیم I_1 به نقطه ی M، شدت میدان به وجود آمده از آن قوی تر است.

۱۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به قاعده دست راست، جهت میدان ها را به دست آورده و اندازه آنها را محاسبه می کنیم:



$$\vec{B} = B_2 i - B_1 j$$

$$B_1 = \frac{\mu_0}{2} \times \frac{NI}{R} = 2\pi \times 10^{-7} \times \frac{2}{\pi \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-5} T$$

$$B_2 = 2\pi \times 10^{-7} \times \frac{3}{\frac{3\pi}{2} \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-5}$$



$$\vec{B} = 4 \times 10^{-5}i - 4 \times 10^{-5}j$$

۱۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گام اول: جریان الکتریکی عبوری از سیم لوله را به دست می آوریم:

$$B = \frac{\mu \cdot NI}{L} \rightarrow 18 \times 10^{-4} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 100 \times I}{0.2} \rightarrow I = 3A$$

گام دوم: از آنجایی که مقاومت R_1 با سیم لوله متوالی است، جریان الکتریکی عبوری از آن نیز برابر $3A$ می شود و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن برابر خواهد بود با:

$$V_1 = R_1 I = 2(3) = 6V$$

گام سوم: اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری را به دست می آوریم:

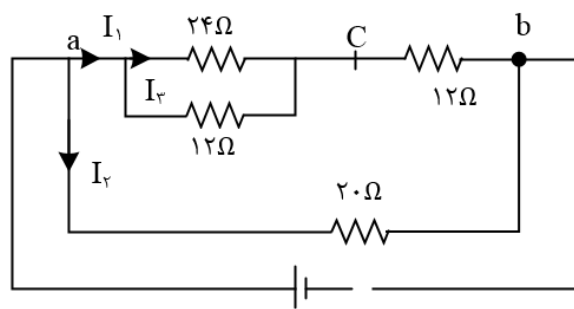
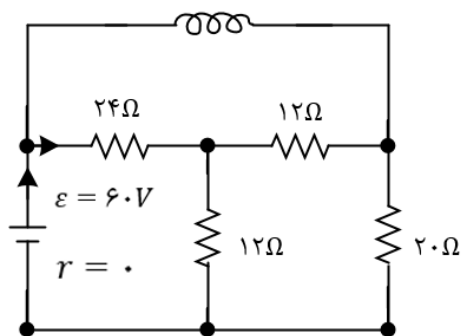
$$V = \varepsilon - rl = 20 - 1(3) = 17V$$

گام چهارم: مقاومت های R_2 و R_3 موازی هستند و اختلاف پتانسیل یکسانی دارند و داریم:

$$V_{2,3} + V_1 = V \rightarrow V_{2,3} + 6 = 17 \rightarrow V_{2,3} = 11V$$

بنابر این اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_1 برابر $6V$ و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_2 برابر $11V$ است و تفاضل آنها برابر $5V$ می باشد.

۱۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



$$R_1, R_2 \text{ موازیند} \rightarrow R_a = \frac{12 \times 24}{36} = 8\Omega$$

$$R_a, R_3 \text{ متوالی} \rightarrow R_b = 12 + 8 = 20\Omega$$

$$R_4, R_b \text{ موازی} \rightarrow R_{eq} = \frac{20 \times 20}{20 + 20} = 10\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} = \frac{60}{10} = 6A$$

$$I_1 = I_2 = \frac{6}{2} = 3A$$

$$I_3 = \frac{1}{3} I_1 = 1A$$



$$\rightarrow \text{جریان سیملوله } I_L = 6 - 1 = 5A$$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 500 \times 5}{4 \times 10^{-2}} \rightarrow 75 \times 10^{-3}(T) = 750(G)$$

۱۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. برای این که میدان در نقطه ی M صفر شود، میدان مغناطیسی حاصل از دو سیملوله باید برابر هم و در جهت مخالف باشند. با توجه به شکل صورت سؤال، جهت آنها مخالف است، پس کافی است که مقدار آنها با هم برابر باشند:

$$B_P = B_Q \rightarrow \frac{\mu_0 N_P I_P}{I_P} = \frac{\mu_0 N_Q I_Q}{I_Q} \xrightarrow{I_P=I_Q} N_P I_P = N_Q I_Q$$

$$\rightarrow 150 \times I_P = 250 \times 3 \rightarrow I_P = 5A$$

۲۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۲۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\theta_1 = 0, \theta_2 = 180$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{\epsilon}}{R} = \frac{-N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}}{R} = -\frac{N \Delta(BA \cos \theta)}{R \Delta t} \rightarrow \bar{I} = -\frac{N}{R} BA \frac{\cos \theta_2 - \cos \theta_1}{\Delta t}$$

