



کارنامه خرد

دما و گرما

مهندس مهدی باباخانی

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

این مجموعه با رحمت فراوان تهیه گردیده و برای کسانی است که فیلمها و جزوات را از موسسه ما خریداری کرده‌اند و تکثیر و استفاده غیر مجاز از جزوات و فیلم‌ها برای سایرین شرعاً و اخلاقاً حرام است

جهت تهیه فیلم‌ها و جزوات بنده به صورت قانونی با شماره زیر تماس حاصل فرمایید

021-26401062

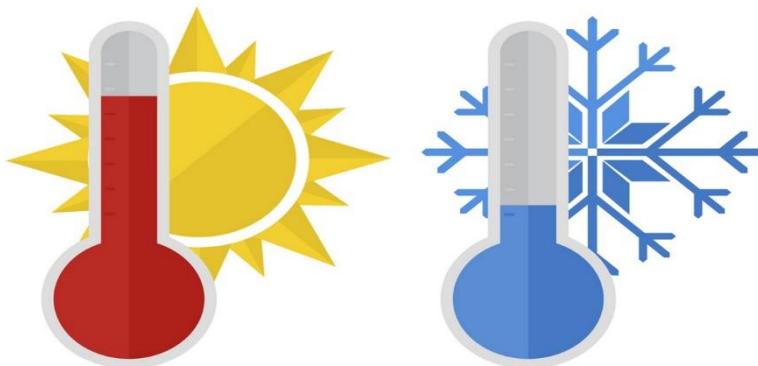
www.karnamehkerad.com



دما و گرما

گرما و دما دو کمیت مرتبط به یکدیگر هستند، اما هر دو دارای یک یک معنا نمی‌باشند. دما را باید با گرما که شکلی از انرژی است اشتباه گرفت. دما میزان سرعت مولکول‌های یک جسم را نشان می‌دهد در حالی که گرما نه تنها نشان دهنده سرعت حرکت مولکول‌هاست بلکه تعیین‌کننده تعداد مولکول‌هایی است که تحت تاثیر آن قرار گرفته‌اند.

به زبان ساده‌تر دما معیاری است که میزان سردی یا گرمی اجسام را نشان می‌دهد اما گرما مقدار انرژی است که به سبب اختلاف دما بین دو جسم رو بدل می‌شود.



مقیاسهای دما:

برای اندازه‌گیری دما لازم است مقیاس دمایی داشته باشیم و برای این کار می‌توانیم از هر مشخصه قابل اندازه‌گیری بهره بگیریم که با گرمی و سردی جسم تغییر می‌کند. به این ویژگی، اصطلاحاً کمیت دما‌سنجی می‌گویند. تغییر کمیت دما‌سنجی، اساس کار دما‌سنج‌هاست. ساده‌ترین و رایج‌ترین نوع دما‌سنج، دما‌سنج‌های چیوه‌ای و الکلی است. در این دما‌سنج‌ها، کمیت دما‌سنجی، ارتفاع مایع درون لوله دما‌سنج است؛ زیرا به جز چند مورد استثنای تمام دما منبسط و با کاهش آن منقبض می‌شوند.

مقیاس‌های متداول دما:

از مقیاس‌های متداول دما، مقیاس دما بر حسب درجه سلسیوس و کلوین و فارنهایت می‌توان نام برد امروزه از انواع دما‌سنج‌ها در زندگی روزمره استفاده می‌شود دانشمندان برای کارهای علمی، سه دما‌سنج را به عنوان دما‌سنج‌های معیار برای اندازه‌گیری گستره دماهای مختلف پذیرفته‌اند:

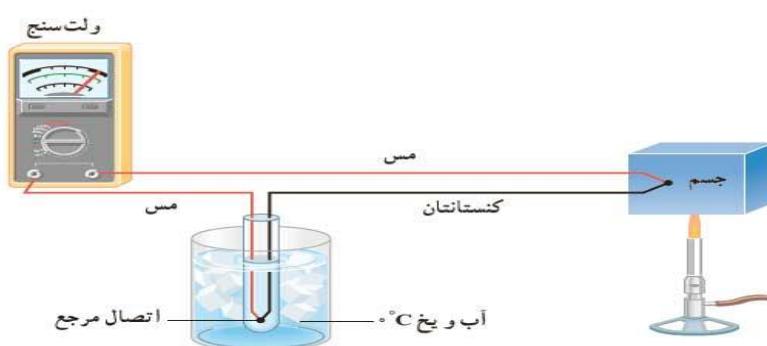
۱- دما‌سنج گازی ۲- دما‌سنج مقاومت پلاتینی ۳- تفسنج (پیرومتر)

البته در گذشته استفاده از دما‌سنج ترمومتر نیز معمول بوده است که به دلیل دقت کمتر آن نسبت به دما‌سنج‌های بیان شده، از مجموعه دما‌سنج‌های معیار گذاشته شد؛ ولی این دما‌سنج همچنان کاربرد فراوانی در صنعت و آزمایشگاهها دارد و کمیت دما‌سنجی این دما‌سنج، ولتاژ است.



توضیح دماسنج های صفحه قبل:

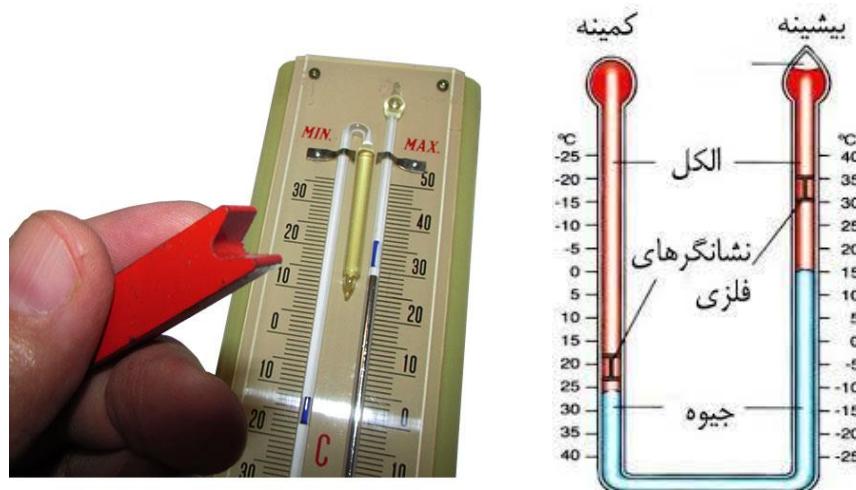
- ترمومتر و یا دماسنج گازی در حقیقت از همان قوانین ساده گازهای کامل استفاده کرده و با توجه به افزایش فشار در اثر افزایش دما در حجم ثابت با اندازه گیری این فشار و کالیبره آن بر حسب دما مقدار دما را اندازه گیری کرد. در حقیقت دماسنج گازی نوع فشار سنج محسوب میگردد
- آشکارساز دمای مقاومتی که در صنعت به اختصار RTD خوانده می شود، نوعی حسگر برای تشخیص دما است. این وسیله مطابق بر این اصل کار می کند که مقاومت الکتریکی فلزات با افزایش دما افزایش می یابد. به این پدیده مقاومت گرمایی گفته می شود. در نتیجه برای سنجش دما کافیست مقاومت الکتریکی آرتی دی اندازه گیری شود.
- به روش های اندازه گیری دما مبتنی بر تابش گرمایی، تف سنجی می گویند تفسنج (پیرومتر) دمای اجسام را با اندازه گیری تشعشع حرارتی ساطع شده از سطح اجسام، تشخیص می دهد تف سنج برخلاف سایر دماسنج ها نیاز به تماس با جسمی که دمای آن را اندازه گیریم، ندارند. تفسنجی، به خصوص در اندازه گیری دماهای بالای 1100°C اهمیت ویژه ای دارد. تف سنج نوری به عنوان دماسنج معیار برای اندازه گیری دماهای بالا انتخاب شده است هر جسمی که دمایی بیش از صفر مطلق (-273°C - درجه سانتی گراد) داشته باشد تابشی از خود ساطع می کند. این انرژی گرمایی توسط دستگاه ردیاب دریافت و به سیگنال های الکتریکی تبدیل می شود. سپس با الگوریتم های مربوطه به یک دما تبدیل شده و دمای سطح مورد نظر را آشکار می کند. در حقیقت، اساس کار این دستگاه ها انرژی های منتشر شده از سطوح اجسام است.
- ترموکوپل، دارای دو سیم رسانای غیر همجناس مانند مس و کنستانتان از طرفی در دمای ذوب بخ نگهداشته شده و از طرف دیگر در مکانی به هم متصلاند که میخواهیم دمای آن را بدست آوریم. این مجموعه با سیمهای مسی رابط به یک ولتسنج بسته میشود. با تغییر دمای محل مورد اندازه گیری، عددی که ولتسنج نشان میدهد، تغییر میکند. اگر آزمایش را چندین بار و برای دماهای متفاوت تکرار کنیم، می توانیم ولتاژ های مربوط به هر دمایی را مشخص کنیم. گستره دماسنجی یک ترموکوپل به جنس سیمهای آن بستگی دارد مزیت ترموکوپل این است که به دلیل جرم کوچک محل اتصال، خیلی سریع با دستگاهی که دمای آن اندازه گیری میشود به حالت تعادل گرمایی میرسد و به علاوه میتواند در مدارهای الکترونیکی به کار رود که در بسیاری از وسایل صنعتی، گرمایشی و سرمایشی یافت میشود



۵- دماسنجد ماقریزم مینیمم یکی از انواع دماسنجد است که با استفاده از آن می توانیم دما را در طول یک شبانه روز در بیشتری و کم ترین حالت اندازه گرفت در این دما سنج روند کار به این صورت است که در زمان گرم تر شدن هوا الکلی که در شاخه سمت چپ قرار دارد انبساط پیدا می کند و همین موضوع باعث می شود که جیوه در این شاخه پایین رانده شود و سپس جیوه ای که در شاخه سمت راست قرار داد به طرف بالا رانده می شود. در زمان سردتر شدن هوا به خاطر انقباضی که در الکل اتفاق می افتد جیوه در شاخه سمت چپ به سمت بالا فرستاده می شود و در شاخه سمت راست به سمت پایین رانده می شود اما در زمان تمام مراحل و اتفاقات نشانه فولادی ثابت در جای خود باقی می ماند و تغییری نمی کند اگر هوا دوباره گرم شود همان اتفاق قبل رخ می دهد یعنی سطح جیوه در شاخه چپ کاهش پیدا می کند اما باز هم نشانه فولادی تغییری نمی کند. بعد از گذشت یک شبانه روز شما با بررسی جای نشانه فولادی می توانید بیش ترین و کم ترین دما را در شبانه روز گذشته اندازه بگیرید به این صورت که محلی که نشانه فولادی در شاخه سمت راست قرار دارد نشان دهنده بیش ترین دما و موقعیت نشانه فولادی در شاخه سمت چپ نشان دهنده کم ترین دما است. اگر بخواهید برای بار دیگر و دوباره از این دماسنجد استفاده کنید در این صورت نشانه فولادی را باید به کمک آهن ربا به اندازه ای که با سطح جیوه هم تراز شود پایین بکشانید این دما سنج که به نام دماسنجد بیشینه کمینه کلید دار معروف است برای بررسی و ثبت حداقل و حداکثر دما در یک محیط استفاده می شود و امکان سنجش دمای بدن یا اجسام و مواد دیگر را ندارد.

این دما سنج یکی از انواع دماسنجد هایی که از نوع آنالوگ هستند می باشد و به همین دلیل به هیچ گونه باتری نیاز ندارد و همین گزینه باعث می شود که در هزینه ها صرفه جویی شود. (دما سنجی را آنالوگ می گویند که از فلز جیوه که یک فلز مایع در دمای اتاق استفاده شده است و هیچ قطعه الکترونیکی در آن وجود ندارد)

یکی از مشاغلی که از این نوع از دما سنج استفاده می کنند باغداران و پرورش دهندگان گیاهان در گلخانه های خود از آن استفاده می کنند.



تست: چند مورد از موارد زیر صحیح است

دو مورد سه مورد چهارمورد همه موارد

الف: ترموموپل» دماسنجدی است که در آن تغییر دما باعث تغییر شدت جریان الکتریکی می شود.

ب: به روش های اندازه گیری دما مبتنی بر تابش گرمایی، تف سنجی می گویند و تف سنج برخلاف سایر دماسنجد ها نیاز به تماس با جسمی که دمای آن را اندازه می گیریم، ندارند و تف سنج نوری به عنوان دماسنجد معیار برای اندازه گیری دماهای بالا انتخاب شده است

ج: ساده‌ترین و رایج‌ترین نوع دماسنجد، دماسنجهای جیوه‌ای و الکلی است. در این دماسنجد^۱ها، کمیت دماسنجدی، ارتفاع مایع درون لوله دماسنجد است؛ زیرا به جز چند مورد استثنای تمام مواد با افزایش دما منبسط و با کاهش آن منقبض می‌شوند

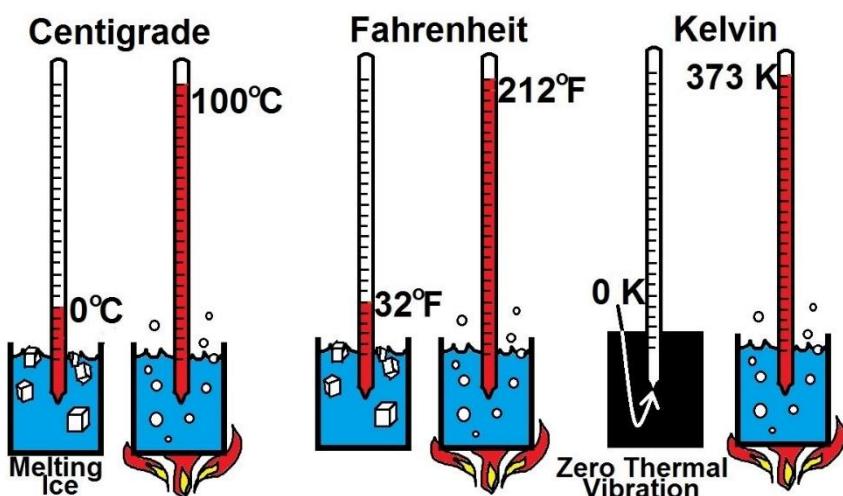
د: دماسنجد گازی و دماسنجد مقاومت پلاتینی و تفسنج (پیرومتر) دماسنجد های معیار هستند البته در گذشته استفاده از دماسنجد ترموموپل نیز معمول بوده است که به دلیل دقیق‌تر آن نسبت به دماسنجهای بیان شده، از مجموعه دماسنجهای معیار کنار گذاشته شد

و: دماسنجد ماکریم مینیمم یکی از انواع دماسنجد است که با استفاده از آن می‌توانیم دما را در طول یک شب‌انه روز در بیشتری و کم ترین حالت اندازه گرفت و باغداران و پرورش دهندگان گیاهان میتوانند در گلخانه های خود از آن استفاده کنند.

پاسخ: گزینه ۴ همه موارد صحیح است



واحدهای مهم دما :



درجه سانتی گراد (سلسیوس)

این روش اندازه گیری دما به این صورت است که در سطح دریا، به دمای انجام‌داد آب عدد ۰ درجه سانتی گراد و به دمای جوش آب عدد ۱۰۰ درجه سانتی گراد را نسبت میدهیم حال اگر این فاصله را به صد قسمت مساوی تقسیم کنیم و به هر قسمت ۱ درجه سانتی گراد گفته می شود.

درجه فارنهایت

در این روش اندازه گیری، دمای انجام‌داد آب و جوش آب در کنار دریا اندازه گیری شده است. به دمای انجام‌داد آن عدد ۳۲ و به دمای جوش آن عدد ۲۱۲ اختصاص داده شده است. بین این دو عدد به ۱۸۰ درجه تقسیم شده است

کلوین

از آنجایی که دماهایی کمتر از انجام‌داد آب نیز وجود دارد و با استفاده از واحد درجه سلسیوس باید این دما به صورت منفی اعلام شود. سیستمی در نظر گرفته شد تا تمامی دماهای اندازه گیری شده به صورت مطلق باشند. در این سیستم دمای -۲۷۳ درجه سانتی گراد به عنوان دمای مطلق مشخص شده است. به این معنا که هیچ ماده ای نمی تواند دمایی کمتر از این داشته باشد و عملاً در این دما ماده فاقد انرژی و حرکات ذرات است، دمای -۲۷۳ درجه سانتی گراد، دمای صفر مطلق است که معادل صفر کلوین است. با همان اندازه بندی، هر کلوین معادل یک درجه سانتی گراد است. مقیاس کلوین بر حسب درجه بیان نمی شود و به همین دلیل با سایر واحدها تفاوت دارد. کلوین به افتخار فیزیکدان معروف، ویلیام تامسون (لرد کلوین) نامگذاری شده است

برای تبدیل واحدهای سانتی گراد و فارنهایت و کلوین به یکدیگر از دستور زیر استفاده کنید:

$$K = C^\circ + 273$$

$$F = \frac{9}{5}C^\circ + 32$$



تسنیم: دمای اتاقی را ۱۰ درجه سانتیگراد افزایش می‌دهیم، دما بر اساس کلوین و فارنهایت چه قدر تغییر می‌کند؟

(۱) ۱۰-۱۰ (۲) ۱۸-۱۰ (۳) ۲۸۳-۵۰ (۴) ۲۸۳-۴۰

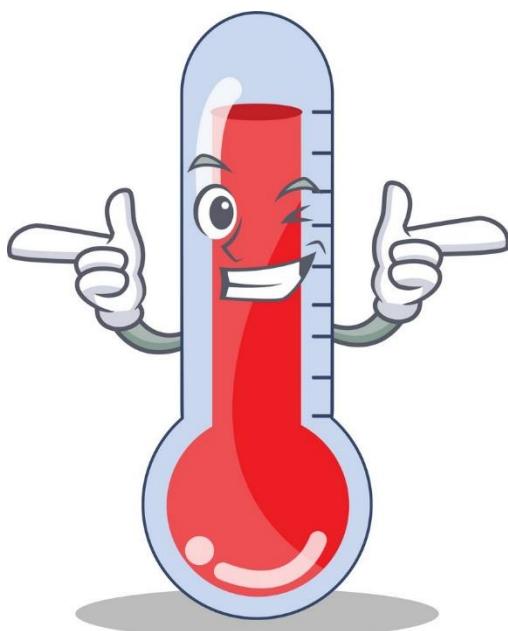
تسنیم: اگر دمای جسمی بر حسب درجهٔ فارنهایت ۱۰ برابر شود، دمای آن بر حسب درجهٔ سلسیوس ۲۰ برابر می‌شود. دمای ثانویهٔ جسم، بر حسب کلوین کدام است؟ (آزمون کانون)

(۱) ۱۶ (۲) ۳۲۰ (۳) ۲۸۹ (۴) ۵۹۳

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1.8(20\theta_1) + 32}{1.8\theta_1 + 32} \rightarrow 10 = \frac{1.8(20\theta_1) + 32}{1.8\theta_1 + 32}$$

$$\theta_1 = 16, (20\theta_1) = 320 \quad 320 + 273 = 593$$





دماسنجد مجهول

(دماسنجد شخمنی !!!)

فرض کنید دو دماسنجد مختلف در اختیار داشته باشیم.

اگر دما محیط توسط یک دماسنجد با مقدار X درجه نشان داده شود

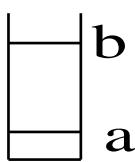
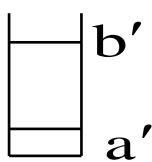
در اینصورت دماسنجد دیگر که از واحد دیگری استفاده می کند

دما محیط را چقدر نشان می دهد؟ و چگونه می توان این

دما را به دست آورد؟

برای این محاسبه کافیه که

رابطه‌ی درجه بندی دماسنجد بصورت زیر می‌باشد. ثابت $\frac{x-a}{b-a}$ که در آن x دمای مورد نظر نقطه‌ی ثابت پایینی در واحد موردنظر و b ثابت بالایی در واحد موردنظر می‌باشد.



$$\frac{x' - \text{کران پایین}}{\text{کران پایین} - \text{کران بالا}} = \frac{x - \text{کران پایین}}{\text{کران پایین} - \text{کران بالا}}$$

تست: دماسنجدی دمای 20°C را 30° درجه و 24°C را 36° درجه نشان می‌دهد. این دماسنجد دمای ذوب یخ را در فشار یک جو چند درجه نشان می‌دهد؟

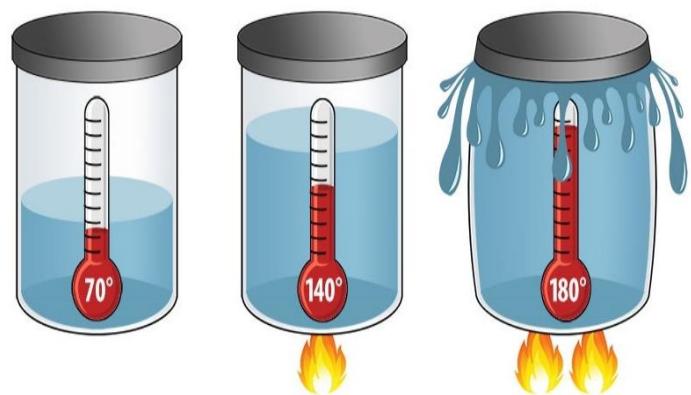
(۱) صفر (۲) -10° (۳) 4° (۴) -4°



انبساط

وقتی دمای جسمی تغییر می‌کند معمولاً طول و مساحت و حجم آن نیز تغییر می‌کند که این تغییرات را میتوانیم از روایط زیر محاسبه کنیم

- تغییر طول** $\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta$
- تغییر مساحت** $\Delta A = A_1 2\alpha \Delta \theta$
- تغییر حجم** $\Delta V = V_1 3\alpha \Delta \theta$



همچنین بدینهی است که طول و مساحت و حجم ثانویه از روایط زیر محاسبه می‌گردد

- طول ثانویه** $L_2 = L_1(1 + \alpha \Delta \theta)$
- سطح ثانویه** $A_2 = A_1(1 + 2\alpha \Delta \theta)$
- حجم ثانویه** $V_2 = V_1(1 + 3\alpha \Delta \theta)$

همچنین در تست‌ها در صد تغییر طول یا مساحت یا حجم را پرسیدند، از فرمول‌های زیر استفاده نمایید

$$\frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات طول} \quad \text{یا} \quad = 100(\alpha) \Delta \theta$$

$$\frac{\Delta A}{A_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات سطح} \quad \text{یا} \quad = 200(\alpha) \Delta \theta$$

$$\frac{\Delta V}{V_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات حجم} \quad \text{یا} \quad = 300(\alpha) \Delta \theta$$



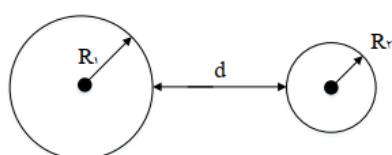
تست: ضریب انبساطی حجمی میله ای (k^{-1}) $10^{-5} \times 6$ است. اگر دمای این میله 50°C افزایش یابد. طول آن چند درصد افزایش می‌یابد و چند برابر می‌شود؟

(۱) $1/01 - 0/1$ (۲) $1/10 - 1/1$ (۳) $1/1 - 0/1$ (۴) $1/001 - 0/1$

تست: دمای یک ورقه ای فلزی را 250 درجه سلسیوس افزایش می‌دهیم. مساحت آن یک درصد افزایش می‌یابد. ضریب انبساط حجمی آن فلز در SI کدام است؟

(۱) 6×10^{-5} (۲) 2×10^{-5} (۳) 2×10^{-4} (۴) 2×10^{-4}

تست: مطابق شکل، از یک صفحه‌ی فلزی دو دایره با شعاع‌های R_1 و R_2 به فاصله‌ی d از یکدیگر جدا می‌کنیم. اگر کل صفحه را گرم کنیم، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) شعاع‌های R_1 و R_2 هر دو کاهش و فاصله‌ی d افزایش می‌یابد.(۲) شعاع‌های R_1 و R_2 هر دو کاهش و فاصله‌ی d کاهش می‌یابد.(۳) شعاع‌های R_1 و R_2 هر دو افزایش و فاصله‌ی d کاهش می‌یابد.(۴) شعاع‌های R_1 و R_2 هر دو افزایش و فاصله‌ی d افزایش می‌یابد.

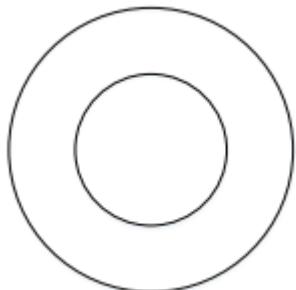
تست: مطابق شکل یک دیسک به قطر خارجی 60cm ، که از وسط آن دایره‌ای به شعاع 10 cm سانتی‌متر جدا شده است، از فلزی با ضریب انبساط حجمی $(\frac{1}{K}) = 10^{-5} \times 6$ ساخته شده است. اگر دمای دیسک را بدون حالت آن، 100°C بالا بریم مساحت قسمت فلزی چند سانتی‌متر مربع خواهد شد؟ آزمون قلمچی

$$800\pi \quad (2)$$

$$803/2\pi \quad (1)$$

$$401/6\pi \quad (4)$$

$$400\pi \quad (3)$$



ابتدا مساحت اولیه قسمت گوشتی فلزی را محاسبه می‌کنیم

$$A_1 = \pi(30^2 - 10^2) = 800\pi \text{ cm}^2$$

$$3\alpha = 6 \times 10^{-5} \quad \alpha = 2 \times 10^{-5}$$

$$A_2 = A_1(1 + 2\alpha\Delta\theta) = 803/2\pi$$

تست: در دمای صفر درجه سلسیوس حجم ظرف شیشه‌ای توسط یک لیتر جیوه کاملاً پر شده است. وقتی دمای مجموعه را به 80 درجه سلسیوس می‌رسانیم. 12cm^3 جیوه از ظرف خارج می‌شود. اگر ضریب انبساط حجمی جیوه $k^{-1} = 10^{-4}/8$ باشد، ضریب انبساط خطی شیشه در SI چقدر است؟

$$3 \times 10^{-5} \quad (4)$$

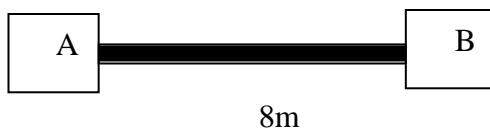
$$10^{-5} \quad (3)$$

$$10^{-4} \quad (2)$$

$$1/2 \times 10^{-4} \quad (1)$$

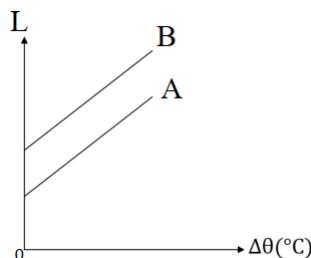


تست: میله AB به طول ۸ متر مطابق شکل موجود است و در وسط آن شکافی وجود دارد، اگر دمای میله را از ۵ درجه به ۳۰ درجه سانتیگراد برسانیم، میله به سمت بالا شکسته می‌شود و از محل شکاف اولیه به اندازه X متر بالا می‌رود، اگر ضریب انبساط طولی میله 0.01 باشد، X حدوداً چند متر است؟ (آزمون کانون)

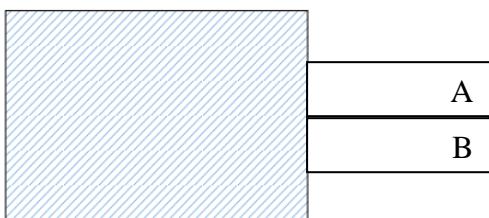


۱۱ ۲۰ ۳۰ ۴۰ ۴

تست VIP: - نمودار طول دو میله‌ی A و B بر حسب تغییرات دما، به صورت دو خط موازی مطابق شکل مقابل رسم شده است.



اگر دو میله‌ی همدما و هم‌طول فلزی از این دو فلز را به یکدیگر بچسبانیم و از یک طرف به دیواری محکم کنیم، و به یک اندازه کاهش دما دهیم، کدام گزینه اتفاق می‌افتد؟

(۱) $\alpha_B < \alpha_A$ میله‌ها به طرف بالا خم می‌شوند.(۲) $\alpha_B > \alpha_A$ میله‌ها ابتدا به طرف پایین و سپس به طرف بالا خم می‌شوند.(۳) $\alpha_B < \alpha_A$ میله‌ها به طرف پایین خم می‌شوند.(۴) $\alpha_B > \alpha_A$ میله‌ها ابتدا به طرف بالا و سپس به طرف پایین خم می‌شوند.**گزینه ۳**

نکته ۱: شب این نمودارها $L_1\alpha$ رو نشون میده پس چون شبها مساوی هست میتوانیم بگیم که در نمودار B چون اولیه L_B بیشتره پس α_B کوچتره!

$$\alpha_B < \alpha_A$$

نکته ۲ : در کاهش دما: اونیکه آلفای بیشتری داره دایره کوچیکه هست!

در افزایش دما: اونیکه آلفای بیشتری داره دایره بزرگه هست!



نکته: با تغییر حجم، چگالی نیز تغییر میکند و از رابطه تقریبی زیر قابل محاسبه است

$$\rho_2 = \rho_1(1 - \beta\Delta T)$$

نکته مهم:

تست: ضریب انبساط حجمی مایعی $\beta = 10^{-3}$ است و چگالی آن در دمای 20 درجه سانتیگراد، $1100 \frac{kg}{m^3}$ است، اگر دما را (بدون آنکه به جوش آید) به 120 درجه سانتیگراد برسانیم، چگالی این مایع چند کیلوگرم بر مترمکعب میشود؟

1050 99 9900 1000

تست: اگر دمای مایعی را از 20 به 70 درجه سلسیوس افزایش دهیم، چگالی آن از $800 \frac{kg}{m^3}$ به اندازه $44 \frac{kg}{m^3}$ کاهش می‌یابد. اگر درون ظرفی یک لیتری این مایع را لب به لب پرکنیم و دمایش را از 30 به 40 برسانیم تقریباً چند لیتر مایع از ظرف سرریز می‌شود؟ (ضریب انبساط خطی ظرف 10^{-4} است)

2×10^{-2} (۲) 8×10^{-2} (۱)

4×10^{-3} (۴) 10^{-3} (۳)

طبق فرمول بالا داریم:

$$(800 - 44) = 800(1 - \beta(50)) \rightarrow \beta = 11 \times 10^{-4}$$

$$\text{ظرف} - \Delta V - \text{مایع} = \Delta V = \text{حجم مایع خروجی از ظرف}$$

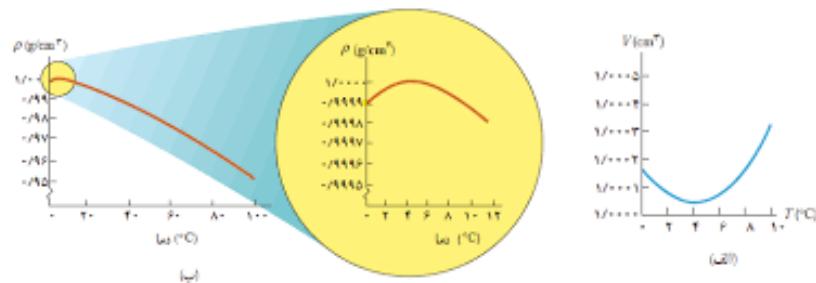
$$\text{حجم مایع خروجی} = V_1 \beta \Delta \theta - V_1 3\alpha \Delta \theta$$

$$\text{حجم مایع خروجی} = 1(11 \times 10^{-4})(10) - 1(3 \times 10^{-4})(10) = 8 \times 10^{-2}$$



انبساط غیرعادی آب:

رفتار آب در محدوده دمایی 0°C تا 4°C متفاوت است؛ یعنی در این محدوده با کاهش دما، حجم آب افزایش و در نتیجه چگالی آن کاهش میابد اما پس از دمای 4°C مانند دیگر اجسام، با افزایش دما، حجم افزایش و چگالی کاهش میابد. همین تغییر حجم غیرعادی آب است که موجب میشود دریاچه‌ها به جای اینکه از پایین به بالا یخ بزنند، از بالا یخ بزنند وقتی دمای سطح آب مثلاً از 10°C کمتر شود، چگالی آب نسبت به آب زیر خود افزایش میابد و این آب، پایین میرود. این رفتار تا رسیدن به دمای 4°C ادامه میابد؛ ولی همانطور که دیدیم در دمای پایینتر از 4°C درجه سانتیگراد حجم آب افزایش پیدا میکند و در نتیجه چگالی آن کاهش میابد؛ یعنی سرد شدن بیشتر آب موجب میشود که چگالی آب سطح دریاچه نسبت به آب زیر آن کمتر شود و در نتیجه در سطح باقی بماند تا اینکه یخ بزند. بنابراین در حالی که آب زیر دریاچه هنوز مایع است و دمایی بیش از صفر درجه دارد، سطح آب یخ میزند.



گرما:

قبل اینکه در ابتدای فصل به شما گفته بودم که دما معیاری است که میزان سردی یا گرمی اجسام را نشان می‌دهد اما گرما مقدار انرژی است که به سبب اختلاف دما بین دو جسم ردو بدل می‌شود.

دما : معیاری است که میزان سردی یا گرمی اجسام را نشان می‌دهد.

تفاوت دما با گرما

$$\begin{cases} K = C^\circ + 273 \\ F = 1/8C^\circ + 32 \end{cases}$$

گرما : مقدار انرژی است که به سبب اختلاف دما بین دو جسم ردو بدل می‌شود.

$$\begin{cases} Q = Mc\Delta\theta \\ Q = ML_f \\ Q = ML_v \end{cases}$$

برای محاسبه گرما ۳ تا فرمول و دستور داریم:

اگه حالت یک ماده تغییر نکند در اثر دریافت گرما دمای جسم بالاتر می‌رود که فرمول گرما در این حالت به صورت $Q=mc\Delta\theta$ هست ، در فرمول گرما Q معروف گرما ، m معروف جرم ، C معروف ظرفیت گرمایی ویژه و $\Delta\theta$ معروف تغییرات دما هست.

ولی حالت ماده تغییر کند (مثلًا اگر به یک یخ صفر درجه سلسیوس حرارت بدهیم تبدیل به آب صفر درجه بشود، درواقع حرارتی که دادیم باعث افزایش دما نمیشه بلکه باعث میشه و از حالت جامد به حالت مایع تبدیل بشود، یا مثلًا اگر به آب ۱۰۰ درجه سلسیوس به اندازه کافی حرارت بدهیم تبدیل به بخار آب ۱۰۰ درجه میشود، یعنی در این حالت هم دمای قبل و بعد از حرارت دادن دقیقاً ۱۰۰ بوده پس دمای جسم بالا نرفته است بلکه در این حالت مایع به بخار تبدیل شده است یعنی حرارت داده شده باعث تغییر حالت ماده شده است، در این دو حالت فرمول گرما به فرم های زیر تبدیل می‌شوند.

فرمول گرما در تبدیل جامد به مایع:

فرمول گرما در تبدیل مایع به گاز:

فرمول گرما اگر تغییر حالت نداشته باشیم:

در فرمول های بالا L_f گرمای نهان ذوب و L_v گرمای نهان تبخیر و c گرمای ویژه است



چند تعریف مهم و مقدماتی

ظرفیت گرمایی: یک کمیت فیزیکی برای یک ماده است، و آن مقدار گرمائی است که اگر به مقدار معینی از آن ماده داده شود دمای آن یک واحد افزایش خواهد یافت یکای SI برای ظرفیت گرمایی ژول بر کلوین است

ظرفیت گرمایی ویژه: معادل مقدار گرمایی است که لازم است تا یک کیلوگرم از ماده‌ای دریافت کند تا دمای آن یک واحد افزایش یابد

گرمای نهان ویژه ذوب : مقدار گرمایی که باید به یک کیلوگرم از یک جسم جامد در نقطه ذوب داده شود تا به مایع تبدیل شود، گرمای نهان ویژه ذوب L_v نام دارد.

گرمای نهان ویژه تبخیر : مقدار گرمایی که باید به یک کیلوگرم از یک ماده در دمای نقطه جوش داده شود تا به بخار تبدیل شود گرمای نهان ویژه تبخیر (L_v) نام دارد.

نکته: تبدیل جامد به مایع را ذوب، تبدیل مایع به بخار را تبخیر و تبدیل مایع به جامد را انجماد و تبدیل بخار انجماد و تبدیل بخار به مایع را چگالش بخار به مایع یا میعان مینامیم. امکان دارد که تغییر حالت از جامد به بخار و وارون آن از بخار به جامد نیز بهطور مستقیم و بدون گذر از حالت مایع صورت گیرد. تغییر حالت از جامد به بخار، تصحیح و تغییر حالت وارون آن، یعنی از بخار به جامد چگالش بخار به جامد گفته می‌شود

نکته: معمولاً افزایش فشار وارد بر جسم سبب بالا رفتن نقطه ذوب جسم می‌شود. اما در برخی مواد مانند یخ، افزایش فشار به کاهش نقطه ذوب میانجامد که این در مورد یخ بسیار ناچیز است برخلاف جامدهای خالص و بلورین، جامدهای بیشکل مانند شیشه و جامدهای ناخالصی مانند قیر نقطه ذوب کاملاً مشخصی ندارند. در واقع وقتی این مواد را گرم می‌کنیم، پیش از ذوب شدن خمیریشکل می‌شوند. این مواد در گسترهای از دما به تدریج ذوب می‌شوند

تبخیر سطحی : نوعی تبخیر است که تا پیش از رسیدن به نقطه جوش مایع، تبخیر به‌طور پیوسته‌ای از سطح مایع رخ میدهد. در پدیده تبخیر سطحی، تنیدی برخی از مولکول‌های مایع به حدی میرسد که میتوانند از سطح مایع فرار کنند و آهنگ رخ دادن این فرایند به عواملی از جمله دما و مساحت سطح مایع بستگی دارد

تسنی: چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

یک مورد دومورد سه مورد چهار مورد

الف: در نوک قله یک کوه به علت کاهش فشار، دمای نقطه‌ی جوش آب کاهش و دمای انجماد افزایش می‌یابد

ب: اگر جرم ماده‌ای را ۴ برابر و گرمای داده شده به آن را ۲ برابر کنیم، گرمای ویژه‌ی آن ماده نصف می‌شود

ج: انرژی جنبشی متوسط مولکول‌های ماده در حین تغییر حالت ثابت است.

د: در شرایط یکسان دمای نقطه‌ی انجماد و دمای نقطه‌ی ذوب یک ماده با هم برابر است.

ه: طی فرآیند تبخیر سطحی، دمای مایع ثابت می‌ماند.

موارد ب و ه غلط هستند، زیرا در تبخیر سطحی دمای مایع کاهش می‌یابد و همین‌طور گرمای ویژه به جنس جسم

بستگی دارد



تسنیم: چند ژول گرما لازم است تا 10kg یخ -30°C را به 100°C بخار آب تبدیل کنیم؟

$$(L_v = 227000, L_f = 334000, C = 2100 \text{ آب و } C = 4200)$$

$$3087000 \quad (4) \quad 2088000 \quad (3) \quad 1044000 \quad (2) \quad 1044000 \quad (1)$$

تسنیم: چند ژول گرما 10kg بخار آب 100°C را از دست بدهد تا به 10kg یخ -30°C تبدیل شود؟

$$3087000 \quad (4) \quad 2088000 \quad (3) \quad 1044000 \quad (2) \quad 1044000 \quad (1)$$

تسنیم: از بالای ساختمانی به ارتفاع 50 متر گلوله‌ای را با سرعت اولیه $\frac{m}{s} 20$ رو به پائین پرتاب می‌کنیم. اگر در اثر اصطکاک و برخورد 80 درصد از انرژی اولیه گلوله به گرما تبدیل شود دمای این گلوله بر حسب **کلوین** چند درجه افزایش می‌یابد؟ ($C=100$ گلوله)

$$4) \text{ هیچکدام} \quad (4) \quad 278/6 \quad (3) \quad 5/6 \quad (2) \quad 273 \quad (1)$$



ترکیب فرمول توان و بازده با گرما

رابطه $\frac{\text{انرژی}}{t} = \text{کل } R_a \times P$ را در فصل کار و انرژی خوانده بودیم، حال در این فصل هم میتوانیم از این رابطه استفاده کنیم و به جای انرژی، فرمول‌های گرما را بنویسیم

-

تحلیل نمودارهای دما-زمان و دما-گرما

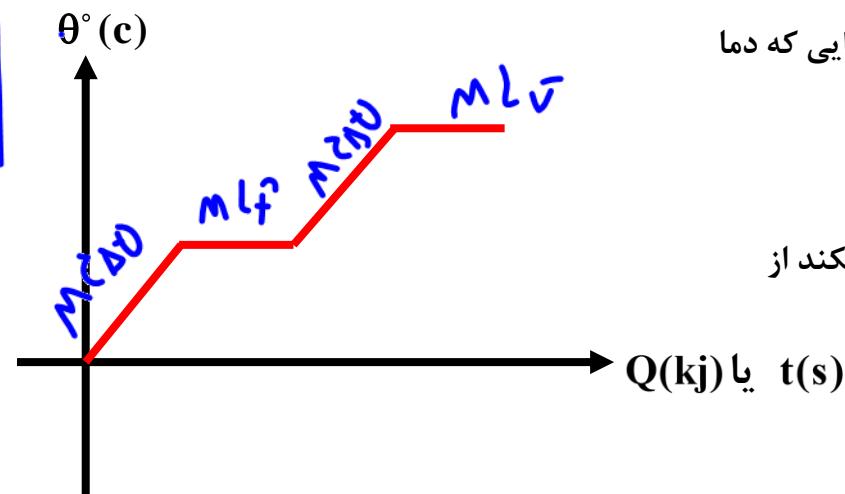
در نمودارهای دما-زمان و دما-گرما جاهايی که دما

ثابت است و عوض نشده از فرمول های

$$Q = mL_f \quad Q = mL_v$$

باید استفاده کنیم و جاهايی که دما تغییر میکند از

$$\text{فرمول } Q = mc\Delta\theta \text{ استفاده میکنیم}$$



تست: راندمان یک گرمکن برقی ۵۰ درصد است و توان آن ۶۱۷۴۰۰ وات است. چند ثانیه طول می‌کشد تا این گرمکن ۱۰kg یخ -30°C را به 100°C بخار آب تبدیل کنید؟

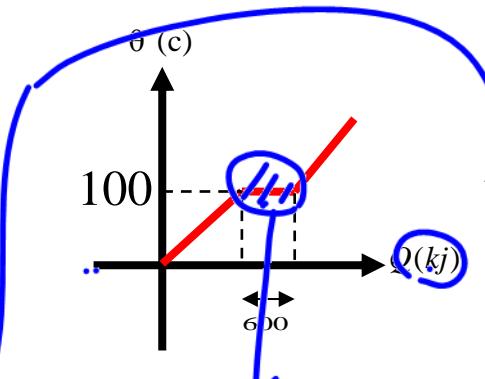
(۱) ۱۰ (۲) ۱۰۰

(۳) ۰/۱۰ (۴) ۰/۱

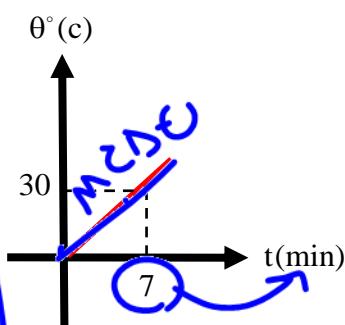


تست: یک گرمکن درون ظرفی که محتوی آب است، قرار دارد. نمودارهای θ دمای آب بر حسب زمان و دما مطابق شکل‌های زیر است. توان گرمکن چند وات است؟

(فرض کنید انرژی مصرفی فقط صرف گرم کردن آب شود.) (SI و $C = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$)

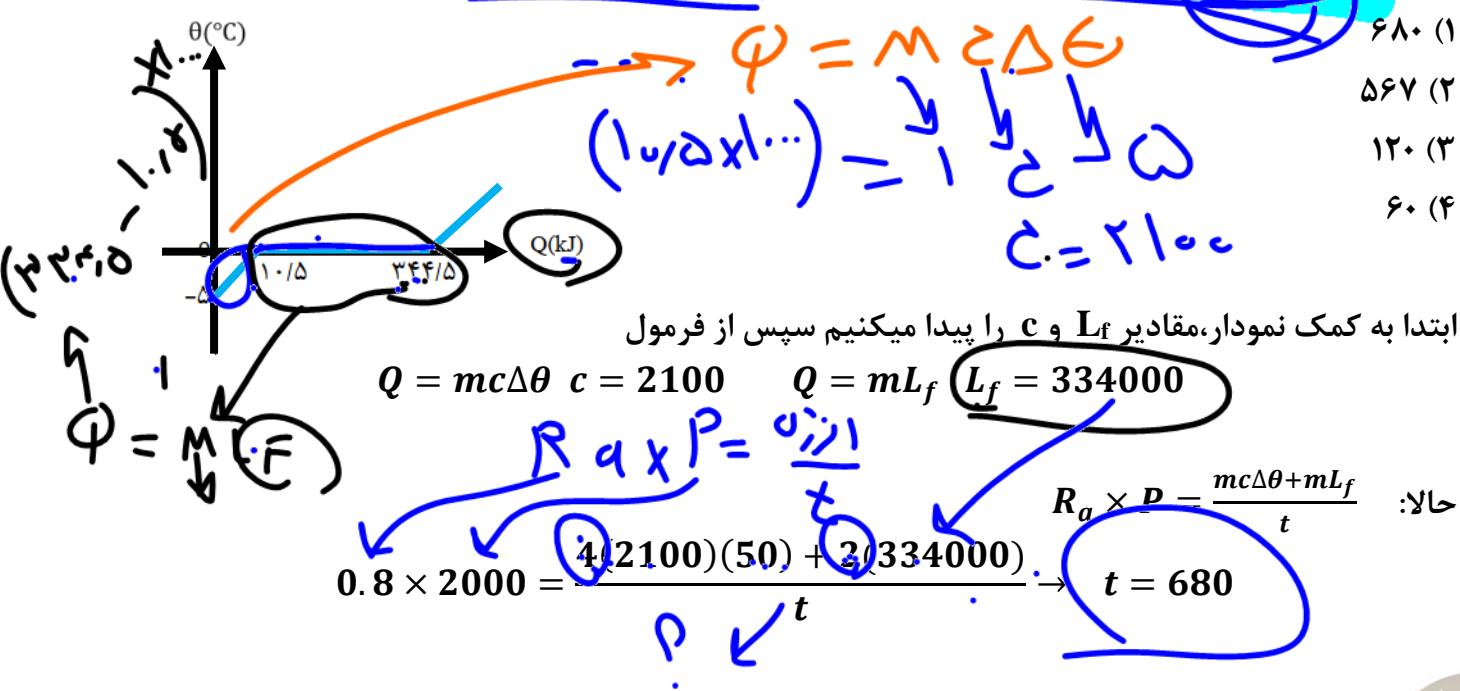


$$\begin{aligned} Q &= M L_v \\ 400000 &= M \cdot 2200 \\ M &= 180 \text{ kg} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} R_a \times P &= \frac{\Delta \theta}{t} \\ 100 &\times P = \frac{70}{7} \\ P &= 100 \text{ W} \end{aligned}$$