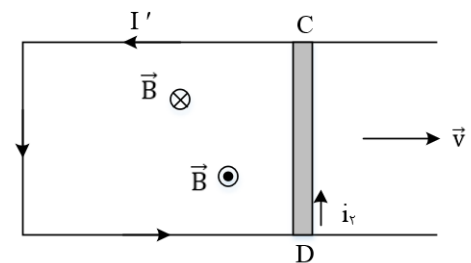
$$\Delta q = \bar{I} \Delta t \rightarrow \Delta q = -\frac{N}{R} BA (\cos \theta_2 - \cos \theta_1)$$

$$\rightarrow \Delta q = -\frac{50}{2} \times 1 \times 10^{-4} \times 100 \times 10^{-4} \times (\cos 180 - \cos 0) \rightarrow \Delta q = 50 \times 10^{-6} C = 50 \mu C$$

۲۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$I = \frac{N}{R} \left| \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = \frac{N A |\Delta B|}{R \Delta t} = \frac{N \pi r^2 |\Delta B|}{R \Delta t} \rightarrow I = \frac{1 \times 3 \times (0/1)^2 \times 0/04}{5 \times 0/3} = 8 \times 10^{-4} A = 0/8 mA$$

۲۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. برای محاسبه ی بزرگی نیروی محرکه ی القا شده در میله ی CD می توان نوشت:

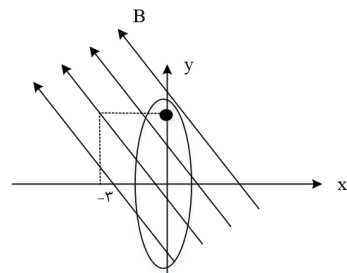


$$|\bar{\epsilon}| = B l v \cos \theta \rightarrow |\bar{\epsilon}| = 4 \times 10^{-2} \times 0/2 \times 5 \times 10^{-2} \times \cos 0^\circ = 4 \times 10^{-5} V$$



با حرکت میله به سمت راست شکل، مساحت سطح مؤثر حلقه افزایش می یابد، بنابراین طبق قانون لنز، جهت جریان القایی در قاب به گونه ای است که جهت میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی در خلاف جهت \vec{B} است. به کمک قاعده ی دست راست، جهت جریان القایی در جهت جریان i_2 است.

۲۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.



$$\vec{B}_1 = -0/3\vec{i} + 0/4\vec{j}$$

$$\vec{B}_2 = 0/3\vec{i} - 0/4\vec{j}$$

چون مؤلفه افقی میدان از داخل حلقه می گذرد، تغییرات شار مربوط به این مؤلفه خواهد بود.

$$\Delta B = \Delta B_x = 0/6T$$

$$\Delta \varphi = A \Delta B_x = \pi r^2 \Delta B = \pi \times 0/5^2 \times 0/6 \xrightarrow{\pi=3} \Delta \varphi = 0/45Wb$$

$$\varepsilon - N \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = - \frac{0/45}{0/1} = -4/5V$$

۲۵- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. شیب خط در 0/5s اول برابر با شیب خط در 2s اول است و به همین ترتیب شیب خط در ۲s آخر نیز برابر با شیب در ۳s آخر است.

$$\varepsilon = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \rightarrow \frac{|\varepsilon_1|}{|\varepsilon_2|} = \frac{\left| \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_1 \right|}{\left| \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_2 \right|} = \frac{\left| \frac{B_1}{2} \right|}{\left| \frac{-B_1}{3} \right|} = \frac{3}{2}$$

۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طول سیم برابر است با:

$$l = \pi R = 2 \times 3 \times \frac{4}{100} = 0/24m$$

سطح مقطع سیم رسانا خواهد شد:

$$A = \pi R^2 = 3 \times (4 \times 10^{-3})^2 = 48 \times 10^{-6}m^2$$

مقاومت سیم را حساب می کنیم:



$$R = \rho \frac{l}{A} = 2 \times 10^{-8} \times \frac{24 \times 10^{-2}}{48 \times 10^{-6}} \rightarrow R = 10^{-4} \Omega$$

نیروی محرکه القایی خواهد شد:

$$\varepsilon = IR = 0/2 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-5} V$$

$$\varepsilon = N \frac{A \Delta B}{\Delta t} \rightarrow 2 \times 10^{-5} = (\pi \times 16 \times 10^{-4}) \frac{\Delta B}{\Delta t} \rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{1}{240} T$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

گزینه ۲۰-۲۷: قرینه شب خط در نمودار شار برابر:

نیروی محرکه القایی می باشد ← شیب نمودار شار منفی است پس در زمان داده شده نیرو محرکه القایی مثبت است.

گزینه ۲۸-۳: پاسخ صحیح است. از رابطه‌ی جریان القایی داریم:

$$I = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} \rightarrow \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \rightarrow I = \frac{-N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}}{R} \quad (I)$$

از طرفی:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow \Delta q = I \Delta t \rightarrow \Delta q = \frac{-N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}}{R} \Delta t \rightarrow |\Delta q| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{R} \right| = \left| \frac{-20 \times 0/2}{4} \right| = 1 C$$

گزینه ۲۹-۳: پاسخ صحیح است. تغییرات شار در بازه‌های صفر تا ۲۰s و ۳۰s تا ۵۰s خطی است. در نتیجه مقدار لحظه‌ای آهنگ تغییر شمار با مقدار متوسط آن برابر است، لذا نیروی محرکه القایی هریک از لحظات این بازه‌ها با نیروی محرکه القایی متوسط در آن بازه برابر است:

$$E_{t=10s} = \bar{E}_{20s \text{ صفر تا } 20s} = \frac{10^{-2} - 0}{20 - 0} = 5 \times 10^{-4} V$$

$$|E_{t=40s}| = \left| \bar{E}_{20s \text{ تا } 30s} \right| = \left| \frac{0 - 10^{-2}}{40 - 30} \right| = 10^{-3} V$$

گزینه ۳۰-۳: پاسخ صحیح است. ابتدا مساحت حلقه‌های سیم لوله را به دست می‌آوریم:

$$A = \pi r^2 = 3(2)^2 \times 10^{-4} = 12 \times 10^{-4} m^2$$

در ادامه اندازه‌ی نیروی محرکه‌ی القایی را در بازه‌ی زمانی مورد نظر به دست می‌آوریم:

$$|\varepsilon| = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\Phi = B A \cos \theta} |\varepsilon| = N A \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\rightarrow |\varepsilon| = 300 \times 12 \times 10^{-4} \times (1) \times 200 \times 10^{-4} = 72 \times 10^{-4} V$$

به کمک قانون اهم، مقاومت الکتریکی سیم‌لوله را به دست می‌آوریم:



$$R = \frac{\varepsilon}{I} = \frac{72 \times 10^{-4}}{4 \times 10^{-3}} = 1/8 \Omega$$

و در نهایت مقاومت هر حلقه برابر است با:

$$R_{\text{هر حلقه}} = \frac{R}{N} = \frac{1/8}{300} = 6 \times 10^{-3} \Omega = 6m\Omega$$

۳۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا اندازه ی تغییرات شار عبوری از حلقه را در بازه ی زمانی مورد نظر به دست می آوریم:

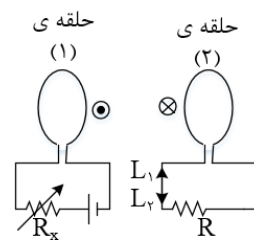
$$\Phi \Delta = (AB)ACos \theta \xrightarrow{B_1=3T, B_2=-6T, Cos\theta=1}$$

$$|\Phi \Delta| = |(-9) \times 200 \times 10^{-4}| = 0/18Wb$$

در ادامه به کمک رابطه ای که در زیر اثبات شده است، بار الکتریکی عبوری از قاب را به دست می آوریم

$$\begin{cases} |\varepsilon| = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \\ |\varepsilon| = RI = R \frac{\Delta q}{\Delta t} \end{cases} \rightarrow N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = R \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow \Delta q = \frac{N \Delta \Phi}{R} \rightarrow \Delta q = \frac{1(0/18)}{0/1} = 1/8C$$

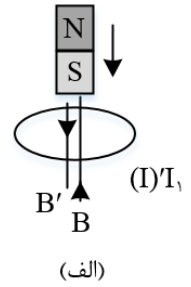
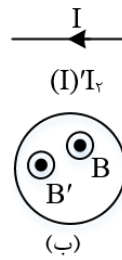
۳۲- گزینه ی ۲ پاسخ صحیح است. با کاهش مقاومت R_x شدت جریان در حلقه ی (۱) افزایش می یابد که باعث ایجاد میدان برون سو می شود در نتیجه جریان در حلقه ی (۲) به گونه ای القا می شود که با عامل ایجاد کننده ی خود مقابله کند (بنابر قانون لنز) پس باید میدان درون سو ایجاد کند، بنابر این جریان ایجاد شده به شکل پل است و دو حلقه به علت به وجود آمدن قطب های موافق یکدیگر را دفع می کنند.