تست: در شکل زیر تغییرات دمای جسم جامدی به جرم یک کیلوگرم بر حسب گرمایی داده شده به آن نشان داده شده است. اگر ۴ کیلوگرم از این ماده در دمای $-50^\circ C$ را توسط گرم کنی با توان ۲۰۰۰ وات و بازده ۸۰ درصد به ۲ کیلوگرم از این ماده در حالت مایع و دمای صفر بخواهیم تبدیل کنیم، چند ثانیه طول می کشد؟



ابتدا به کمک نمودار، مقادیر L_f و c را پیدا می‌کنیم سپس از فرمول

$$Q = mc\Delta\theta \quad c = 2100 \quad Q = m L_f \quad L_f = 334000$$

حالا:

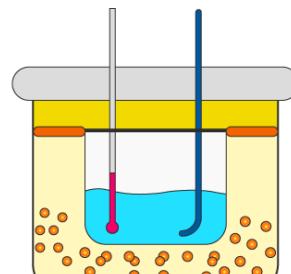
$$R_a \times P = \frac{mc\Delta\theta + mL_f}{t}$$



دماهی تعادل

گرما به طور طبیعی از جای گرم تر به جای سرد تر منتقل می شود. هرگاه دو جسم با دمای مختلف در تماس با یکدیگر قرار بگیرند، مقداری گرما از جسم با دمای بیشتر به جسم با دمای کمتر منتقل می شود. طی این فرآیند دمای جسم گرمتر کاهش و دمای جسم سردتر افزایش می یابد تا جایی که دمای هر دو جسم برابر شود. به این پدیده تعادل گرمایی می گویند و دمایی که دو جسم به آن دما رسیده اند دمای تعادل است. برای محاسبه دمای تعادل، همه Q ها را باهم جمع کنید و مساوی صفر قرار دهید.

$$2. \quad \begin{array}{c} 100 \\ \downarrow \\ \theta_e = ? \end{array}$$



Calorimeter

$$\sum Q = 0 \rightarrow$$

حالت خاص: هرگاه تبدیل حالت در میان نباشد می توان از رابطه تستی زیر میزان دمای تعادل را بدست

$$\theta_e = \frac{\sum mc\theta}{\sum mc} = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2 + \dots}{m_1 c_1 + m_2 c_2 + \dots} \text{ آورد.}$$

که در آن θ_e دمای تعادل، θ_1 دمای اولیه جسم اول و θ_2 دمای اولیه جسم دوم و ... می باشد.

مثال: ۱۰ گرم آب 84°C را با ۵۰ گرم آب صفر درجه سانتی گراد مخلوط می کنیم. هرگاه هیچگونه مبادله گرمایی با محیط انجام نگیرد و تغییر حالتی نیز رخ ندهد، دمای تعادل مخلوط چند درجه سانتی گراد است؟

$$mc(\theta_e - \theta_1) + mc(\theta_e - \theta_2) = 0 \quad \text{راه اصلی:}$$

$$10c(\theta_e - 84) + 50c(\theta_e - 0) = 0 \quad \theta_e = 14 \quad \text{راه تستی:}$$

$$\theta_e = \frac{10 \times c \times 84 + 50 \times c \times 0}{10 \times c + 50 \times c} = \frac{840}{60} = 14^{\circ}\text{C}$$



تست: گرم از مایعی به دمای اولیه 26°C را با m_1 گرم از همان مایع ولی با دمای 18°C مخلوط می‌کنیم. تا 200 g گرم از همان مایع با دمای 20°C داشته باشیم. حاصل ضرب m_1 و m_2 (بر حسب گرم) چقدر می‌شود؟

۴۰۰ (۴)

۱۰۰۰۰ (۳)

۳۶۰۰ (۲)

۷۵۰۰ (۱)

$$Q_1 + Q_2 + \dots = 0$$

$$m_1 C (T_e - T_1) + m_2 C (T_e - T_2) = 0$$

$$m_1 (T_0 - T_1) + m_2 (T_0 - T_2) = 0$$

$$m_1 + m_2 = 200$$

$$m_1 + m_2 = 200$$

$$m_1 = 200$$

$$m_2 = 180$$

تست: درون گرماسنجی با ظرفیت گرمایی 150 J/g واحد 500 g آب 8°C درجه سانتی‌گراد در حالت تعادل موجود است. اگر تکه فلزی با دمای 110°C را وارد مجموعه کنیم، دمای نهایی به 10°C می‌رسد. ظرفیت گرمایی تکه فلز چند واحد SI بوده است؟ ($C = 4200\text{ J/kg}$)

۴) اطلاعات کافی نیست.

۵۵ (۳)

۴۵ (۲)

۳۵ (۱)

تذکر: گرماسنج که به آن کالریمتر نیز می‌گویند ظرفی است در پوشدار که به خوبی عایق بندی گرمایی شده است و مانع از تبادل گرمایی اجسام داخلش با محیط بیرون می‌شود

پاسخ:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$m_1 C (T_e - T_1) + m_2 C (T_e - T_2) + m_3 C (T_e - T_3) = 0$$

$$15(4200)(10 - 1) + 150(10 - 1) + (M_3 C)(10 - 11) = 0$$

$$4200 + 150 = 100 M_3$$

$$M_3 = 100$$



محاسبه دمای تعادل در حضور یخ (اگر دمای تعادل را داده باشند)

کافیست دمای تعادل را در وسط بنویسیم و مواد داده شده را در اطراف آن یادداشت کنیم، سپس با رسم فلش‌های متواالی آنها را به دمای تعادل برسانیم و در آخرین قدم جمع همه گرمایها را مساوی صفر قرار دهیم مثلاً:

$$\text{آب } \theta_e \rightarrow \text{آب } 0^\circ \rightarrow \text{یخ } 0^\circ \rightarrow \text{یخ } -50^\circ$$

$$\sum Q = 0$$

محاسبه دمای تعادل در حضور یخ (اگر دمای تعادل را نداشته باشیم)

در مسائلی که یخ θ_e - درجه را با آب θ' مخلوط می‌کنیم و دمای تعادل را در سوال به

ما نداده اند ابتدا باید انرژی گرمایی حالت‌های زیر را بدست آوریم:

۱- تبدیل یخ θ_e - درجه سیلیسیوس به یخ صفر درجه که گرمای آن را Q فرض می‌کنیم.

۲- تبدیل آب θ_e درجه سلیسیوس به آب صفر درجه که گرمای آن را Q' در نظر می‌گیریم.

بعد از بدست آوردن Q و Q' آنها را با هم مقایسه می‌نمائیم که ۳ حالت زیر بدست می‌آید:

.۱ $Q' = Q$ دمای تعادل صفر درجه می‌باشد و آب و یخ در حالت تعادل می‌باشند.

.۲ $Q' > Q$ در اینصورت آب می‌تواند به یخ تبدیل شود.

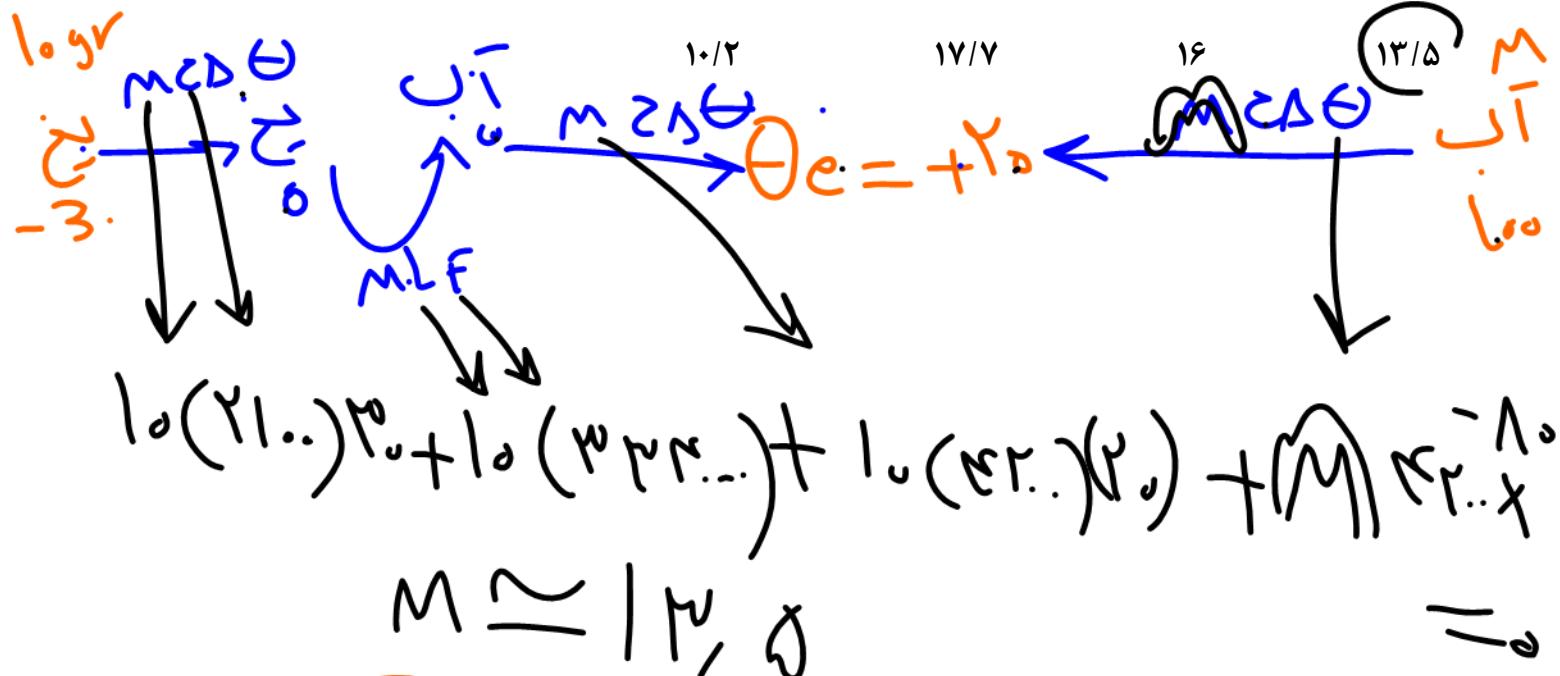
.۳ $Q' < Q$ در اینصورت یخ می‌تواند به آب تبدیل گردد.

تذکر بسیار مهم: برای حالت خاصی که مواد مورد نظر فقط آب و یخ باشند و $L_f = 336000$ باشد راه های تستی وجود داره که فقط سوالات خاص را حل می‌کند! گول نخورید!!! راه اصلی را هم یاد بگیرید!!!

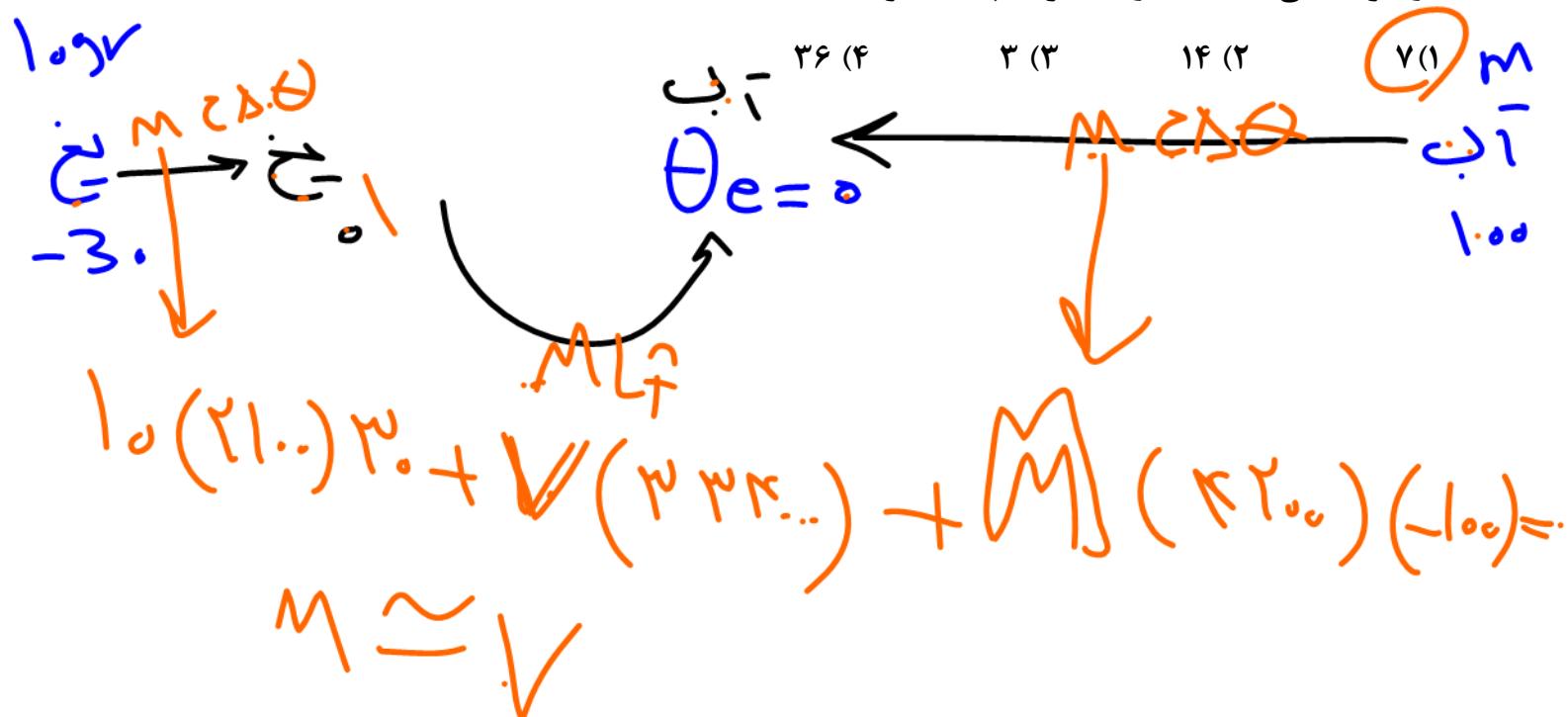


تست: M گرم آب 100° درجه را با 10° گرم یخ -30° - مخلوط میکنیم، اگر دمای تعادل در پایان، $+20^{\circ}$ شود، مقدار m

تقریباً چه قدر بوده است؟



تست: m گرم آب 100° را با 10° یخ -30° - درجه مخلوط می‌کنیم. اگر در پایان، 3°C باشیم، بسیار ذوب نشده در ظرف باقی بماند مقدار m تقریباً چند، g بوده است؟



تست: ۱۲/۵ - درجه سلسیوس را درون ۳۵ گرم آب ۲۰ درجه سلسیوس قرار می‌دهیم با صرف نظر

از اتلاف انرژی پس از ایجاد تعادل چند گرم آب و چگونه در سیستم موجود می‌باشد؟ ($L_F = ۳ / ۳۶ \times ۱۰^۵ \frac{J}{kg}$)

$$C = ۲ / ۱ \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}, C = ۴ / ۲ \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}$$

(۲) ۴۲/۵ ۴۲ گرم آب صفر درجه

(۱) ۳۷ ۳۷ گرم آب صفر درجه

(۴) ۴۷/۵ ۴۷ گرم آب با دمای مثبت

(۳) ۲۷/۵ ۲۷ گرم آب با دمای مثبت

$$Q_{سرمایی} = mc\Delta\theta = 420$$

$$Q_{گرمایی} = mc\Delta\theta = 2940$$

$$\Delta Q = mL_f = m = 7.5 g$$

$$\theta_e = \frac{|m\theta_{آب} - m\theta_{آب}|}{m_{آب} + m_{آب}} = \frac{2m\theta_{آب} - m\theta_{آب}}{160} = \frac{2 \times 35 \times 20 - 12.5 \times 16}{160} = 7.5$$

$$\frac{2m\theta_{آب} - m\theta_{آب}}{160} = \frac{2 \times 35 \times 20 - 12.5 \times 16}{160} = 7.5$$

تست: ۱۴ ۱۰ گرم آب 100° را با $10 gr$ مخلوط می‌کنیم. دمای تعادل چه قدر می‌شود؟

$$C = ۴ / ۲ \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}, (L_F = ۳ / ۳۶ \times ۱۰^۵ \frac{J}{kg})$$

۱۹ (۴)

۲۰ (۳)

۱۴ (۲)

۷ (۱)

$$\theta_e = \frac{m\theta_{آب} - m\theta_{آب}}{m_{آب} + m_{آب}} = \frac{m\theta_{آب} - m(\frac{1}{2}\theta + 80)}{m_{آب} + m_{آب}}$$

$$\theta_e = \frac{m\theta_{آب} - m\theta_{آب}}{m_{آب} + m_{آب}} = \frac{1400 - 10(95)}{m_{آب} + m_{آب}} \approx 19$$

$$\theta_e = \frac{|m\theta_{آب} - m\theta_{آب}|}{m_{آب} + m_{آب}} = \frac{|m\theta_{آب} - m\theta_{آب}|}{m_{آب} + m_{آب}} = 19$$

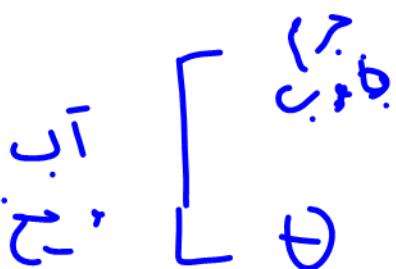
$$m_{آب} + m_{آب} = 14 + 10 = 24$$

۲۳



تست: ۷ کیلوگرم آب ۱۰ درجه را با ۱۰ کیلوگرم یخ -۳۰ درجه مخلوط می کنیم. کدام گزینه تقریباً صحیح است؟

$$C = \frac{2}{1} \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \quad C = \frac{4}{2} \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \quad (L_F = 3 / 36 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}})$$



(۱) تمام یخ ذوب می شود و ۱۷ کیلوگرم آب در ظرف وجود دارد.

(۲) تمام آب یخ می زند و ۱۷ کیلوگرم یخ در ظرف باقی می ماند.

(۳) دمای تعادل مجموعه صفر می گردد و حجم آب باقی مانده ۱۴ کیلوگرم می شود.

(۴) دمای تعادل مجموعه صفر می شود و حجم یخ باقی مانده ۵ کیلوگرم می شود.

$$M_{\text{یخ}} = 1 \frac{2m\theta_{\text{آب}} + m\theta_{\text{یخ}}}{160} = \frac{2 \times 7 \times 100 - 10 \times 30}{160}$$

گزینه ۳

تست: چند گرم بخار آب ۱۰۰ درجه وارد کنیم تا دمای تعادل به ۵۰ برسد؟

۵۰ (۴) ۴۵ (۳) ۴۰ (۲) ۳۵ (۱)

$$\theta_e = \frac{640m_{\text{آب}} + m\theta_{\text{بخار}}}{m_{\text{آب}} + m_{\text{بخار}}} = \frac{640(m) + 59000}{m + 590} = 50$$

M=40

تست: اگر ۲ گرم بخار آب ۱۰۰ درجه را با ۱۵ گرم یخ -۱۰ مخلوط کنیم دمای تعادل تقریباً چه قدر می شود؟

۲ (۴) ۱ (۳) ۵ (۲) ۳ (۱)

$$Q_{\text{سرمایی}} = mc\Delta\theta + mL_F = 15 \times \frac{1}{2} \times 10 + 15 \times 80 = 1275$$

$$Q_{\text{گرمایی}} = mc\Delta\theta + mL_V = 2 \times 1 \times 100 + 2 \times 540 = 1280$$

$$S = (15 + 2) \times 1 \times \theta_e \quad \theta_e \cong 3$$

راه تستی:

$$\theta_e = \frac{\text{یخ اوسکول} - m\theta_{\text{بخار}}}{m_{\text{یخ}} + m_{\text{بخار}}}$$

$$\theta_e = \frac{\text{یخ اوسکول} - m\theta_{\text{آب}} - m\theta_{\text{بخار}}}{m_{\text{یخ}} + m_{\text{آب}} + m_{\text{بخار}}} = 3$$



جمعبندی دمای تعادل

فرمول اصلی دمای تعادل

$$\sum Q = 0 \rightarrow Q_1 + Q_2 + \dots = 0$$

$$\theta_e = \frac{m_{\text{بخار}}\theta_{\text{بخار}} - m\theta_{\text{آب}}}{m_{\text{آب}} + m_{\text{بخار}}} \quad \text{یخ اوسکول}$$

$$\theta_e = \frac{640m_{\text{آب}} + m\theta_{\text{آب}}}{m_{\text{آب}} + m_{\text{بخار}}} \quad \text{آب بخار}$$

$$\theta_e = \frac{640m_{\text{آب}} - m\theta_{\text{آب}}}{m_{\text{آب}} + m_{\text{بخار}}} \quad \text{بخار اوسکول}$$

دما تعادل آب و یخ

دما تعادل آب و بخار

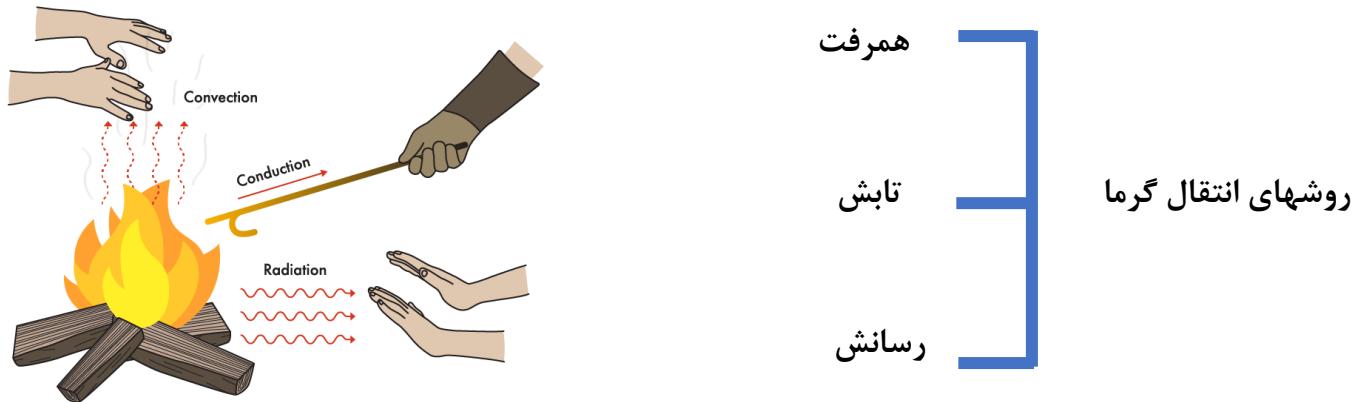
دما تعادل بخار و یخ

یخ اوسکول! : یخی که دماش رو با علامت + نصف کنیم و با ۸۰ جمعش کنیم !!!