۳۳- گزینه ی ۱ پاسخ صحیح است. در اثر افزایش مقدار R جریان در سیم لوله ی چپ کاهش می یابد که این پدیده باعث ایجاد جریان خود القایی در جهت جریان اصلی سیم لوله ی چپ می شود و بنابر قانون لنز جریان در سیم لوله ی راست از C به D است.

۳۴- گزینه ی ۱ پاسخ صحیح است.





در شکل (الف) با نزدیک شدن آهنربا به حلقه، شار گذرنده از حلقه افزایش می یابد. با توجه به قانون لنز در حلقه جریان القایی در جهتی شارش می کند که میدان ناشی از آن (B') با میدان آهنربا (B) مخالفت می کند.

اگر جریان در شکل (ب) کاهش یابد، شار و میدان مغناطیسی گذرنده از حلقه نیز کاهش می یابد. بنابر این جریان القایی در حلقه (۱) در جهتی است که میدان ناشی از آن (B') هم جهت با B است.

۳۵- گزینه ی ۴ پاسخ صحیح است.

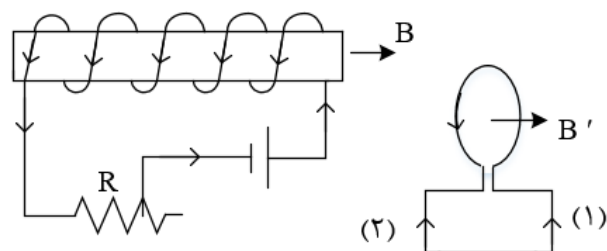
(۱) اگر کلید k قطع شود جریان در سیم لوله A از I به صفر می رسد یعنی جریان کم می شود در نتیجه جهت جریان در دو سیم لوله باید در یک جهت باشند.

(۲) مقاومت زیاد شود جریان در مدار A کم می شود در نتیجه جهت جریان در دو سیم لوله باید هم جهت باشند.

(۳) اگر سیم لوله A به سمت راست حرکت نماید یعنی میدان در سیم لوله B زیاد می شود در نتیجه جریان در دو سیم لوله باید مخالف یکدیگر باشند.

۳۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. وقتی رئوستا در حالت معینی قرار دارد، جریان I در سیم لوله در جهتی که نشان داده شده است می گذرد و در حلقه جریانی وجود ندارد. با ازدیاد مقاومت رئوستا جریان I کم شده و خط های میدان مغناطیسی عبوری از حلقه گم می شود، بنا به قانون لنز باید جریان القایی در حلقه در جهتی به وجود بیاید که با عامل مولدش مخالفت کند و به عبارت دیگر، آن تغییر را جبران کند، پس در این حالت در حلقه، جریان در جهت (۱) (که هم جهت با جریان I است) به وجود می آید، تا تغییر شار مربوط به کم شدن I را جبران کند از طرفی نیروی محرکه ی خود القایی در سیم لوله (\mathcal{E}_L) طبق قانون لنز در جهتی است که می خواهد مانع کاهش شار مغناطیسی ای شود که منبع تغذیه ایجاد می کند به همین دلیل در جهت نیروی محرکه ی منبع تغذیه عمل می کند.





۳۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. القاگر در مسیر لامپ L_2 با تغییر جریان مخالفت می کند لذا ابتدا جریانی از L_2 عبور نمی کند و تمام جریان از را عبور می کند.

وقتی کلید بسته می شود القاگر مانند یک مقاومت بسیار بزرگ عمل می کند و مقاومت مدار شامل مقاومت های L_1 و L_3 می شود. ولی پس از آن که جریان ثابت شد مقاومت القاگر در حد معمول R_L می ماند. بنابر این مقاومت اولیه $2R$ و مقاومت ثانویه $R = \frac{R(R+R_L)}{R+(R+R_L)}$ است یعنی مقاومت کل کاهش می یابد و جریان کل مدار که تعیین کننده ی نور L_3 است، افزایش می یابد.