روش‌های انتقال گرما:

شارش گرما به سه صورت متفاوت انجام می‌شود که عبارت‌اند از: رسانش گرمایی، همرفت و تابش گرمایی. در هر فرایند انتقال گرما، ممکن است هر سه این ساز و کارها دخالت داشته باشند اختلاف دما باعث شارش گرما از جسم با دمای بالاتر به جسم با دمای پایینتر می‌شود انتقال گرما، از جسم گرم به جسم سرد تا وقتی ادامه می‌یابد که دو جسم هم‌دما شوند و اصطلاحاً به تعادل گرمایی برسند



انتقال حرارت به روش همرفت:

در انتقال گرما به روش همرفت قسمتی از ماده که گرم شده است به طرف بالا حرکت می‌کند و قسمت‌های اطراف آن که هنوز گرم نشده اند جای آن را می‌گیرند. به این ترتیب انرژی گرمایی از یک نقطه به نقطه دیگر همرفت می‌تواند به صورت طبیعی یا واداشته انجام گردد. منتقل شده و به تدریج تمام ماده گرم می‌شود

انتقال حرارت به روش تابش:

تابش گرمایی، انرژی منتشرشده به وسیله ماده با موج الکترومغناطیسی است، که شامل همه موادی که دارای دمای بالاتر از صفر مطلق هستند، می‌باشد. تابش گرمایی بدون حضور ماده، از میان فضای خالی منتشر می‌شود و تابش گرمایی نتیجه حرکات تصادفی اتم‌ها و مولکول‌ها در ماده است. تابش گرمایی از سطح هر جسم علاوه بر دما به مساحت، میزان صیقلیبودن و رنگ سطح آن جسم بستگی دارد و سطوح صاف و درخشان با رنگهای روشن تابش گرمایی کمتری دارند، در حالی که تابش گرمایی سطوح تیره ناصاف و مات بیشتر است. تابشهای گرمایی در دمای‌های کمتر از ۵۰۰ رجه سانتیگراد عمدهاً به صورت تابش فروسرخ است که نامرئی است. برای آشکارسازی ابشهای فروسرخ از ابزاری موسوم به دمانگار استفاده می‌کنیم و به تصویر به‌دست آمده از آن دمانگاشت می‌گوییم.

از تابش گرمایی می‌توان به عنوان مبنایی برای اندازه‌گیری دمای اجسام استفاده کرد. به روش‌های اندازه‌گیری دما مبتنی بر تابش گرمایی، تفسنجی و به ابزارهای اندازه‌گیری دما به این روش، تفسنج می‌گویند. تفسنج بر خلاف سایر دما‌سنجها بدون تماس با جسمی که می‌خواهیم دمای آن را اندازه بگیریم، دمای جسم را اندازه



میگیرد. تفسنجی، بهخصوص در اندازه‌گیری دماهای بالای C° اهمیت ویژه‌ای دارد. تف سنج تابشی و تف سنج نوری، تفسنجهایی برای اندازه‌گیری این دماها هستند و تفسنج نوری به عنوان دماسنج معیار برای اندازه‌گیری این دماها انتخاب شده است

انتقال حرارت به روش رسانش:

وقتی جسمی گرم می‌شود میانگین سرعت مولکول هایش به شدت افزایش می‌یابد و مولکول‌ها با انرژی با به مولکول‌های نزدیک به خود برخورد می‌کند و آنها را نیز به حرکت در می‌آورد، بدین ترتیب انرژی گرمایی در اجسام جامد انتقال می‌یابد. برای مثال اگر قسمتی از یک میله آهنی را روی اجاق گاز قرار دهیم، بعد از مدتی خواهیم دید که انتهای دیگر آن نیز گرم شده است. گرما از طریق بدن میله آهنی از انتهای داغ به انتهای سرد منتقل می‌شود

فرمول‌های رسانش: (مطالعه آزاد)

$$Q = \frac{KA\Delta\theta}{L} \quad \text{گرمای رسانش}$$

$$\frac{Q}{t} = \frac{KA\Delta\theta}{L} \quad \text{آهنگ رسانش}$$

- چند مورد از موارد زیر غلط است؟

صفر مورد
یک مورد
دو مورد
سه مورد

(الف) در رسانش گرمایی فلزات، در رسانش گرمایی فلزات علاوه بر ارتعاش اتم‌ها، حرکت الکترون‌های آزاد نیز نقش مهمی در رسانش دارند.

(ب) روش همرفت در انتقال گرما، بر اثر کاهش چگالی شاره در اثر افزایش دما صورت می‌گیرد.

(ج) انتقال گرما از مرکز خورشید به سطح آن از طریق همرفت صورت می‌گیرد.

(د) کلم اسکانک می‌تواند دمایش را بالاتر از دمای محیط ببرد.

(ج) انتقال گرما در گازها و مایعات عمده‌تا به روش همرفت انجام می‌گیرد.

(د) در رساناهای فلزی سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرمایی بیشتر از اتم‌ها است.

(و) گرم و سرد شدن بخش‌های مختلف بدن جانوران خونگرم بر اثر گردش خون، مثالی از همرفت واداشته است.

(ه) تابش گرمایی سطوح تیره بیش تر از سطوح روشن است.

پاسخ: همه موارد صحیح است گزینه ۱



قانون گازهای کامل

(مخصوص رشته ریاضی) (این بخش به همراه ترمودینامیک تدریس می‌گردد)
برای بررسی رفتار گاز میتوان مقداری گاز را درون یک استوانه قرار داد و در هر لحظه دما فشار و حجم آن را اندازه‌گیری کرد. دانشمندانی مانند بویل، ماریوت، شارل، گی لوساک تلاشهای بسیاری کرده اند تا رابطه بین فشار، حجم، دما و مقدار گاز درون یک محفظه را بیابند.

$$PV = nRT$$

$$\frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2}$$

گازی را کامل می‌گویند که تنها بین مولکولهای آن انرژی جنبشی برقرار باشد که این عمل توسط رقیق نمودن گاز صورت می‌پذیرد در این حالت فاصله‌ی بین مولکولها زیاد می‌شود تا بر روی هم تأثیر نگذارند. در این حالت رفتار گاز از رابطه‌ی حالت $\frac{PV}{T} = nR$ تبعیت می‌نماید. که آن P فشار بر حسب پاسکال، V حجم بر حسب مترمکعب و T دما بر حسب درجه کلوین می‌باشد. n تعداد مولهای ماده و R ثابت گازها بر حسب ژول بر مول درجه کلوین می‌باشد.

تست: جرم $8/3$ لیتر هلیم در فشار 10^6 پاسکال و دمای 27° درجه سانتی‌گراد چند گرم است؟ (جرم

$$\text{مولکولی هلیم برابر } \frac{\text{gr}}{\text{mol}} = 4 \text{ و } R = 8/3 \text{ است)$$

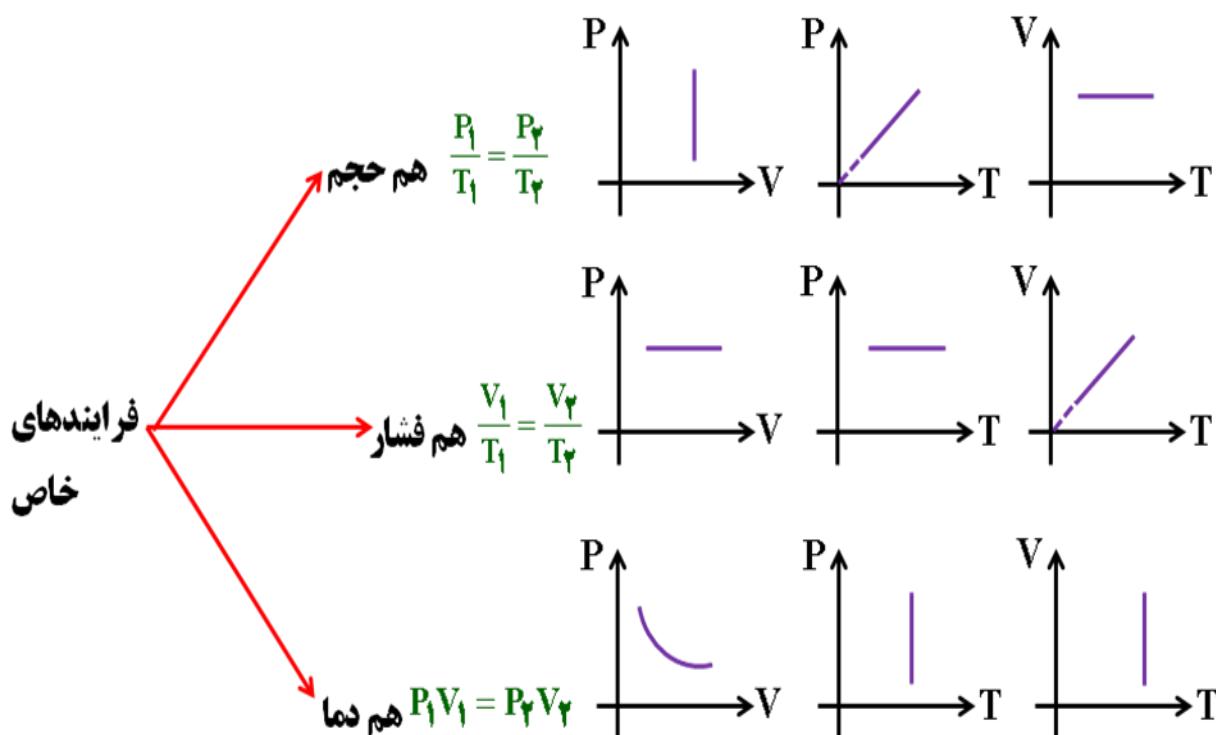
۲(۴) ۴(۳) ۸(۲) ۱۶(۱)

تست: اگر حجم مقدار معینی گاز کامل 240 درصد افزایش و فشار آن 20 درصد کاهش یابد، دمای گاز چگونه تغییر می‌کند؟

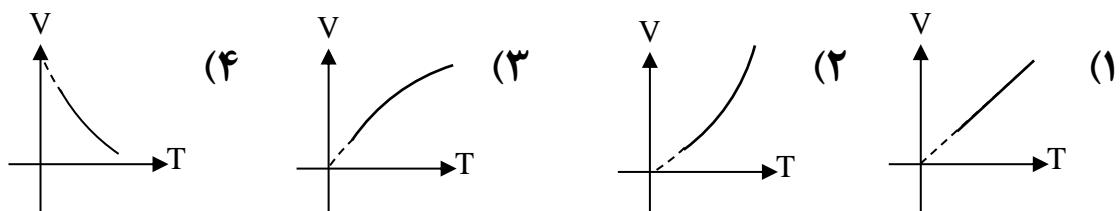
- | | |
|-------------------------------|------------------------------|
| ۱) 272 درصد افزایش می‌یابد. | ۲) 72 درصد افزایش می‌یابد. |
| ۳) 172 درصد افزایش می‌یابد. | ۴) 272 درصد کاهش می‌یابد. |



نمودار و فرمول چند فرایند خاص (در سطح این فصل)



تست: کدام نمودار، تغییرات حجم گاز (در فشار ثابت) را نسبت به دمای مطلق نشان می‌دهد؟



تست: یک حباب هوا وقتی که از ته دریاچه به سطح آب می‌آید حجمش ۷۰۰ درصد افزایش می‌یابد در صورتیکه فشار هوا در سطح آب یک جو و چگالی آب ۱ گرم بر سانتیمترمکعب باشد، عمق دریاچه تقریباً چند متر است؟ ($g=10\text{N/kg}$ ، دما ثابت است).

۱۰۰(۴) ۹۰(۳) ۸۰(۲) ۷۰(۱)



چگالی گاز کامل

چگالی یک گاز کامل از رابطه‌ی روبرو محاسبه می‌گردد:

$$\rho = \frac{PM}{RT}$$

تست: چگالی گاز کاملی در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس و فشار یک جو برابر $1/4$ کیلوگرم بر مترمکعب است.

چگالی این گاز در فشار ۲ جو و دمای ۲۷۳ درجه سلسیوس چند کیلوگرم بر مترمکعب است؟

۲/۸ (۴)

۱/۴ (۳)

۰/۷ (۲)

۰/۳۵ (۱)

مخلوط گازهای کامل (قانون دالتون)

فرض کنیم گاز کامل (۱) با فشار p_1 ، حجم v_1 ، و دمای T_1 با گاز کامل (۲) با فشار p_2 ، حجم v_2 و دمای T_2 مخلوط شوند و یک گاز با فشار p ، حجم v و دمای T تشکیل دهند. در اینصورت رابطه‌ی روبرو برقرار است:

$$\frac{PV}{T} = \frac{P_1 V_1}{T_1} + \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

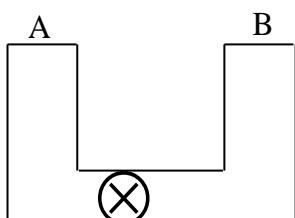
تست: در شکل مقابل فشار گاز و حجم ظرف A به ترتیب برابر ۵ اتمسفر و ۲ لیتر و فشار گاز و حجم ظرف B برابر ۱۰ اتمسفر و ۸ لیتر است. اگر دمای دو ظرف برابر باشد، وقتی شیر رابط بین دو ظرف را باز کنیم، فشار نهایی درون ظرف چند اتمسفر می‌شود؟

۱۰/۵ (۴)

۰/۹ (۳)

۹ (۲)

۶/۵ (۱)



Home work

- ۱- بهترین تعریف «ترموکوپل» کدام گزینه است؟
- (۱) وسیله‌ای برای سنجش رسانایی حرارتی اجسام است.
- (۲) دماسنجه است که در آن تغییر دما باعث تغییر شدت جریان الکتریکی می‌شود.
- (۳) دماسنجه است که در آن تغییر دما باعث تغییر حجم گاز یا مایع می‌شود.
- (۴) وسیله‌ای برای ثابت نگه داشتن دمای داخلی ساختمان است.
- ۲- اساس کار دما سنج گازی بر است و اساس کار تف سنج مبتنی بر مبتنی است. (به ترتیب از راست به چپ)
- (۱) تابش گرمایی - قانون گازهای کامل
- (۲) قانون گازهای کامل - تابش گرمایی
- (۳) انبساط و انقباض - تغییر حجم
- (۴) تغییر حجم - انبساط و انقباض
- ۳- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟
- (۱) دقیق دماسنجه مقاومت پلاتینی از دقیق دماسنجه ترموکوپل بیشتر است.
- (۲) گستره‌ی دماسنجه همه‌ی ترموکوپل‌ها از 270°C - تا 1372°C است.
- (۳) کمیت دماسنجه ترموکوپل، ولتاژ است.
- (۴) از دماسنجه بیشینه - کمینه معمولاً در مراکز پرورش گل و گیاه استفاده می‌شود
- ۴- دمای 122°C درجه فارنهایت معادل با چند درجه سلسیوس و چند کلوین است؟
- (۱) 50°C و 332 K
- (۲) 50°C و 323 K
- (۳) 59°C و 332 K
- (۴) 59°C و 323 K



۵- دمای یک جسم بر حسب درجه سلسیوس چه قدر باشد تا دماسنجهای کلوین و فارنهایت، دمای آن را یک عدد یکسان نشان دهند؟

(۴) ۶۰/۲۵

(۳) ۴۸/۲

(۲) ۳۰ ۱/۲۵

(۱) ۱۹۲/۲

۶- کدام یک از موارد زیر جزء دماسنجهای معیار نیست؟

(۱) دماسنج گازی

(۲) دماسنج مقاومت پلاتینی

(۳) پیرومتر

(۴) ترموکوبل

۷- کدام یک از گزینه‌های زیر در خصوص تف سنج‌ها نادرست است؟

(۱) تف سنج برخلاف سایر دماسنجهای نیاز به تماس با جسمی که دمای آن را اندازه‌گیریم، ندارند.

(۲) تفسنجی، به خصوص در اندازه گیری دماهای بالای 1100°C اهمیت ویژه‌ای دارد.

(۳) تف سنج تابشی، به عنوان دماسنج معیار برای اندازه گیری دماهای بالا انتخاب شده است

(۴) به روش‌های اندازه گیری دما مبتنی بر تابش گرمایی، تف سنجی می‌گویند.

۸- دمای جسمی را 20°C کاهش می‌دهیم. دمای آن بر حسب کلوین 10 درصد کم می‌شود. دمای اولیه‌ی جسم چند درجه سلسیوس بوده است؟

(۴) +۲۷۳

(۳) +۲۰

(۲) -۲۷۳

(۱) -۲۰

۹- یک دماسنج دمای -50°C را به 5 درجه و دمای 15°C را 35 درجه نشان می‌دهد. این دماسنج دمای 77 فارنهایت را چند درجه نشان می‌دهد؟

(۴) ۵۰

(۳) ۷۵

(۲) ۲۲

(۱) ۴۴

۱۰- دمای یک میله‌ی مسی را 100°C افزایش می‌دهیم، طول آن $17/0$ درصد افزایش می‌یابد. اگر دمای یک ورقه‌ی مسی را 100°C افزایش دهیم، مساحت آن چند برابر می‌شود؟

(۴) ۱/۰۰۳۴

(۳) ۰/۳۴۰۰

(۲) ۰/۰۰۳۴

(۱) ۱/۰۰۱۷



۱۱- مساحت جانبی یک مکعب فلزی $25 \times 25 \times 2$ متر مربع و ضریب انبساط خطی آن $10^{-5} K^{-1}$ است. اگر دمای این مکعب 100 درجه سلسیوس افزایش یابد، سطح جانبی آن تقریباً چند سانتی متر مربع افزایش می یابد؟

۱۰۰ (۴)

۸۰ (۳)

۱۰ (۲)

۱ (۱)

۱۲- طول دو میله‌ی فلزی A و B در دمای $20^\circ C$ هر یک برابر 2 متر است. دمای دو میله را چند درجه‌ی سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آنها برابر $0.8 mm$ شود؟ ($\alpha_A = 12 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C}$, $\alpha_B = 20 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C}$)

۱۰۰ (۴)

۷۰ (۳)

۵۰ (۲)

۳۰ (۱)

۱۳- از یک ورق مسی، دو صفحه‌ی دایره‌ای شکل به مساحت‌های S_1 و $S_2 = 2S_1$ بریده و جدا کرده‌ایم. حال اگر به اولی گرمای Q_1 و به دومی گرمای $2Q_1 = Q_2$ را بدهیم و بر اثر این گرما، افزایش شعاع آنها به ترتیب ΔR_1 و ΔR_2 باشد، $\frac{\Delta R_2}{\Delta R_1}$ چقدر است؟

 $\frac{1}{2}$ (۴)

۲ (۳)

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۱)

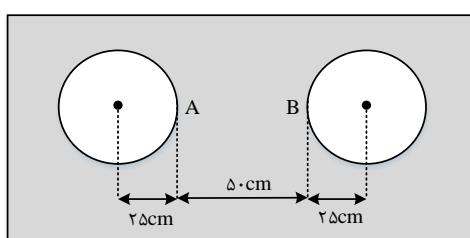
۱۴- در وسط یک صفحه‌ی فلزی نازک که ضریب انبساط سطحی آن $3.6 \times 10^{-5} K^{-1}$ است، دو دایره به شعاع‌های 25 سانتی متر را در دمای صفر درجه سلسیوس خارج نموده‌ایم. اگر دمای صفحه را به آرامی از صفر به 200 درجه سلسیوس برسانیم، فاصله‌ی AB چند میلی‌متر می‌شود؟

۵۰۳/۶ (۴)

۵۰۱/۸ (۳)

۴۹۸/۲ (۲)

۴۹۶/۴ (۱)



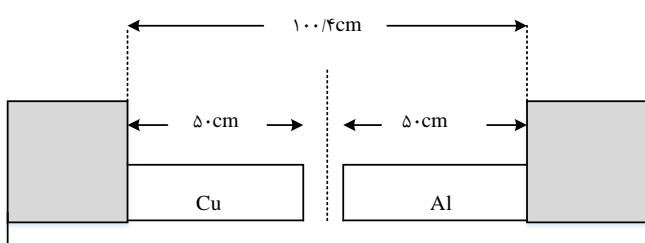
۱۵- دو میله‌ی مسی و آلومینیمی بین دو دیواره‌ی ثابت قرار دارند. دمای دو میله را چند کلوین بالا ببریم تا دو میله به یکدیگر برسند؟ ($\alpha_{Al} = 2/3 \times 10^{-5} K^{-1}$, $\alpha_{Cu} = 1/7 \times 10^{-5} K^{-1}$)

۲۰۰ (۴)

۲۵۰ (۳)

۳۴۷ (۲)

۴۷۰ (۱)



۱۶- در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس، طول دو میله‌ی آلومینیوم و فولادی با هم برابر و هر کدام ۴ متر است. دمای میله‌ها را تا چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آنها $\frac{2}{3}$ میلی‌متر شود؟

$$\alpha_{\text{فولاد}} = 11/5 \times 10^{-6} K^{-1}, \alpha_{Al} = 23 \times 10^{-6} K^{-1}$$

۱۰۰ (۴) ۵۰ (۳) ۲۵ (۲) ۱۵ (۱)

۱۷- ضریب انبساط طولی فلزی $10^{-5} K^{-1} \times 2$ و دمای آن صفر درجه سلسیوس است. اگر دمای این فلز را به ۲۵۰ درجه سلسیوس برسانیم، حجم آن چند درصد افزایش می‌یابد؟

۲/۵ (۴) ۰/۲۵ (۳) ۱/۵ (۲) ۰/۱۵ (۱)

۱۸- دمای یک میله‌ی فلزی به θ_2 می‌رسد. اگر طول آن $1/0$ درصد افزایش یابد، چگالی آن تقریباً
۱) ۰/۰ درصد کاهش می‌یابد.

۲) ۰/۰ درصد کاهش می‌یابد.

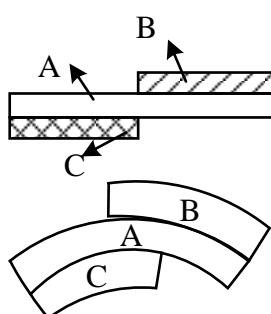
۳) ۰/۰ درصد افزایش می‌یابد.

۴) ۰/۳ درصد افزایش می‌یابد.

۱۹- سه میله از جنس‌های مختلف را مطابق شکل به هم دیگر چسبانده‌ایم. دمای محیط را بالا می‌بریم و مشاهده می‌کنیم که میله‌ها به شکل روبه رو تغییر می‌کنند. چه رابطه‌ای بین ضریب انبساط خطی میله‌ها برقرار است؟

$$\alpha_C > \alpha_A > \alpha_B \quad (۲) \qquad \qquad \qquad \alpha_C > \alpha_B > \alpha_A \quad (۱)$$

$$\alpha_C = \alpha_B > \alpha_A \quad (۴) \qquad \qquad \qquad \alpha_A > \alpha_C > \alpha_B \quad (۳)$$



۲۰- چند کیلوژول گرما به یک کیلو گرم یخ 10°C - بدھیم تا به آب 20°C تبدیل شود؟

$$(C_{\text{یخ}} = 2/1 \frac{KJ}{kg.K}, L_F = 336 \frac{KJ}{kg}, C_{\text{آب}} = \frac{KJ}{kg.K})$$

۱۰۲ (۴) ۲۳۱ (۳) ۴۴۱ (۲) ۵۰۰ (۱)

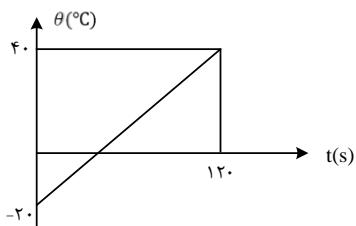


۲۱- اگر نسبت جرم جسم A به جرم جسم B برابر با $\frac{2}{5}$ نسبت گرمای ویژه جسم A به گرمای ویژه جسم B برابر $\frac{3}{4}$ یابد، افزایش باشد و به آنها گرمای مساوی بدھیم تا بدون تغییر حالت، دمای جسم A به میزان 20°C افزایش دمای جسم B چند درجه سلسیوس خواهد بود؟

۱۰۰ (۴) ۸۰ (۳) ۸ (۲) ۶ (۱)

۲۲- نمودار تغییرات دمای جسم جامدی به جرم 100 g ، بر حسب زمان مطابق شکل است. اگر گرمای ویژه ای جسم $400 \frac{\text{J}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}}$ باشد، جسم در هر ثانیه چند ژول گرما گرفته است؟

۲۴ (۴) ۲۰ (۳) ۱۲ (۲) ۱۰ (۱)



۲۳- یک اجاق برقی دمای معینی آب را در مدت ۸ دقیقه از 20°C درجه سلسیوس به نقطه‌ی جوش (100°C درجه سلسیوس) می‌رساند. چند دقیقه دیگر طول خواهد کشید تا با ثابت ماندن توان گرماده‌ی اجاق، تمام آب بخار شود؟ (گرمای ویژه ای ب $4/2 \text{ J/g.K}$ و گرمای نهان تبخیر $g/2268 \text{ J}$ است).

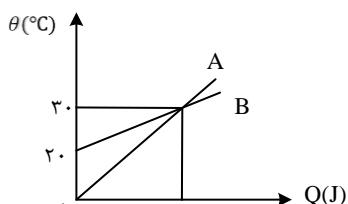
۱۰۸ (۴) ۵۴ (۳) ۳۶ (۲) ۲۸ (۱)

۲۴- یک گرمکن برقی در مدت ۲۴ ثانیه، دمای 60 g مایع را از 30°C درجه سلسیوس به 50°C درجه سلسیوس می‌رساند. اگر توان این گرمکن 300 W وات باشد و گرمای ویژه ای مایع $1500 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$ باشد، چند درصد گرمای تولیدی به مایع فوق رسیده است؟

۸۴ (۴) ۷۵ (۳) ۲۵ (۲) ۱۶ (۱)

۲۵- نمودار تغییرات دمای دو جسم A و B بر حسب جامد A و B دمایی داده شده به آنها به صورت زیر است. گرمایی که دمای 2kg از ماده‌ی جامد A را 12°C بالا می‌برد. دمای 4kg از ماده‌ی جامد B را چند درجه‌ی سلسیوس افزایش می‌دهد؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر کنید).

۶ (۴) ۲ (۳) ۱۶ (۲) ۲۴ (۱)



-۲۶- به دو گلوله‌ی مسی به ترتیب 1200J و 300J گرمای هر کدام از آنها 30°C افزایش می‌یابد. اگر گرمای ویژه‌ی مس $400\text{ J/kg} \cdot {}^\circ\text{C}$ باشد، اختلاف جرم آنها چند گرم است؟

۱۲۵ (۴) ۷۵ (۳) ۵۰ (۲) ۲۵ (۱)

-۲۷- جرم مولی فلز A برابر با $\frac{g}{mol} 28$ و گرمای ویژه‌ی آن $\frac{J}{kg \cdot K} 2700$ و جرم مولی فلز B برابر $\frac{g}{mol} 42$ است. اگر به جرم های مساوی از این دو فلز، گرمای 242800J داده شود، دمای فلز A به اندازه‌ی 24°C افزایش می‌یابد. دمای فلز B چند درجه فارنهایت افزایش می‌یابد؟

۷۲/۶ (۴) ۶۴/۸ (۳) ۴۸ (۲) ۳۶ (۱)

-۲۸- یک قطعه یخ صفر درجه سلسیوس را در 20°C می‌اندازیم. پس از ایجاد تعادل، $\frac{37}{5}$ گرم یخ ذوب نشده باقی ماند. جرم اولیه‌ی چند گرم بوده است؟ ($L_F = 336 \frac{KJ}{kg}$, $C_{آب} = 4/2 \frac{KJ}{kg \cdot L}$)

۲۲۵ (۴) ۱۸۰ (۳) ۱۸۷/۵ (۲) ۳۷/۵ (۱)

-۲۹- یک قطعه یخ با دمای -20°C درجه سلسیوس را درون 25°C می‌اندازیم. اگر بعد از برقراری تعادل گرمایی، 50 گرم یخ ذوب نشده باقی مانده باشد، جرم قطعه یخ اولیه چند گرم بوده است؟ ($L_F = 336 \frac{KJ}{kg}$, $C_{یخ} = 2/1 \frac{J}{g \cdot K}$, $C_{آب} = 4/2 \frac{J}{g \cdot K}$)

۳۰۰ (۴) ۲۵۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۵۰ (۱)

-۳۰- مساحت دریاچه‌ای 500 Km^2 است. در زمستان لایه‌ای از یخ صفر درجه سلسیوس به ضخامت متوسط 10 cm سطح دریاچه را می‌پوشاند. دریاچه در بهار چند مگاژول انرژی برای ذوب یخ جذب می‌کند؟

$(L_F = 336 \frac{KJ}{kg}) \rho (یخ) = 0/9 \frac{g}{cm^3}$

$1/512 \times 10^{10}$ (۲) $1/512 \times 10^7$ (۱)

$1/512 \times 10^{16}$ (۴) $1/512 \times 10^{13}$ (۳)

-۳۱- در ظرفی 200 گرم یخ -5°C درجه سلسیوس وجود دارد، حداقل چند گرم آب 100°C درجه سلسیوس در ظرف وارد کنیم تا یخی در ظرف باقی نماند؟ (فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت می‌گیرد.)

$(L_F = 336000 \frac{J}{kg \cdot K}) C_{آب} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, C_{یخ} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K})$

۲۰۰ (۴) ۱۶۵ (۳) ۱۶۰ (۲) ۵ (۱)



۳۲- ظرفی محتوی ۱۰۰۰ گرم آب و ۲۰۰ گرم یخ صفر درجه ی سلسیوس، در تعادل گرمایی است. یک قطعه فلز به گرمای ویژه $\frac{J}{kg.K}$ ۴۰۰ و دمای ۲۵۰ درجه سلسیوس را درون ظرف می اندازیم، جرم فلز، حداقل چند گرم باشد، تا بخی در ظرف باقی نماند؟ ($C_{آب} = 4200 \frac{J}{kg.K}$ و اتلاف گرما ناچیز است.)

۹۵۰ (۴) ۸۶۰ (۳) ۶۷۲ (۲) ۳۷۵ (۱)

۳۳- در گرماسنجی که ظرفیت گرمایی آن ناچیز است، ۵۰۰ گرم یخ با دمای 6°C - وجود دارد. اگر یک گرمکن الکتریکی که توان آن ۷۵۰ وات و بازده آن ۸۰ درصد است درون یخ قرار گیرد، پس از $122/5$ ثانیه چند گرم یخ در گرماسنج باقی می ماند؟ ($C_{آب} = 4200 \frac{J}{kg.K}$ و $L_F = 336000 \frac{J}{kg}$)

۱۵۰ (۴) ۲۰۰ (۳) ۲۵۴ (۲) ۳۰۰ (۱)

۳۴- تبدیل بخار به مایع، جامد به بخار و مایع به بخار را به ترتیب چه می نامند؟

۱) تصعید، چگالی و تبخیر

۲) میعان، چگالش و تصعید

۳) تصعید، تبخیر و میعان

۴) میعان، تصعید و تبخیر

۳۵- به مقدار بخ صفر درجه سلسیوس در فشار ۱atm، گرما می دهیم و آن را به آب با دمای ۲۰ درجه سلسیوس تبدیل می کنیم. چند درصد گرمای داده شده، صرف ذوب کردن یخ شده است؟ ($C_{آب} = 4200 \frac{J}{kg.K}$ و $L_F = 336 \frac{KJ}{kg}$)

۷۵ (۴) ۸۵ (۳) ۸۰ (۲) ۹۰ (۱)

۳۶- ۲۰ گرم یخ در دمای صفر درجه سلسیوس (نقطه ی ذوب) قرار دارد. چند ژول گرما لازم است تا آن را ذوب کرده و دمای آب حاصل را به 50°C درجه ی فارنهایت برساند؟ ($C_{آب} = 4/2 \frac{J}{g}$ و $L_F = 336000 \frac{J}{kg^{\circ}\text{C}}$)

۹۰۵۰ (۲) ۱۰۹۲۰ (۱)

۷۵۶۰ (۴) ۸۱۹۰ (۳)

۳۷- در ظرف عایقی که حاوی ۱۹۰ گرم آب 12°C است، قطعه فلزی به جرم ۸۴ گرم و دمای 90°C می اندازیم. دمای تعادل 15°C می شود. گرمای ویژه ی فلز چند $J/kg^{\circ}\text{C}$ است؟ (گرمای ویژه ی آب $4200 \frac{J}{kg.K}$ است)

۴۲۰ (۴) ۹۰۰ (۳) ۳۹۰ (۲) ۳۸۰ (۱)



۳۸- مخلوطی از یک کیلوگرم یخ و یک کیلو گرم آب در تعادل گرمایی قرار دارند. یک گلوله ی فلزی ۳۰ گرمی که دمای آن 80°C و گرمای ویژه $C_F = 420 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$ است، درون آن می اندازیم. تا رسیدن به تعادل گرمایی، چند گرم از یخ ذوب می شود؟

$$(C_F = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}, C_{\text{آب}} = 336 \frac{\text{KJ}}{\text{kg}})$$

۱۰) ۴

۵) ۳

۳) ۲

۲) ۱

۳۹- درون ۲kg آب 40°C مقدار یخ 5°C - میاندازیم. اگر این آب 294kJ گرما از دست بددهد تا سیستم به دمای تعادل برسد، جرم یخ چند گرم بوده است؟

$$(L_F = 336 \frac{\text{KJ}}{\text{kg}}, C_{\text{آب}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}, C_{\text{یخ}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}})$$

۱۲۰۰) ۴

۸۰۰) ۳

۶۰۰) ۲

۴۰۰) ۱

۴۰- ۲ گرم آب 25°C را روی 100 گرم یخ 20°C - می ریزیم. اگر اتلاف گرما، ناچیز باشد نتیجه ی نهایی تقریباً چیست؟

$$(L_F = 80 \frac{\text{cal}}{\text{g}}, C_{\text{آب}} = 0/5 \frac{\text{cal}}{\text{g}^{\circ}\text{C}}, C_{\text{یخ}} = 1 \frac{\text{cal}}{\text{g}^{\circ}\text{C}})$$

۱) ۱۰۲ گرم آب صفر درجه سلسیوس

۲) ۱۰۲ گرم یخ 15°C - درجه سلسیوس۳) ۲ گرم آب 5°C و 100 گرم یخ صفر درجه سلسیوس۴) ۲ گرم آب $17/5^{\circ}\text{C}$ درجه سلسیوس و 100 گرم یخ صفر درجه سلسیوس

۴۱- یک قطعه یخ 20 گرمی از حالت سکون، داخل دریاچه ای با آب صفر درجه سلسیوس سقوط می کند و نیمی از آن ذوب می شود. حداقل ارتفاعی که یخ از آن جا افتاده چند کیلومتر است؟

$$(L_F = 333 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, C_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{KJ}}{\text{kg.K}})$$

۸/۸۲) ۴

۶۶/۶) ۳

۳۳/۳) ۲

۱۶/۶۵) ۱

۴۲- کدام گزینه در مورد انتقال گرما به روش تابش درست است؟

۱) این نوع انتقال گرما به محیط مادی نیاز دارد.

۲) سرعت انتقال گرما از طریق تابش بسیار کم است.

۳) همه جسم ها در حال تابش از سطح خود هستند.

۴) جسم های صیقلی بخش عمدۀ تابش دریافتی را جذب می کنند.



۴۳- کدام جمله‌ی زیر نادرست است؟

- ۱) در رسانش گرمایی فلزات، فقط ارتعاش اتم‌ها گرما را منتقل می‌کند.
- ۲) روش همرفت در انتقال گرما، بر اثر کاهش چگالی شاره در اثر افزایش دما صورت می‌گیرد.
- ۳) انتقال گرما از مرکز خورشید به سطح آن از طریق همرفت صورت می‌گیرد.
- ۴) کلم اسکانک می‌تواند دمایش را بالاتر از دمای محیط ببرد.

۴۴- در یک روز زمستانی که هوای داخل اتاق توسط شوفاز گرم می‌شود و هوای بیرون اتاق سرد است، گرما از طریق دیوارها تلف می‌شود. کدام مورد می‌تواند اتلاف گرما را بیشتر کند؟

- ۱) عایق کردن دیوارها
- ۲) افزایش ضخامت دیوارها
- ۳) بیش تر کردن دمای شوفاز
- ۴) دوچاره کردن شیشه‌ها

۴۵- درباره روش‌های انتقال گرما کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) انتقال گرما در گازها و مایعات عمده‌تا به روش همرفت انجام می‌گیرد.
- ۲) در رساناهای فلزی سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرمایی بیشتر از اتم‌ها است.
- ۳) گرم و سرد شدن بخش‌های مختلف بدن جانوران خونگرم بر اثر گردش خون، مثالی از همرفت طبیعی است.
- ۴) تابش گرمایی سطوح تیره بیش تر از سطوح روشن است.

۴۶- اگر فشار گازی را ۴۰ درصد افزایش داده و هم زمان دمای مطلق را ۳۰ درصد کاهش دهیم، حجم گاز چگونه تغییر می‌کند؟

- ۱) ۵۰ درصد کاهش
- ۲) ۴۰ درصد کاهش
- ۳) ۳۰ درصد کاهش
- ۴) ۳۰ درصد افزایش



۴۷- طبق قانون بویل (ماریوت) در ثابت، مقدار معینی گاز با آن نسبت دارد. (به ترتیب از راست به چپ)

۱) دمای - فشار - حجم - مستقیم

۲) حجم - فشار - دما - مستقیم

۳) دمای - فشار - حجم - وارون

۴) حجم - فشار - دما - وارون

۴۸- حجم حباب های هوا در رسیدن از ته یک دریاچه تا سطح آب ۲ برابر می شود. عمق آب چندمتراست؟ (دمای آب را ثابت فرض کنید و فشار هوای درون حباب را با فشار آب پیرامون حباب مساوی در نظر بگیرید و $g = P_0 = 10^5 \text{ Pa}$, $\rho_{\text{آب}} = 100 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}$

۲۰ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

۴۹- در یک مخزن گاز با ظرفیت 50 L ، مقداری گاز کامل هیدروژن با فشار 10 atm و دمای 23°C - وجود دارد. اگر با خارج شدن مقداری از این گاز، فشار گاز داخل مخزن به 6 atm کاهش پیدا کند، اما دمای آن تا 102°C افزایش یابد،

جرم گاز خارج شده چند گرم است؟ ($R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}$, $M_{H_2} = 2 \frac{\text{g}}{\text{mol}}$)

۳۵ (۴)

۳۰ (۳)

۲۵ (۲)

۲۰ (۱)

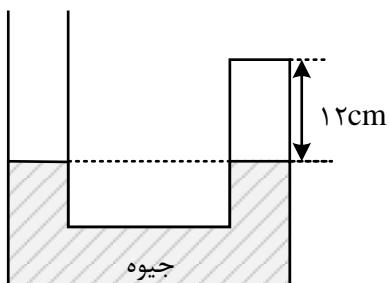
۵۰- در شکل زیر، مساحت سطح مقطع شاخه های لوله U شکل یکسان است و در دمای 23°C مقدار گاز در شاخه ای سمت راست بالای جیوه گیر افتاده است. دمای گاز محبوس را به چند درجه سلسیوس برسانیم تا سطح جیوه در شاخه ای سمت راست 3 cm پایین بیاید؟ (فشار هوا در محل 74 cmHg فرض شود.)

۴۰ (۴)

۷۷ (۳)

۱۲۷ (۲)

۴۰۰ (۱)



۵۱- در شکل زیر، جرم پیستون یک کیلوگرم، جرم وزنه‌ی روی آن ۴ کیلوگرم و دمای گاز درون ظرف ۲۷ درجه‌ی سلسیوس است. اگر دمای گاز را به آرامی به ۸۷ درجه سلسیوس برسانیم. ضمن گرم شدن گاز، چند کیلوگرم وزنه‌ی تدریج باید روی پیستون اضافه کنیم تا پیستون جایه‌جا نشود؟

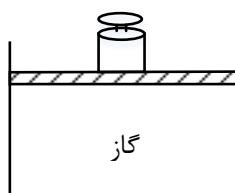
(سطح پیستون 5cm^2 ، فشار هوا 10^5 پاسکال و $10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = g$ است.)

۷ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



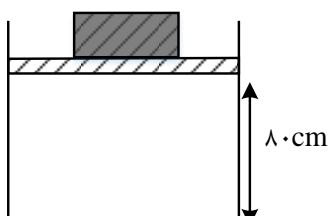
۵۲- در شکل مقابل اصطکاک پیستون با دیواره‌ها ناچیز است. اگر دمای گاز کامل درون سیلندر را به آرامی از 182°C به 637°C برسانیم، پس از رسیدن به وضعیت تعادل، پیستون چند سانتی متر بالاتر رفته است؟

۲۰ (۴)

۴۰ (۳)

۸۰ (۲)

۶۰ (۱)



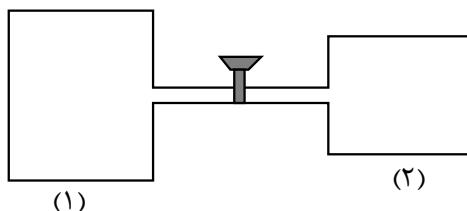
۵۳- در شکل زیر، حجم مخزن (۱) برابر 12L و حجم مخزن (۲) برابر 8L است. اگر درون مخزن (۱) مقدار گاز هیدروژن در فشار 2atm و در مخزن (۲) مقدار گاز هلیوم در فشار 7atm محبوس شده باشد، با باز کردن شیر رابط و پس از برقراری تعادل، فشار نهایی به چند اتمسفر می‌رسد؟ (دمای گازها ثابت فرض شود و حجم لوله‌ی رابط ناچیز است.)

۳/۲ (۴)

۲/۸ (۳)

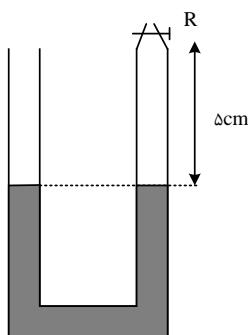
۲/۴ (۲)

۲/۱ (۱)



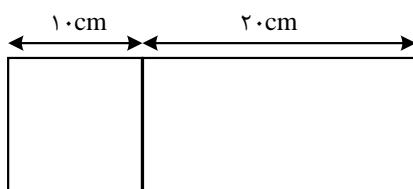
۵۴- در شکل زیر، شیر R را بسته و دمای هوای محبوس در لوله را از ۳۹ درجه ی سلسیوس، چند درجه افزایش بدھیم تا اختلاف ارتفاع ستون جیوه در دو لوله به ۲ سانتی متر برسد؟ (فشار هوای محل ۷۸ سانتی متر جیوه و قطر در لوله با یک دیگر مساوی است. از انبساط جیوه و ظرف صرف نظر کنید.)

۳۸۴ (۴) ۲۱۱ (۳) ۱۰۰ (۲) ۷۲ (۱)



۵۵- در شکل مقابل، دو قسمت یک مخزن به شکل مکعب مستطیل توسط یک صفحه ی فلزی (رسانای گرمای) از هم جدا شده و صفحه می تواند بدون اصطکاک به چپ یا راست بلغزد. در یک لحظه در قسمت سمت چپ، مقداری گاز با دمای 627°C و فشار 3atm و در قسمت سمت راست، مقداری گاز با دمای θ_1 و فشار 1atm وارد می کنیم. تا برقراری تعادل، صفحه ی فلزی ۵ سانتی متر به طرف راست حرکت می کند. دمای θ_1 چند درجه سلسیوس بوده است؟

۴۲۷ (۴) ۳۲۷ (۳) ۲۲۷ (۲) ۶۲۷ (۱)



Answers of Home work

۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۲) گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اساس کار دماسنجد گازی مبتنی بر قانون گازهای کامل است و اساس کار تفسنج بر تابش گرمایی مبینی است.