۳۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می دانیم انرژی ذخیره شده در یک القاگر به صورت $U = \frac{1}{2}LI^2$ است:

$$U_1 = \frac{1}{2}LI_1^2 = 40\mu J \rightarrow U_2 = \frac{1}{2}LI_2^2 \xrightarrow{L_2=L_1=0/2} U_2 = \frac{1}{2}L(I_1 - 0/2)^2 = 10\mu J$$

$$\rightarrow \frac{10\mu J}{40\mu J} = \frac{\frac{1}{2}L(I_1 - 0/2)^2}{\frac{1}{2}LI_1^2} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{I_1 - 0/2}{I_1} = 2I_1 - \frac{0}{4} \rightarrow I_1 = 0/4A$$

$$\rightarrow L_1 = \frac{2 \times 40 \times 10^{-6}}{16 \times 10^{-2}} = 0/5 \times 10^{-3}H = 0/5mH$$

۳۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جریان را در شاخه ی پایینی از A به B گرفته و آن را با مینامیم.

$$V_A + \varepsilon_2 - r_2I_2 - 5I_2 = V_B \rightarrow V_A - V_B = -12 + I_2 + 5I_2$$

$$\rightarrow 6 = -12 + 6I_2 \rightarrow I_2 = 3A$$

در نتیجه جریان گذرنده از سیملوله برابر است با:

$$I + I_2 = 5 + 3 = 8A$$

از رابطه ی انرژی ذخیره شده در القاگر داریم:

$$U = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2} \times 0/02 \times (8)^2 = 0/64J$$

۴۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \rightarrow \frac{V_2}{220} = \frac{20}{100} \rightarrow V_2 = 44V$$

$$V_2 = RI_m \rightarrow 44 = 11I_m \rightarrow I_m = 4A$$

$$I = I_m \sin \omega t \rightarrow I = 4 \sin 100\pi t$$

۴۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$U_3 = \frac{1}{2} L_3 I_3^2 \rightarrow \frac{9}{100} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{10} I_3^2 \rightarrow I_3^2 = 0/36 \rightarrow I_3 = 0/6A$$

سیم لوله های (۲) و (۳) با هم موازی هستند.

$$R_2 I_2 = R_3 I_3 \rightarrow 24 I_2 = 12 I_3 \rightarrow I_2 = \frac{12 \times 0/6}{24} = 0/3A$$

$$I = I_2 + I_3 = 0/9A$$

$$U_1 = \frac{1}{2} L_1 I^2 = \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} \times \frac{81}{100} = 81mJ$$

۴۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا باید ولتاژ ایجاد شده توسط مبدل را در دو سر مقاومت 20Ω بیابیم:

$$\frac{N_2}{N_1} = \frac{V_2}{V_1} \rightarrow \frac{2000}{4000} = \frac{V_2}{200} \rightarrow V_2 = 100(v)$$

$$\text{قانون اهم: } R = \frac{V}{I} \rightarrow 20 = \frac{100}{I} \rightarrow I = 5(A)$$

۴۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. گام اول: به کمک نمودار رسم شده، دوره را به دست می آوریم:

$$3 \left(\frac{T}{4} \right) = 0/06 \rightarrow T = 0/08s$$

گام دوم: معادله ی جریان متناوب عبوری از مولد را نوشته و مقدار $t = \frac{1}{150} s$ را در آن جایگذاری می کنیم:

$$I = I_m \sin \left(\frac{2\pi}{T} t \right) = 0/6 \sin \left(\frac{2\pi}{0/08} t \right)$$

$$\rightarrow I = \frac{0}{6 \sin \left(\frac{200\pi}{8} \times \frac{1}{150} \right)} = 0/6 \sin \left(\frac{\pi}{6} \right) = 0/3A$$

۴۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. طبق نمودار:

$$\frac{5T}{4} = \frac{1}{320} \rightarrow T = \frac{1}{400} s$$

همچنین مقدار بیشینه ی جریان الکتریکی $5\sqrt{2}A$ است.

$$I = I_{max} \sin \left(\frac{2\pi}{T} t \right) = 5\sqrt{2} \sin \left(\frac{2\pi}{\frac{1}{400}} \times \frac{1}{3200} \right) = 5\sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5A$$



۴۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مدت یک ثانیه، ۵ بار قدر مطلق جریان پیشینه شده است.

$$T + T + \frac{T}{4} = 0/09 \rightarrow \frac{9T}{4} = 0/09 \rightarrow T = 0/04s$$

معادله جریان خواهد شد:

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}\right)t \rightarrow I = 4 \sin \frac{2\pi}{0/04}t \rightarrow I = 4 \sin 50\pi t$$