۳) گزینه ۲ پاسخ صحیح است. گستره‌ی دماسنجد ترموکوپل به جنس سیم‌های آن بستگی دارد و تنها برای نوع خاصی از ترموکوپل بین 273°C – 1372°C است.

۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$F = 1/8\theta + 32 \Rightarrow 122 = 1/8\theta + 32 \rightarrow 1/8\theta = 90 \rightarrow \theta = 50^{\circ}\text{C}$$

$$\rightarrow T = 273 + \theta = 273 + 50 = 323K$$

۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. همان‌طور که میدانیم، رابطه‌ی بین کلوین و درجه فارنهایت با درجه سلسیوس به صورت زیر است:

$$\begin{cases} T(K) = \theta(^{\circ}\text{C}) + 273 \\ \theta_F = \frac{9}{5}\theta(^{\circ}\text{C}) + 32 \end{cases} \xrightarrow{T(K)=\theta_F} \theta(^{\circ}\text{C}) + 273 = \frac{9}{5}\theta(^{\circ}\text{C}) + 32 \\ \rightarrow \frac{4}{5}\theta(^{\circ}\text{C}) = 273 - 32 = 241 \rightarrow \theta(^{\circ}\text{C}) = \frac{1205}{4^{\circ}} = 301/25^{\circ}\text{C}$$

۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. سه دماسنجد گازی، مقاومت پلاتینی و کف سنج (پیرومتر) جزء دماسنجهای معیار هستند. اما دماسنجد ترموکوپل به دلیل آن که نسبت به دماسنجهای بیان شده دقیق‌تر دارد از مجموعه دماسنجهای معیار کنار گذاشته شده است.

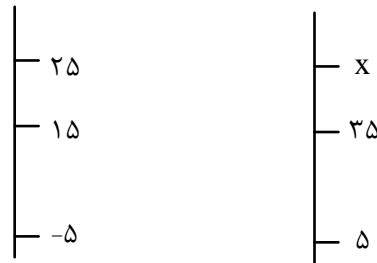
۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تفسنج نوری به عنوان دماسنجد معیار، برای اندازه‌گیری دمای بالا (بیش از 1200°K) انتخاب شده است.

۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که تغییرات دما بر حسب سلسیوس و کلوین یکسان است، بنابراین:

$$\begin{cases} \Delta\theta = \Delta T = -20K \\ \Delta T = -\frac{1}{10}T_1 = -\frac{1}{10}(\theta_1 + 273) \rightarrow -\frac{1}{10}(\theta_1 + 273) = -20 \\ \rightarrow \theta_1 + 273 = 200 \rightarrow \theta_1 = -273^{\circ}\text{C} \end{cases}$$

۹- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا 77° فارنهایت را به درجه سلسیوس تبدیل می‌کنیم:





$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \rightarrow 77 = \frac{9\theta}{5} + 32 \rightarrow \theta = 25^{\circ}\text{C}$$

حال داریم:

$$\frac{25 - 15}{15 - (-5)} = \frac{x - 35}{35 - 5}$$

$$15 = x - 35 \rightarrow x = 50$$

۱۰- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$I = I_0(1 + \alpha\Delta\theta) \rightarrow \Delta I = \alpha\Delta\theta I_0 \rightarrow 17 \times 10^{-4} = \alpha \times 100 \rightarrow 1/7 \times 10^{-5}$$

$$A = A_0(1 + 2\alpha\Delta\theta) \rightarrow \Delta A = 2\alpha\Delta\theta A_0 \rightarrow \Delta A = 2 \times 1/7 \times 10^{-5} \times 100 A_0 = 0/0034 A_0$$

$$\rightarrow A' = A_0 + \Delta A = A_0 + (0/0034) A_0 = (1/0034) A_0$$

۱۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta\theta \rightarrow \Delta A = 2 \times 2 \times 10^{-5} \times 0/25 \times 100 = 10^{-3} \times 10^4 \text{ cm} = 10 \text{ cm}^2$$

۱۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$I = I_0(1 + \alpha\Delta\theta) \rightarrow \Delta I = I_0 + I_0\alpha\Delta\theta$$

$$I_B - I_A = 8 \times 10^{-4} \text{ m} = I_0\Delta\theta(\alpha_B - \alpha_A) = 2\Delta\theta(8 \times 10^{-6}) \rightarrow \Delta\theta = 50^{\circ}\text{C}$$

۱۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$S_2 = 2S_1 \rightarrow \pi R_2^2 = 2\pi R_1^2 \rightarrow R_2 = \sqrt{2}R_1$$

صفحه های مسی، چگالی (ρ) یکسان و ضخامت (h) دارند. بنابراین:

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho V \xrightarrow{V=S.h} m = \rho \cdot S \cdot h \rightarrow \frac{m_2}{m_1} = \frac{S_2}{S_1} = 2 \rightarrow m_2 = 2m_1$$

$$Q_2 = 2Q_1 \rightarrow m_2 C \Delta\theta_2 = 2m_1 C \Delta\theta_1 \rightarrow 2m_1 \Delta\theta_2 \rightarrow 2m_1 \Delta\theta_2 = 2m_1 \Delta\theta_1 \rightarrow \Delta\theta_2 = \Delta\theta_1$$

$$\rightarrow \frac{\Delta R_2}{\Delta R_1} = \frac{R_2 \alpha \cdot \Delta\theta_2}{R_1 \alpha \cdot \Delta\theta_1} = \frac{\sqrt{2}R_1}{R_1} = \sqrt{2}$$

۱۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با افزایش دمای صفحه، هم شعاع هر دو دایره و هم فاصله AB زیاد می شود (رد گزینه های ۱ و ۲) ولی این فاصله AB با توجه به رابطه زیر زیاد می شود:



$$\Delta L_{AB} = L_{1AB} \alpha \Delta \theta$$

در این رابطه آلفا ضریب انبساط خطی است ولی در صورت سوال ضریب انبساط سطحی داده شده است که می‌دانیم این ضریب دو برابر ضریب انبساط خطی است پس داریم:

$$\Delta L_{AB} = L_{1AB} \alpha \Delta \theta = 50 \times \left(\frac{3/6 \times 10^{-5}}{2} \right) \times 200 = 0/18 cm = 1/8 mm$$

$$\rightarrow AB_2 = 500 + 1/8 = 501/8 mm$$

اگر این تغییرات را به اشتباه ۲ برابر کنیم حاصل $6/3$ میلی متر شده و پاسخ گزینه ۴ می‌شود.

۱۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. برای رسیدن دو فلز مقدار فاصله‌ی آنها که $4/0$ سانتی متر است باید جبران شود

$$\Delta L = \Delta L'_{Cu} + \Delta L_{AL} \rightarrow 100.4 - 100 = 50 \times 2/3 \times 10^{-5} \Delta \theta + 50 \times 1/7 \times 10^{-5} \Delta \theta \rightarrow \Delta \theta = 200$$

۱۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} \Delta L &= (L\alpha_2 \Delta L) - (L\alpha_1 \Delta T) = l\Delta T(\alpha_2 - \alpha_1) \rightarrow 2/3 \times 10^{-3} = 4 \times \Delta L \times 11/5 \times 10^{-6} \\ &\rightarrow \Delta T = 50 \end{aligned}$$

۱۷- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\% \frac{\Delta V}{V_0} = 3\alpha \cdot \Delta T \times 100 = 6 \times 10^{-5} \times 250 \times 100 = 1/5\%$$

۱۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. روش اول: با استفاده از رابطه‌ی انبساط خطی، داریم:

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \rightarrow \frac{0/1}{100} L_1 = L_1 \alpha \Delta \theta \rightarrow \alpha \Delta \theta = \frac{0/1}{100} \quad (1)$$

بنابراین حجم میله در این دما برابر است با:

$$\stackrel{(1)}{\rightarrow} V_2 = V_1(1 + 3\alpha \Delta \theta) \rightarrow V_2 = V_1(1 + \frac{0/3}{100}) \rightarrow V_2 = 1/003 V_1 \quad (2)$$

در نتیجه با استفاده از تعریف چگالی و در نظر گرفتن این نکته که جرم میله‌ی فلزی ثابت است، می‌توان نوشت:

$$\rho_2 = \frac{m}{V_2} = \frac{m}{1/003 V_1} \rightarrow \rho_2 = \frac{\rho_1}{1/003}$$

بنابراین درصد تغییرات چگالی میله برابر است با:

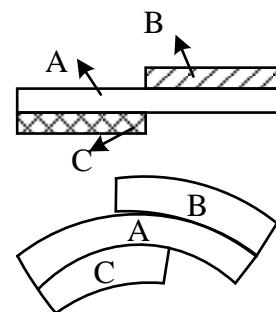


$$\frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = \frac{\rho_2 - \rho_1}{\rho_1} \times 100 = \frac{\frac{\rho_1}{1/003} - \rho_1}{\rho_1} \times 100 = \frac{-0/3}{1/003} \approx \%0/3$$

بنابراین چگالی میله تقریباً ۰٪ درصد کاهش می یابد.

۱۹- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. همان طور که در شکل مشاهده می کنید، در ازای یک افزایش دمای برابر، میله‌ی A افزایش طولی بیشتر از افزایش طولی میله‌ی C داشته است که سبب شده سمت چپ میله‌ی A رو به پایین خم شود در نتیجه: $\alpha_A < \alpha_C$ از طرفی در ازای همان افزایش دما میله‌ی B هم افزایش طولی بیشتر از میله‌ی A داشته و سبب شده که سمت راست میله‌ی A نیز رو به پایین خم شود و این به این معنی است که $\alpha_A < \alpha_B$ ، بنابراین داریم:

$$\alpha_C < \alpha_A < \alpha_B$$



۲۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. یخ سه مرحله را طی می کند تا به آب ۲۰°C تبدیل شود:

$$-10^\circ\text{C} \xrightarrow{Q_1} 0^\circ\text{C} \xrightarrow{Q_2} 0^\circ\text{C} \xrightarrow{Q_3} 20^\circ\text{C} \rightarrow \text{آب}$$

$$\begin{aligned} Q &= Q_1 + Q_2 + Q_3 = mc_{\text{یخ}} \Delta\theta + mL_F + mc_{\text{آب}} \Delta\theta \\ &= (1 \times 2/1 \times 10) + (1 \times 336) + (1 \times 4/2 \times 20) = 441\text{kJ} \end{aligned}$$

۲۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گرمایی داده شد به دو جسم برابر است، بنابراین:

$$\begin{cases} Q_A = Q_B \\ Q_A = m_A c_A \Delta\theta_A \rightarrow \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A c_A \Delta\theta_A}{m_B c_B \Delta\theta_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{c_A}{c_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \\ Q_B = m_B c_B \Delta\theta_B \end{cases}$$

$$\rightarrow 1 = \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} \times \frac{20}{\Delta\theta_B} \rightarrow \Delta\theta_B = 6^\circ\text{C}$$

۲۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$Q = mc\Delta\theta = \frac{0}{1} \times 400 \times (400 - (-20)) = 2400\text{J}$$

$$\text{گرمایی که جسم در هر ثانیه گرفته} = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{2400}{120} = 20\text{J/s}$$



- ۲۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$P = \frac{Q}{t} \rightarrow \frac{Q_1}{t_1} = \frac{Q_2}{t_2} \rightarrow \frac{m_1 C \Delta \theta}{t_1} = \frac{m_1 L_V}{t_2} \rightarrow \frac{4/2 \times (100 - 20)}{8} = \frac{2268}{t_2} \rightarrow t_2 = 54$$

- ۲۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$Q_1 = mc\Delta\theta = \frac{60}{1000} \times 1500 \times 20 = 1800J$$

$$P = \frac{Q_2}{t} \rightarrow Q_2 = P_0 t = 24 \times 300 = 7200J \rightarrow \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{1800}{7200} = 25\%$$

- ۲۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

گام اول: ابتدا به کمک نمودار رسم شده نسبت ظرفیت گرمایی ویژه دو ماده‌ی A و B را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} Q_A &= Q_B \xrightarrow{Q=mc\Delta\theta} mc_A \Delta\theta_B \\ &\rightarrow c_A \times 30 = c_B \times 10 \rightarrow c_B = 3c_A \end{aligned}$$

گام دوم: با نوشتن یک تناسب ساده خواسته‌ی سوال به دست می‌آید:

$$\begin{aligned} Q &= mc\Delta\theta \rightarrow \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{c_A}{c_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \\ &\xrightarrow{Q_A=Q_B} 1 = \frac{2}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{12}{\Delta\theta_B} \rightarrow \Delta\theta_B = 2^\circ C \end{aligned}$$

- ۲۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow \begin{cases} 1200 = m_1 \times 400 \times 30 \\ 300 = m_2 \times 400 \times 30 \end{cases} \rightarrow$$

$$(1200 - 300) = (m_1 - m_2) \times 400 \times 30 \rightarrow 900 = \Delta m \times 1200 \rightarrow \Delta m = 75 \times 10^{-3} kg = 75g$$

- ۲۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بنا به قاعده‌ی دولن - پتی، گرمای ویژه‌ی مولی فلزات با هم برابر است، بنابراین:

$$\begin{aligned} Q_1 &= Q_2 \\ \rightarrow n_A C_M \Delta\theta_A &= n_B C_M \Delta\theta_B \\ \rightarrow \frac{m}{M_A} \Delta\theta_A &= \frac{m}{M_B} \Delta\theta_B \rightarrow \frac{24}{28} = \frac{\Delta\theta_B}{42} \\ \Delta\theta_B &= 36^\circ \rightarrow \Delta F_B = 1/8 \Delta\theta_B = 64/8^\circ F \end{aligned}$$

- ۲۸- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر m' جرم یخ ذوب شده باشد، داریم:

$$m' L_F = mc\theta \rightarrow m' \times 336 = 750 \times 4/2 \times 20 \rightarrow m' = 187/5 g$$

$$\text{جرم یخ اولیه} = 37.5 + 187/5 = 225g$$



-۲۹- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

مقدار گرمایی که آب ۲۰ درجه می دهد تا به آب صفر تبدیل شود. = گرمایی که آن مقدار از یخ صفر که ذوب می شود می گیرد. + گرمایی که یخ -۲۰ درجه می گیرد یخ صفر تبدیل شود.

$$MC'[0 - (-20)] + (M - 50)L_F = mC(20 - 0) \rightarrow M \times 2/1 \times 20 + (M - 50) \times 336 \\ = 250 \times 4/2 \times (20)$$

از تقسیم طرفین بر ۴/۲

$$\rightarrow M \times 10 + (M - 50) \times 80 = 250 \times 20 \rightarrow 10M + 80M - 4000 = 5000 \rightarrow 90M = 9000 \rightarrow M \\ = 100g$$

-۳۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$V = Ah = \frac{(500 \times 10^6 m^2)}{5 \times 10^8} \frac{(10 \times 10^{-2} m)}{10^{-1}} = 5 \times 10^7 m^3$$

$$\rho_{\text{یخ}} = 0/9 \frac{g}{cm^3} = 900 \frac{kg}{m^3} = 9 \times 10^2 \frac{kg}{m^3}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow 9 \times 10^2 = \frac{m}{5 \times 10^7} \rightarrow m = 45 \times 10^9 kg$$

$$Q_F = mL_F = (45 \times 10^9 kg)(336 \frac{kJ}{kg})$$

انرژی جذب شده در بهار توسط دریاچه =

$$\rightarrow Q_F = 15120 \times 10^9 KJ = 15120 \times 10^9 (10^{-3} MJ) = 15120 \times 10^6 MJ = 1/512 \times 10^{10} MJ$$

-۳۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا گرمای لازم برای ذوب شدن یخ و تبدیل به آب صفر درجه سلسیوس را محاسبه می کنیم.

$$\begin{cases} Q_1 = mC\Delta\theta = 0/2 \times 2100 \times 5 = 2100J \\ Q_2 = mL_f = 0/2 \times 336000 = 67200J \end{cases}$$

$$Q_1 + Q_2 = mC\Delta\theta = m \times 4200 \times 100 \rightarrow 67200 + 2100 = m(420000) \quad m = 0/165 kg = 165g$$

-۳۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$(mL_F)_{\text{یخ}} = (mc\Delta\theta)_{\text{فلز}} \rightarrow 200 \times 336000 = m \times 400 \times 250 \rightarrow m = 2 \times 336 = 672g$$

-۳۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$P = \frac{Q_{\text{کل}}}{t} \rightarrow 750 = \frac{Q_{\text{کل}}}{122/5} \rightarrow Q_{\text{کل}} = 91875J$$



$$Ra = 0.8 = \frac{Q_{\text{مفید}}}{Q_{\text{کل}}} = \frac{Q_{\text{مفید}}}{91875} \rightarrow Q_{\text{مفید}} = 73500J \rightarrow \text{توسط یخ جذب می شود}$$

$$Q_{\text{مفید}} = mC\Delta\theta + mL_f \rightarrow 73500 = \frac{1}{2} \times 2100 \times 6 + m \times 336000$$

$$\rightarrow m = 0/2kg = 200g$$

$$m = 500 - 200 = 300g$$

۳۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۳۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\text{آب ۲۰ درجه} \xrightarrow{+L_1} \text{آب صفر درجه} \xrightarrow{+L_2} \text{یخ صفر درجه}$$

$$Q_1 = mL_F = 336m = 336000$$

$$Q_2 = mc\Delta\theta = 84000m$$

$$Q_{\text{کل}} = Q_1 + Q_2$$

$$\text{نسبت} = \frac{Q_1}{Q_{\text{کل}}} = \frac{mL_F}{mL_F + mc\Delta\theta} = \frac{L_F}{L_F + c\Delta\theta} = \frac{336000}{420000} = 0/8 \rightarrow 80 \text{ درصد انرژی}$$

۳۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$F = 50$$

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \rightarrow \theta = 10^{\circ}\text{C}$$

$$Q = mL_F + mc\Delta\theta \rightarrow 0/2 \times 336000 + 0/2 \times 4200 \times 10 = 7560J$$

۳۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$Q_1 + Q_2 = 0 \rightarrow M_1C_1\Delta\theta_1 + M_2C_2\Delta\theta_2 = 0 \rightarrow$$

$$190 \times 4200 \times (15 - 12) + 84 \times C_2 \times (15 - 90) = 0 \rightarrow 190 \times 4200 \times 3 = 84 \times C_2 \times 75$$

$$\rightarrow C_2 = 380 J/kg^{\circ}\text{C}$$

۳۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\underbrace{30g}_{80^{\circ}\text{C}} \rightarrow \underbrace{30g}_{0^{\circ}\text{C}} \quad Q = mc\Delta\theta = 0/03 \times 420 \times 80 = 1008$$

$$1008 = mL_f = m \times 336000 \rightarrow m = \frac{3}{1000}kg = 3g$$



- ۳۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا دمای نهایی آب را به دست می‌آوریم.

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow -294000 = 2 \times 4200\Delta\theta \rightarrow \Delta\theta = -35$$

$$\theta - 40 = -35 \rightarrow \theta = 5^\circ\text{C}$$

یعنی در نهایت آب 5°C خواهیم داشت.



$$\begin{aligned} m'c_{i\Delta\theta} + m'L_F + m'C_W\Delta\theta + mc\Delta\theta &= 0 \rightarrow m' \times 2100(5) + m'(336000) + m'(4200)(5) \\ -294000 &= 0 \rightarrow m' = 0/8kg = 800g \end{aligned}$$

- ۴۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. m' را جرم یخ و m را جرم آب در نظر میگیریم:

$$\text{آب} \xrightarrow{\text{آب}} Q_1 = mc\Delta\theta = 2(1)(0 - 25) = -50\text{cal}$$

$$\text{یخ} \xrightarrow{\text{یخ}-20^\circ\text{C}} Q_2 = m'c'\Delta\theta' = 100\left(\frac{0}{5}\right)(0 - (-20)) = 1000\text{cal}$$

$$\text{یخ} \xrightarrow{\text{یخ}} Q_3 = m'L_F = 100(80) = 8000\text{cal}$$

می‌بینیم که اگر آب 25°C به آب صفر درجه سلسیوس برسد حتی نمی‌تواند یخ را به یخ صفر برساند $|Q_1| < |Q_2|$ بنابراین فرض می‌کنیم که همه به یخ صفر درجه سلسیوس برسند:

$$\text{آب} \xrightarrow{\text{آب}} Q_1 = -50\text{cal}$$

$$\text{آب} \xrightarrow{\text{آب}} Q_2 = -m'L_F = -(2)(80) = -160\text{cal}$$

$$\text{یخ} \xrightarrow{\text{یخ}-20^\circ\text{C}} Q_2 = 100 = +1000\text{cal}$$

می‌بینیم که $|Q_2| + |Q_1| > |Q_3|$ ، یعنی حتی با یخ شدن آب 25°C نیز، گرمای لازم برای یخ صفر درجه سلسیوس شدن یخ -20°C تأمین نمی‌شود. پس $T_F < 0$ است:

$$m'(0/5)(T_F - (-20)) + m(1)(0 - 25) - m(0/5)(T_F - 0) = 0 \rightarrow T_F \cong -15^\circ\text{C}$$

(در عبارت آخر ظرفیت گرمای ویژه یخ را قرار دادیم زیرا آب به یخ صفر تبدیل شده و پس از آن یخ صفر به دمای زیر صفر می‌رسد).

- ۴۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای ذوب شدن نیمی از یخ 20°C گرمی، گرمای زیر لازم است،

$$Q = m'L_f = \left(\frac{20}{2} \times 10^{-3}\right) \times (333 \times 10^3) = 3/33 \times 10^3 J = 3/33 kJ$$



بنابراین يخ هنگام رسیدن به سطح دریاچه باید بیش از این مقدار، انرژی جنبشی داشته باشد و چون انرژی جنبشی يخ هنگام رسیدن به سطح دریاچه، حداکثر با انرژی پتانسیل گرانشی آن هنگام آغاز سقوط برابر است، پس داریم:

$$U_g > K > Q \rightarrow mgh > \frac{1}{2}mV^2 > Q$$

پس سقوط قطعه يخ از ارتفاع h و رسیدن آن با سرعت V به سطح دریاچه، سبب می شود که انرژی گرانشی قطعه يخ به گرما تبدیل شده و نیمی از يخ را ذوب کرده باشد.

$$Q < mgh \rightarrow \frac{3/33 \times 10^3}{2 \times 10^{-1}} < 20 \times 10^{-3} \times 10 \times h \rightarrow h > 16650m$$

$$\rightarrow h_{min} = 15560m = 16/5km$$

این مقدار حداقل ارتفاعی است که يخ از آن سقوط کرده است.

۴۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۴۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در رسانش گرمایی فلزات علاوه بر ارتعاش اتم‌ها، حرکت الکترون‌های آزاد نیز نقش مهمی در رسانش دارند.

۴۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. برای اتلاف بیشتر با توجه به رابطه $\frac{kA\Delta\theta t}{L} = Q$ افزایش دمای شوفاز می‌تواند اختلاف دمای داخل و بیرون اتاق را بیشتر کند و اتلاف گرما بیشتر می‌شود.

۴۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

گرم و سرد شدن بخش‌های مختلف بدن بر اثر گردش خون مثالی از هم‌رفت و اداسته است.

۴۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} \frac{P_1 V_1}{T_1} &= \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{(P_1 + 0/4P_1)V_2}{T_1 - 0/3T_1} \rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{1/4P_1 V_2}{0/7T_1} \rightarrow V_1 = \frac{1/4V_2}{0/7} \\ \rightarrow V_1 &= 2V_2 \rightarrow V_2 = \frac{V_1}{2} \end{aligned}$$

۴۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. دقت کنید که سه قانون تجربی گازها را با هم اشتباہ نگیرید، برای مثال گزینه ۲ قانون گیلوساک است. طبق قانون بریل (ماریوت) در دمای ثابت، فشار مقدار معینی گاز با حجم آن نسبت وارون دارد.

$$PV = \text{ثابت} \rightarrow P \propto \frac{1}{V}$$



-۴۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} P_1 = 2P_2 \\ P_1 = P_0 + \rho gh \Rightarrow P_0 + \rho gh = 2P_0 \Rightarrow 1000 \times 10 \times h = 10^5 \Rightarrow \rho h = 10 \text{ m} \\ P_2 = P_0. \end{cases}$$

-۴۹-

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. باید تعداد مول داخل مخزن را قبل و بعد از خارج شدن گاز محاسبه کنیم (واحدها باید تبدیل شوند):

$$\begin{aligned} PV = nRT &\Rightarrow n = \frac{PV}{RT} \\ &\Rightarrow n_1 = \frac{10 \times 10^5 \times 20 \times 10^{-3}}{8 \times (273 - 23)} = \frac{50 \times 10^{-3}}{8 \times 250} = 1.5 \text{ mol} \\ n_2 &= \frac{6 \times 10^5 \times 20 \times 10^{-3}}{8 \times (273 + 10)} = \frac{1200 \times 10^{-3}}{8 \times 283} = 1.0 \text{ mol} \end{aligned}$$

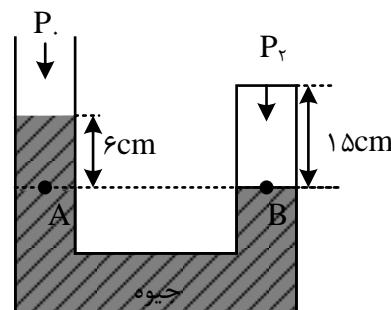
پس ۱۵ - ۱۰ = ۵ گاز از مخزن خارج شده است که جرم آن برابر است با:

$$n = \frac{m}{M} \Rightarrow 1.5 = \frac{m}{2} \Rightarrow m = 3.0 \text{ g}$$

-۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. فشار گاز محبوس در حالت اول برابر است با:

$$P_1 = P_0 = 74 \text{ cmHg}$$

اگر سطح چیوه در شاخه راست به اندازه ۳cm پایین بیاید، چون سطح مقطع شاخه ها یکسان است، سطح چیوه در شاخه‌ی چپ نیز به اندازه ۳cm بالا می‌رود و اختلاف ارتفاع چیوه در دو شاخه ۶cm می‌شود



$$P_A = P_B \rightarrow P_0 + 6 = P_2$$

$$\rightarrow P_2 = 80 \text{ cmHg}$$

با توجه به قانون گازها برای گاز محبوس می‌توان نوشت:



$$\begin{aligned} \frac{P_1 V_1}{T_1} &= \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{74 \times A \times 12}{(273 + 23)} = \frac{80 \times A \times 15}{T_2} \\ \rightarrow \frac{74 \times 12}{296} &= \frac{80 \times 15}{T_2} \rightarrow T_2 = \frac{80 \times 15}{3} = 400K \\ \rightarrow T_2 &= \theta_2 + 273 \rightarrow 400 = \theta_2 + 273 \rightarrow \theta = 127^\circ C \end{aligned}$$

۵۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به اینکه پیستون جابه جا نمی شود داریم:

$$\begin{aligned} V_1 &= V_2 \rightarrow \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \rightarrow \frac{P_1}{300} = \frac{P_2}{360} \\ \rightarrow \frac{P_2}{P_1} &= 1/2 = \frac{\frac{P_1}{\text{هو}} + \frac{mg}{A}}{\frac{P_1}{\text{هو}} + \frac{mg}{A}} = \frac{10^5 + \frac{m_2 \times 10}{5 \times 10^{-4}}}{10^5 + \frac{50}{5 \times 10^{-4}}} = \frac{10^5 + 2 \times 10^4 m_2}{2 \times 10^5} \\ \rightarrow 2/4 \times 10^5 &= 10^5 + 2 \times 10^4 m_2 \rightarrow m_2 = \frac{\frac{1}{4} \times 10^5}{2 \times 10^4} = 7kg \end{aligned}$$

مقدار جرم اضافه شده برابر است با:

$$m_3 - m_1 = 2kg$$

۵۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون پیستون اصطکاک ندارد، فشار داخل و خارج همواره با هم برابرند:

$$\begin{aligned} \frac{P_1 V_1}{T_1} &= \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{80 \times A}{182 + 273} = \frac{h \times A}{637 + 273} \rightarrow \frac{80}{5 \times 91} = \frac{h}{10 \times 91} \\ \rightarrow h &= 160cm \rightarrow \Delta h = 80cm \end{aligned}$$

۵۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر در مخزن (۱)، n_1 مول گاز هیدروژن و در مخزن (۲)، n_2 مول گاز هلیوم موجود باشد، بعد از باز کردن شیر رابط تعداد مول مخلوط گازها برابر است با:

$$n = n_1 + n_2 \xrightarrow{n = \frac{PV}{RT}, T=T_1=T_2} PV = P_1 V_1 + P_2 V_2$$

واضح است که حجم مخلوط برابر مجموع حجم دو مخزن است:

$$\begin{aligned} V &= V_1 + V_2 \rightarrow P(V_1 + V_2) = P_1 V_1 + P_2 V_2 \\ \rightarrow P \times (12 + 8) &= (2 \times 12) + (3 \times 8) \rightarrow P \times 20 = 48 \rightarrow P = \frac{48}{20} = 2/4 atm \end{aligned}$$

۵۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. جیوه ۱cm در ستون راست پایین می آید و ۱cm در ستون چپ بالا می رود تا اختلاف ارتفاع به ۲cm برسد.

$$P_{1gas} = P_{\text{هو}} = 78cmHg$$



$$P_{2gas} = P_{هوا} + 2cmHg = 80cmHg$$

سطح مقطع لوله V_2

$$\frac{P_1V_1}{T_1} = \frac{P_2V_2}{T_2} \rightarrow \frac{80 \times \overbrace{(6cm \times A)}^{V_2}}{T_2} = \frac{78 \times (5cm \times A)}{312} \rightarrow T_2 = \frac{312 \times 80 \times 6}{5 \times 78}$$

$$= 24 \times 16 = 384K \rightarrow \Delta T = 72K = 72^{\circ}\text{C}$$

۵۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در وضع تعادل فشار و دمای دو طرف یکسان می شود.

$$\frac{PV}{T} = \frac{P'V'}{T'} \rightarrow \text{قانون گازها برای قسمت چپ}$$

$$\frac{3 \times 10A}{627 + 273} = \frac{P' \times 15A}{T'}$$

$$\frac{PV}{T} = \frac{P'V'}{T'} \rightarrow \text{قانون گازها برای قسمت راست}$$

$$\frac{1 \times 20A}{T_1} = \frac{P' \times 15A}{T'}$$

سمت راست تساوی های فوق یکسان است.

$$\rightarrow \frac{30}{900} = \frac{20}{T_1} \rightarrow T_1 = 600K = 327^{\circ}\text{C}$$

تست برای تمرین شما در منزل:

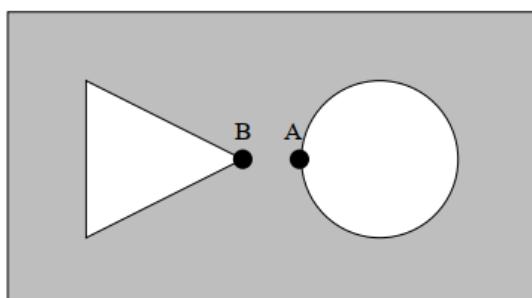
تست: کدامیک از عبارت های زیر در رابطه با پدیده تبخیر سطحی نادرست است؟

- (۱) پدیده تبخیر سطحی در سطح آزاد مایع رخ می دهد.
- (۲) پدیده تبخیر سطحی در هر دمایی که مایع دارد، رخ می دهد.
- (۳) در اثر تبخیر سطحی، دمای مایع تغییر نمی کند.
- (۴) آهنگ تبخیر سطحی به مساحت سطح مایع بستگی دارد.

گزینه ۳

تست: مطابق شکل زیر، یک صفحه فلزی که دارای حفره هایی مثلثی و دایره ای است، در اختیار داریم. اگر این صفحه را به طور یکنواخت حرارت دهیم، قطر سوراخ دایره ای و فاصله ای دو نقطه A و B می شود.

- | | |
|---------------|-----------------|
| (۱) کم - کم | (۲) کم - زیاد |
| (۳) زیاد - کم | (۴) زیاد - زیاد |



تسنیم: ۱۰۰ گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس را با ۱۰۰ گرم آب 50°C مخلوط می‌کنیم. پس از تعادل گرمایی،

$$\text{موجودی ظرف تقریباً کدام گزینه می‌شود؟ (اتلاف انرژی ناچیز است، } L_F = 4200 \frac{J}{\text{Kg} \cdot ^\circ\text{C}} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{\text{Kg} \cdot ^\circ\text{C}} \text{)}$$

(۱) ۱۳۸ گرم آب و ۶۲ گرم یخ در دمای صفر موجود است

(۲) تمام یخ ذوب شده و ۲۰۰ گرم آب با دمای صفر موجود است

(۳) تمام یخ ذوب شده و ۲۰۰ گرم آب با دمای $+12^{\circ}\text{C}$ موجود است

(۴) ۱۶۲ گرم آب و ۴۸ گرم یخ در دمای صفر موجود است

چون $L_F = 340000 \text{ جول}$ هست! پس راه تستی که میترکه!!! بریم از راه اصلی، اول گروه گرمایی و سرمایی رو محاسبه کنیم (فقط گرمایی داریم!)

$$Q_{\text{گرمایی}} = mc\Delta\theta = 100(4.2)(50) = 21000$$

$$Q = m L_F = 21000 \rightarrow M(34000) \rightarrow M = 62$$

تسنیم: دو گلوله‌ی مسی با گرمایی ویژه C را به طور جداگانه به یک اندازه گرما می‌دهیم و در اثر این کار، دمای گلوله‌ی اول 40°C و دمای گلوله‌ی دوم 50°C افزایش می‌یابد. اگر در شرایط خلا، گلوله اول را با سرعت ۲۰ و دومی را با 10°C سرعت برابر بگذاریم، انرژی جنبشی گلوله اول تقریباً چند درصد بیشتر از گلوله دوم می‌شود؟

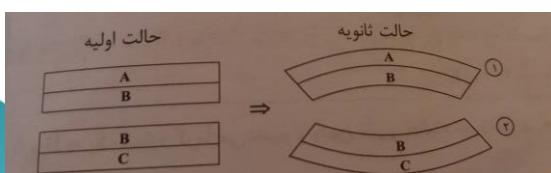
(۱) ۲۵ (۲) ۴۰

(۳) ۵۰ (۴) ۵۰۰

فرمول $mc\Delta\theta$ را برای هر دو گلوله مینویسیم و متوجه می‌شویم که جرم اولی آنها $\frac{5}{4}$ برابر دومی و سرعت اولی نیز دو برابر اولی است بنابراین انرژی جنبشی اولی، ۵ برابر دومی می‌شود یعنی 400 درصد بیشتر

تسنیم: در شکل‌های زیر سه نوع تیغه‌ی فلزی داریم که در یک دمای معین با تیغه‌ی هم طول خود پرچ شده‌اند. در شکل (۱) دمای مجموعه کاهش و در شکل (۲) دمای افزایش یافته است. کدام رابطه بین ضرایب بین انبساط طولی آن‌ها صحیح است؟ (آزمون قلمچی)

$$\alpha_A < \alpha_B < \alpha_C \quad (1)$$



$$\alpha_B > \alpha_A > \alpha_C \quad (1)$$

$$\alpha_A > \alpha_B > \alpha_C \quad (2)$$

$$\alpha_B < \alpha_A < \alpha_C \quad (3)$$

در کاهش دما: اونیکه آلفای بیشتری داره دایره کوچیکه هست!

در افزایش دما: اونیکه آلفای بیشتری داره دایره بزرگه هست!

گزینه ۱ درست هست

تسنی: اگر دمای یک کره فلزی به قطر 10 cm را به اندازه $20^\circ C$ افزایش دهیم، شعاع آن 0.04 mm افزایش می‌یابد. اگر دمای کره را $100^\circ C$ افزایش دهیم، به ترتیب از راست به چپ مساحت و حجم کره چند درصد تغییر می‌کند؟

$$1/2, 0/8, 0/12 \quad (1)$$

$$4, 3, 0/12, 0/6 \quad (2)$$

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \quad 0.04 = 50 \alpha(20) \quad \alpha = 4 \times 10^{-6}$$

$$= 200 \alpha \Delta \theta \rightarrow 200(4 \times 10^{-6})(100) = 0.08$$

$$= 300 \alpha \Delta \theta \rightarrow 300(4 \times 10^{-6})(100) = 0.12$$

تسنی: جسمی به جرم 5 kg از ارتفاع 10 m برخورد به زمین از کنار پنجره ای که در ارتفاع 2 m از سطح زمین قرار دارد با سرعت 2 m/s بر ثانیه عبور می‌کند. اگر تمام انرژی مکانیکی تلف شده توسط جسم تا رسیدن به کنار پنجره صرف گرم شدن آن شده باشد، دمای جسم چند درجه سلسیوس افزایش می‌یابد؟

$$(c = 39 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}, g = 10 \frac{N}{kg})$$

$$1, 2, 5 \quad (1)$$

$$2, 4, 25 \quad (2)$$

$$mgh_1 - mgh_2 - \frac{1}{2}mv^2 = 50 - 10 - 1 = 39$$

$$39 = 0.5(39)\Delta\theta \rightarrow \Delta\theta = 2$$

تسنی: دو کره توپر و همدما به شعاع‌های $R_1 = R$ و $R_2 = \frac{2}{3}R$ را تا دمای معین و یکسانی گرم می‌کنیم. افزایش حجم کره اول به ازای این تغییر دما، 18 برابر افزایش حجم کره دوم است. در صورتی که α_1 و α_2 به ترتیب ضریب انبساط طولی ماده‌ی سازنده کره اول و دوم باشند، نسبت $\frac{\alpha_1}{\alpha_2}$ کدام است؟ آزمون

قلمچی

$$\frac{3}{16} \quad (1)$$



$\frac{16}{3}(4)$ $\frac{1}{6}(3)$

$$\frac{18 \Delta V}{\Delta V} = \frac{R^3}{\frac{8}{27} R^3} \times \frac{3\alpha_1}{3\alpha_2} \rightarrow \frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{16}{3}$$

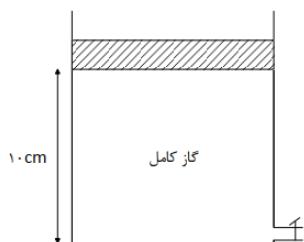
تسنی: داخل مایعی، دو دماسنچ که یکی بر حسب کلوین و دیگری بر حسب درجه سلسیوس مدرج شده، قرار گرفته‌اند. اگر مجموع اعدادی که دو دماسنچ نشان می‌دهند، ۵ برابر عددی باشد که دماسنچ مدرج شده بر حسب درجه سلسیوس نشان می‌دهد، دمای مایع چند کلوین است؟ (آزمون قلمچی)

۳۶۴(۲)

۹۱(۱)

۲۷۳(۴)

۳۵۰(۳)



$$\theta = T - 273$$

$$T + \theta = 5\theta$$

$$T + (T - 273) = 5(T - 273) \rightarrow T = 364$$

تسنی: یک پارچ آب $50^\circ C$ را درون یخچال قرار می‌دهیم، پس از ۵ دقیقه به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل می‌شود. مجموعاً چند ثانیه طول می‌کشد تا همه‌ی آب مذکور به بیخ صفر درجه سلسیوس تبدیل شود؟ ($J_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$ و از اتلاف گرمای صرف نظر کنید).

۷۸۰(۲)

۴۸۰(۱)

۵۲۰(۴)

۸۹۰(۳)

چون توان یخچال ثابت است پس داریم:

$$P = P \quad \frac{Q_1}{t_1} = \frac{Q_2}{t_2} \rightarrow \frac{mc\Delta\theta}{5 \times 60} = \frac{mc\Delta\theta + mL_f}{t}$$

$$\frac{m(4200)(50)}{5 \times 60} = \frac{m(4200)(50) + m(336000)}{t}$$

t=780

تسنی: اگر ضریب انبساط حجمی آلومینیوم را در حالت جامد β_1 و ضریب انبساط حجمی جیوه را در حالت مایع β_2 فرض کنیم، کدام رابطه‌ی زیر صحیح است؟

$$\frac{\beta_1}{\beta_2} < 1 \quad (2)$$

$$\frac{\beta_1}{\beta_2} > 1 \quad (1)$$

۴) در دماهای مختلف هر سه گزینه می‌توانند صحیح باشند.

$$\frac{\beta_1}{\beta_2} = 1 \quad (3)$$

ضریب انبساط حجمی مایعات از جامدات بیشتر است پس گزینه ۲ درست هست



تسنیم: ۵ کیلوگرم آب 25°C را با ۵ کیلوگرم آب 65°C مخلوط کنیم در صورتیکه ، 21000 ژول گرما به محیط داده شود و دمای تعادل 50°C شود مقدار m چند گرم بوده است ؟

- | | |
|----------|---------|
| ۲۲۳۴ (۲) | ۳۰۰ (۱) |
| ۵۵۵ (۴) | ۲۸۰ (۳) |

جمع Q ها را برابر صفر قرار میدهیم

$$m(4200)(50 - 25) + 5(4200)(50 - 65) + 21000 = 0$$

$$m = 2/8 \quad 280\text{g}$$

تسنیم: دماسنجد ساخته ایم که دمای آب 20°C را 115 نشان می دهد. این دماسنجد اختلاف دمای 45°C را چند درجه نشان می دهد ؟

- | | |
|--------|--------|
| ۴۵ (۲) | ۵۵ (۱) |
| ۹۰ (۳) | ۸۰ (۳) |

ابتدا دلتا سانتیگراد را با دلتای دماسنجد مقایسه میکنیم:

$$\Delta c = 60 - 20 = 40$$

$$\Delta x = 115 - 35 = 80$$

$$\Delta x = 2\Delta c \rightarrow \Delta x = 2(45) = 90$$

تسنیم: 50 گرم بخار آب 100°C را در 1000 گرم آب 10°C وارد می کنیم. دمای تعادل بر حسب درجهی سلسیوس کدام است؟ (گرمای نهان ویژهی تبخیر آب 2268000 و گرمای ویژهی آب 4200 است.)

- | | |
|--------|--------|
| ۸۰ (۲) | ۴۰ (۱) |
| ۹۵ (۴) | ۵۰ (۳) |

از صورت سوال میفهمیم که گرمای نهان ویژهی تبخیر آب 540 برابر گرمای ویژهی آب 4200 است پس:

$$mc(\theta_e - 10) + mc(\theta_e - 100) - mL_v = 0$$

$$1000c(\theta_e - 10) + 50c(\theta_e - 100) - 50(540 c) = 0$$

$$\theta_e = 40$$

راه تستی:



$$\theta_e = \frac{64 \cdot m + m\theta}{m + m_{بخار}} \quad \text{آب} + m\theta$$

تسنیم: یک کیلوگرم آب 20°C را با 2kg یخ صفر درجه سلسیوس مخلوط می‌کنیم. اگر تبادل گرمایی مخلوط با محیط ناچیز باشد، کدام گزینه صحیح است؟ $c_{آب} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}}$, $L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$, $c_{یخ} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}}$

$$(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}})$$

- (۱) ۳ کیلوگرم آب بین صفر تا 20°C خواهیم داشت.
- (۲) ۳ کیلوگرم یخ صفر درجه سلسیوس خواهیم داشت.
- (۳) $1/75$ کیلوگرم یخ صفر درجه سلسیوس و $1/25$ کیلوگرم آب صفر درجه سلسیوس خواهیم داشت.
- (۴) $1/5$ کیلوگرم یخ صفر درجه سلسیوس و $1/5$ کیلوگرم آب صفر درجه سلسیوس خواهیم داشت.

$$\frac{2m\theta - m\theta_{آب}}{160} = \frac{2 \times 1 \times 20 - 0}{160} \approx 0.25$$

گزینه ۳

تسنیم: در فشار یک اتمسفر به وسیله‌ی یک گرمکن الکتریکی با توان 1000W به 200g یخ با دمای -5°C گرمایی دهیم. پس از یک دقیقه دمای محتوی گرمکن $c_{آب} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}}$, $L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$, $c_{یخ} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}}$

$$(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ\text{C}}) \text{ (آزمون قلمچی)}$$

- (۱) به صفر درجه سلسیوس می‌رسد.
- (۲) زیر صفر درجه سلسیوس باقی می‌ماند.
- (۳) بین صفر و 5°C درجه سلسیوس می‌رسد.
- (۴) بالاتر از 5°C می‌شود.

گرمای ایجاد شده در مدت ۱ دقیقه برابر است با:

$$Q = Pt = 1000 \times 60 = 60000 \text{ J} = 2/1\text{kg}$$

گرمای لازم برای این که یخ -5°C به نقطه ذوب برسد:

$$Q = mc\Delta\theta = 0 / 2 \times 2100 \times 5 = 21000 \text{ J} = 2/1\text{kg}$$



و گرمایی که لازم است تا یخ را در نقطه ذوب آن کند.

$$Q_v = mL_F = \frac{1}{2} \times 340 = 68$$

چون $Q_1 > Q$ است. پس دمای یخ به صفر درجه سلسیوس می‌رسد. اما چون $Q_2 + Q_3 < Q$ است. تمام یخ ذوب نمی‌شود و دمای مخلوط آب و یخ حاصل صفر درجه‌ی سلسیوس باقی می‌ماند.

تسنیع: اگر دمای یک سیم نازک مسی به طول L را به اندازه‌ی $\Delta\theta$ افزایش دهیم، به اندازه‌ی ۲ درصد به طول آن اضافه می‌شود. اگر دمای یک صفحه‌ی نازک مسی به ابعاد $4L \times 3L$ را به همان اندازه افزایش دهیم، چند درصد به مساحت آن اضافه خواهد شد؟ (آزمون قلمچی)

- | | |
|-------|-------|
| ۳ (۲) | ۲ (۱) |
| ۶ (۴) | ۴ (۳) |

با استفاده از رابطه‌ی تغییر طول سیم می‌توان نوشت:

$$\Delta L = 0/02 L_1$$

$$\begin{aligned} \Delta L &= L_1 \alpha \Delta \theta & \rightarrow \Delta L &= 0,02 L_1 = L_1 \alpha \Delta \theta \\ \rightarrow \alpha \Delta \theta &= 0,02 \end{aligned}$$

$$\alpha \Delta \theta = 0,02$$

$$\Delta A = A_1 (2 \alpha \Delta \theta) \rightarrow \Delta A = A_1 \times 2 \times 0,02$$

$$\rightarrow \frac{\Delta A}{A_1} = 0,04 \rightarrow \frac{\Delta A}{A_1} \times 100 = 4\%$$

فرض می‌کنیم m گرم یخ 0°C ابتدا به آب 0°C درجه و سپس به آب 100°C تبدیل شده است. چون تبادل حرارتی با محیط اطراف ناچیز است. گرمایی که m گرم یخ می‌گیرد، باید از تبدیل $g \times 180^{\circ}\text{C}$ آب 100°C به دست آید. بنابراین ممکن است نوشت:

$$Q_v = m L_F + m c_{\text{آب}} \Delta \theta - m' L_v = 0$$

تسنیع: درون یک کتری برقی با توان الکتریکی مصرفی 1000 ولت، 600 گرم آب با دمای 30°C موجود است. اگر 84 درصد از توان الکتریکی مصرفی کتری به صورت انرژی گرمایی به آب داده شود، چند دقیقه پس از روشن کردن کتری نیمی از آب موجود در آن بخار می‌شود؟ ($L_v = 2268 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$, $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$)

۱۶ ۱۷ ۱۸ ۱۹ ۲۰



گرمایی که توسط کتری به آب داده می شود. ابتدا صرف افزایش دمای آب تا صد درجه ی سلسیوس و پس از آن صرف تبدیل آب صد درجه ی سلسیوس به بخار صد درجه سلسیوس می گردد. با توجه به رابطه ی گرمای ویژه و گرمای نهان تبخیر داریم:

$$Q_1 + Q_2 = 0.84 \times P \times T$$

$$Q_1 = mc\Delta\Theta$$

$$\rightarrow mc\Delta\Theta + m'L_v = 0.84 P \times T$$

$$Q_2 = m'L_v$$

$$m = 600 \text{ g} = 0.6 \text{ kg}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 4/2 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$$

$$L_v = 226 \frac{kJ}{kg}, p = 1000 \text{ w} = 1 \text{ Kw}, m = \frac{m}{2} = 300 \text{ g} = 0.3 \text{ kg}, \Delta\Theta = (100 - 30) {}^\circ C$$

$$0.6 \times 4/2 \times 70 + 0.3 \times 2268 = 0.84 \times 1 \times t$$

$$\rightarrow t = \frac{0.6(294 + 1134)}{0.84} = 1020 \text{ s} = 17 \text{ min}$$

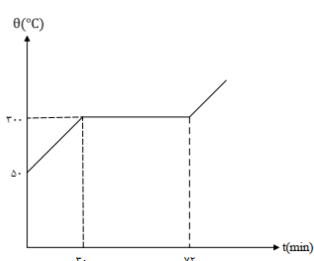
تسنی: نمودار روبرو، مربوط به جسمی است که گرمای ویژه حالت جامد آن $\frac{J}{kg \cdot K}$ 80 است و در هر دقیقه 10^3 ژول گرمای نهان ویژه ذوب این جسم چند ژول بر گرم است؟

۲۸) ۲

28×10^3

۴۸) ۴

48×10^3



با استفاده از قسمت اول نمودار جرم جسم را به دست می آوریم:

$$Q = mc\Delta\Theta \rightarrow 30 \times 10^3 = m \times 80 \times (300 - 50)$$

$$m = \frac{3 \times 10^4}{80 \times 250} = 1.5 \text{ kg}$$

در فاصله ی زمانی ۳۰ تا ۷۲ دقیقه، فرایند ذوب صورت می گیرد و داریم:



$$Q_F = mL_F \rightarrow (72 - 30) \times 10^3 = 1/5 L_F$$

$$\rightarrow L_F = \frac{42 \times 10^2}{1/5} = 28 \times 10^3 \frac{j}{kg} = 28 \frac{j}{g}$$

تسنی: در ظرفی مقداری یخ صفر درجه سلسیوس و بخار آب $100^\circ C$ می‌ریزیم، تا به تعادل برسند. اگر پس از رسیدن به تعادل دمایی، تنها آب $40^\circ C$ در ظرف باقی بماند و تبادل حرارتی با محیط اطراف ناچیز باشد، جرم یخ چند برابر جرم بخار آب بوده است؟ $L_v = 2268 \frac{kJ}{kg}$, $L_f = 336 \frac{kJ}{kg}$

$$4200 \frac{J}{kg \cdot K}$$

۵ (۲)

۴/۲ (۱)

۶/۲۵ (۴)

۶ (۳)

فرض کنیم در ابتدا $m \times k$ کیلوگرم یخ صفر درجه سلسیوس و m کیلوگرم بخار آب $100^\circ C$ در ظرف ریخته ایم. در این حالت گرمایی که بخار آب از دست می‌دهد، یخ می‌گیرد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\sum Q = 0 \rightarrow Q_{\text{بخار}} + Q_{\text{یخ}} = 0 \rightarrow |Q_{\text{بخار}}| = |Q_{\text{یخ}}|$$

$$\rightarrow km(L_f + c_{\text{آب}} \Delta \Theta) = m(L_v + c_{\text{آب}} \Delta \Theta')$$

$$k = \frac{L_v + c_{\text{آب}} \Delta \Theta'}{L_f + c_{\text{آب}} \Delta \Theta} \rightarrow k = \frac{2268 + 4/2 \times 60}{226 + 4/2 \times 40} = 5$$

بنابراین جرم یخ اولیه پنج برابر جرم بخار آب اولیه بوده است.

تسنی: دو سطح فلزی دایره‌ای شکل A و B به شعاع‌های 10cm و 20cm در دمای $50^\circ C$ درجه سلسیوس در اختیار داریم. در چه دمایی بر حسب درجه سلسیوس، مساحت سطح B، ۲ برابر مساحت سطح A می‌باشد؟

$$\alpha_A = 6 \times 10^{-3} \frac{1}{^\circ C}, \alpha_B = 2 \times 10^{-3} \frac{1}{^\circ C}$$

۳۰۰ (۲)

۲۵۰ (۱)

۱۵۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

$$A_{\text{B}} = 2 A_{\text{A}}$$

$$A_{\text{B}} = A_{\text{A}} (1 + 2\alpha \Delta \Theta) \rightarrow A_{\text{B}} (1 + 2\alpha_B \Delta \Theta) = 2 A_{\text{A}} (1 + 2\alpha_A \Delta \Theta)$$



$$\rightarrow \pi(r_B)^{\gamma} (1+2\alpha_B \Delta \Theta) = \pi(r_A)^{\gamma} (1+\gamma \alpha_A \Delta \Theta)$$

$$r_{\text{B}} = 2 \cdot \text{cm}, r_{\text{A}} = 1 \cdot \text{cm}$$

$$\alpha_A = 9 \times 10^{-3} \frac{1}{^\circ C} \quad , \quad \alpha_B = 2 \times 10^{-3} \frac{1}{^\circ C}$$

$$(20)^2(1+2\times 2 \times 10^{-3}\Delta\Theta) = 4(1 \cdot)^2(1+2\times 6 \times 1 \cdot ^{-3}\Delta\Theta)$$

$$\rightarrow 400(1+4 \times 10^{-3} \Delta \Theta) = 200(1+12 \times 10^{-3} \Delta \Theta)$$

$$\rightarrow 2 + 8 \times 10^{-3} \Delta\Theta = 1 + 12 \times 10^{-3} \Delta\Theta \rightarrow 1 = 4 \times 10^{-3} \Delta\Theta$$

$$\rightarrow \Delta\Theta = \frac{1}{4 \times 10^{-3}} = \frac{10^3}{4} = \frac{1000}{4} = 250^\circ\text{C}$$

$$\theta_1 = 50^\circ\text{C}$$

$$\theta_1 - \theta_2 = 25^\circ\text{C} \longrightarrow \theta_2 = 300^\circ\text{C}$$

تست: درون گرماسنجی که ظرفیت گرمایی آن $\frac{J}{\text{C}} 84$ است، مقدار $480 \text{ گرم آب } 10^\circ\text{C}$ موجود است، که با آن در تعادل گرمایی است. گلوله‌ای به ظرفیت $\frac{J}{\text{C}} 210$ را وارد آب درون گرماسنج می‌کنیم. پس از مدتی دمای مجموعه روی 12°C ثابت می‌ماند. دمای اولیه‌ی گلوله چند درجه‌ی سلسیوس بوده است؟ (گرمای

ویژه‌ی آب $\frac{J}{\text{kg}\cdot\text{C}} 4200$ است و از هرگونه اتلاف انرژی صرف نظر شود). (آزمون قلمچی)

۲۲ (۳)

۲۱ (۱)

۲۴ (۴)

۳۲ (۳)



دماه اولیه ی گرماسنج و آب با یکدیگر یکسان و برابر با 10°C است. پس از وارد کردن گلوله، دمای تعادل کل مجموعه به $\Theta_e = 12^{\circ}\text{C}$ می‌رسد. اگر گرماسنج، آب و گلوله را به ترتیب با انديس‌های ۱، ۲ و ۳ نشان دهیم، داریم:

$$= Q_1 + Q_2 + Q_3 = .$$

$$\rightarrow A_1 (\Theta_e - \Theta_1) + m_2 c_2 (\Theta_e - \Theta_2) + A_3 (\Theta_e - \Theta_3) = .$$

$$\rightarrow 84 \times (12-10) + \frac{480}{1000} \times 4200 \times (12-10) \\ + 210 \times (12-\Theta_3) = .$$

$$168 + 4032 + 210 + 12 - \Theta = 0 \quad \Theta = 32$$

تسنیم: مقداری یخ صفر درجه سلسیوس را با همان مقدار آب 30°C مخلوط می‌کنیم. اگر گرمای نهان ذوب یخ $\frac{cal}{g^{\circ}\text{C}}$ ۸۰ و گرمای ویژه آب ۱ $\frac{cal}{g^{\circ}\text{C}}$ باشد، پس از برقراری تعادل حرارتی، ... (آزمون قلمچی)

(۱) تمام یخ، آب می‌شود.
 (۲) $\frac{5}{8}$ جرم یخ، آب می‌شود.
 (۳) $\frac{11}{8}$ جرم اولیه یخ، آب در ظرف وجود خواهد داشت.

گزینه ۳: ابتدا مقدار گرمایی که برای ذوب کامل یخ مورد نیاز است و هم چنین مقدار گرمایی که آب 30°C باید از دست بدهد تا به دماه صفر درجه سلسیوس برسد را محاسبه می‌کنیم:

$$Q_F = mL_F = 80m ,$$

$$\bar{Q}_W = mc\Delta\Theta = m \times 1 \times (30-0) = 30m \rightarrow Q_W < Q_F$$

$$\rightarrow m = (336000 + 420 \times 100) = 0 / 18 \times 2268 \times 103$$

$$\rightarrow m = 0 / 54 kg = 540 g$$

مشاهده می‌شود که گرمای داده شده توسط آب از گرمای مورد نیاز برای ذوب کامل یخ کمتر است و این بدان معناست که آب نمی‌تواند تمام یخ را ذوب کند. اگر جرم یخی که ذوب می‌شود m' باشد، داریم

$$Q_F = m' L_F = Q_W = mc \Delta\Theta$$

$$\rightarrow m' \times 80 = m \times 1 \times (30-0) \rightarrow m' = \frac{3}{8} m$$

$$m - m' = m - \frac{3}{8} m = \frac{5}{8} m \quad \text{جرم یخ باقی مانده}$$

$$m + m' = m + \frac{3}{8} m = \frac{11}{8} m \quad \text{ظرف در موجود جرم آب}$$



تسنیع: درون ظرفی سربسته حاوی آب 100°C ، مقدار m گرم بخار آب 101°C وارد می‌کنیم، در صورتی که هیچ‌گونه تبادل گرمایی با محیط وجود نداشته باشد، مقدار بخار آب موجود در ظرف پس از رسیدن مجموعه به تعادل کدام است؟ (آزمون قلمچی)

(۱) بیشتر از m گرم (۲) m گرم

(۳) کمتر از m گرم (۴) بسته به مقدار m هر کدام از گزینه‌ها می‌توانند صحیح باشند.

گزینه یک زیرا در این حالت، گرما از بخار آب به آب 100 منتقل می‌شود و این گرما باعث بالا رفتن دمای آب جوش نمی‌شود، بلکه باعث می‌شود که مقداری از آب جوش موجود در ظرف، تغییر حالت بدهد و به بخار آب تبدیل شود، پس به مقدار بخار آب موجود در ظرف افزوده می‌شود.

تسنیع: تفاوت طول دو میله‌ی هم‌جنس، 10 سانتی‌متر است. اگر آن‌ها را به دنبال هم متصل و دمای آن‌ها را 100 درجه‌ی سلسیوس افزایش دهیم، مجموع طول آن دو به $30/09$ سانتی‌متر می‌رسد. طول اولیه‌ی هر کدام از میله‌ها چند سانتی‌متر است؟ ($\frac{1}{K} \times 10^{-5} = 3$) (آزمون قلمچی)

(۱) 20 و 20 (۲) $15/5$ و $15/5$

(۳) $12/5$ و $17/5$ (۴) 14 و 16

اگر فرض کنیم میله‌ی بلندتر دارای طول L_1 و میله‌ی کوتاه‌تر دارای طول می‌باشد L_2 ، می‌توان نوشت :

$$L_1 - L_2 = 10\text{ cm} \quad (1)$$

از طرفی با توجه به رابطه‌ی افزایش طول بر حسب افزایش دما، داریم :

$$30/09 = (L_1 + L_2) \left(1 + 3 \times 10^{-5} \times 100 \right)$$

$$\rightarrow L_1 + L_2 = 30\text{ cm} \quad (2)$$

با حل هم زمان معادلات (۱) و (۲)، خواهیم داشت :

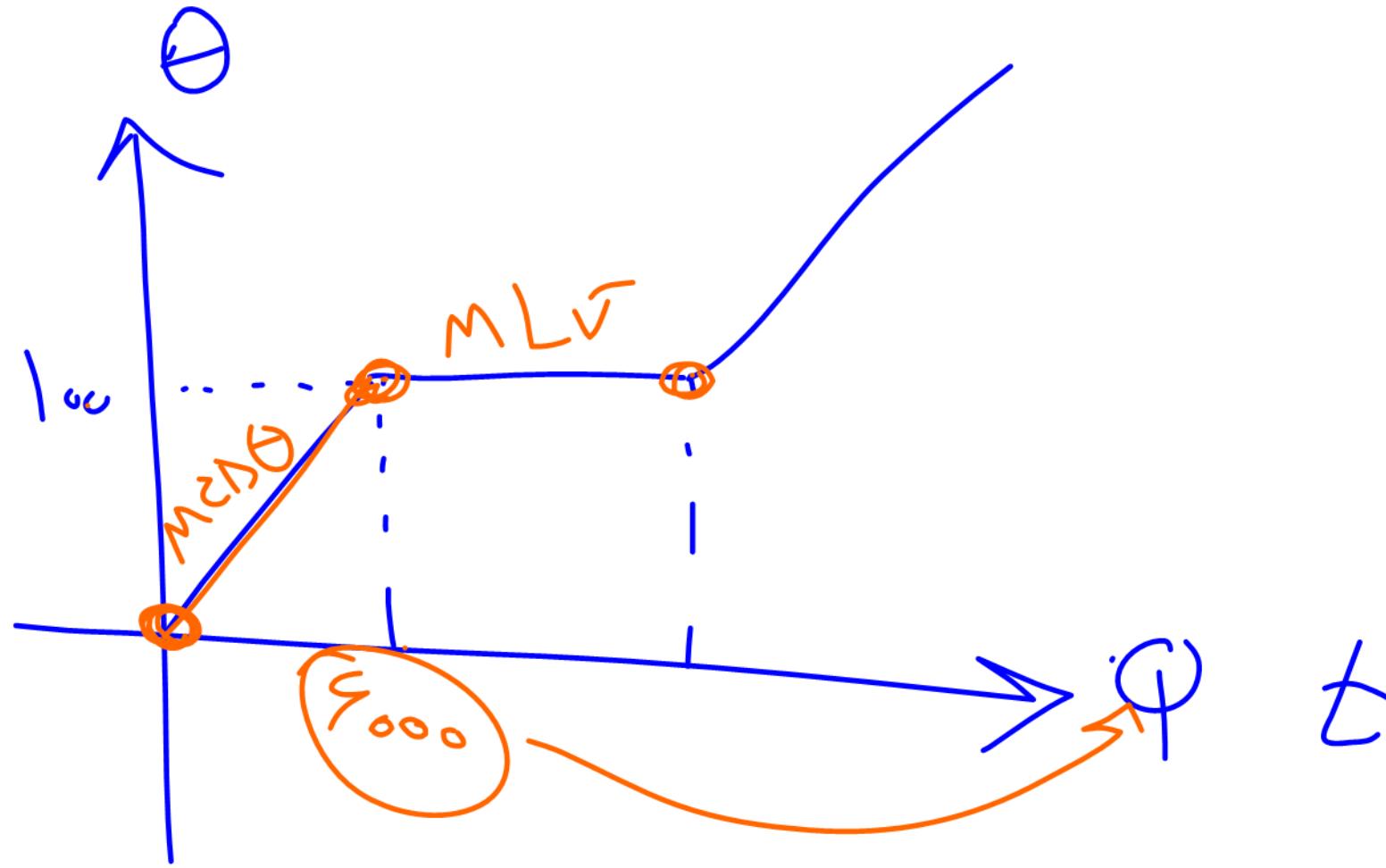
$$A_r = 250 \cdot \frac{j}{^{\circ}\text{C}}$$

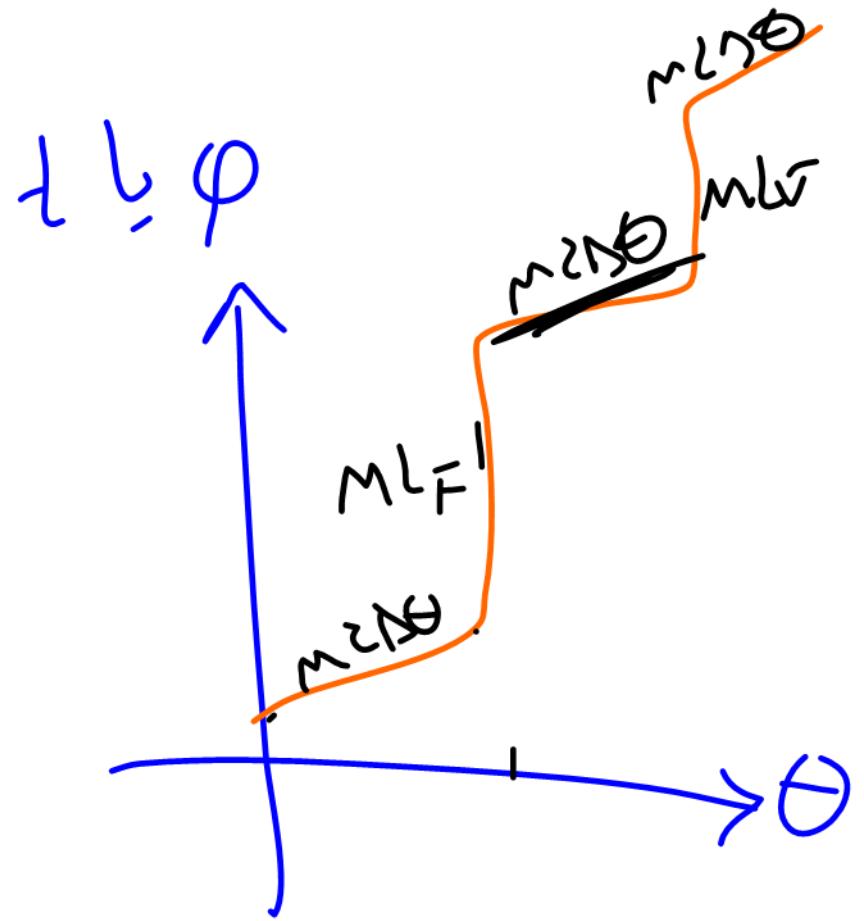
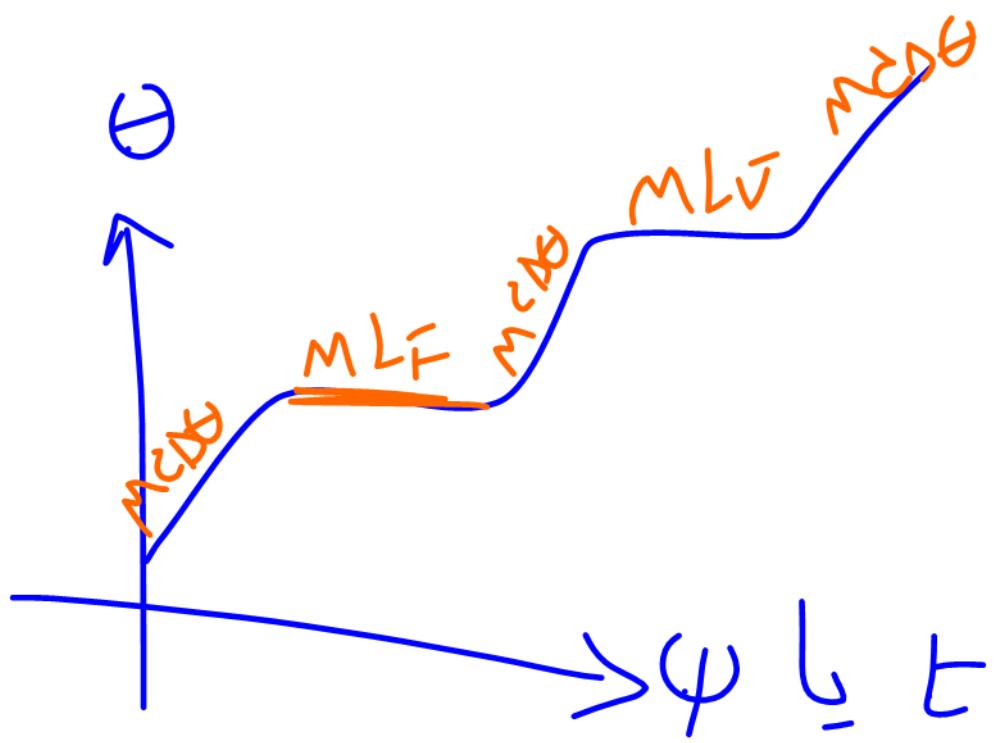


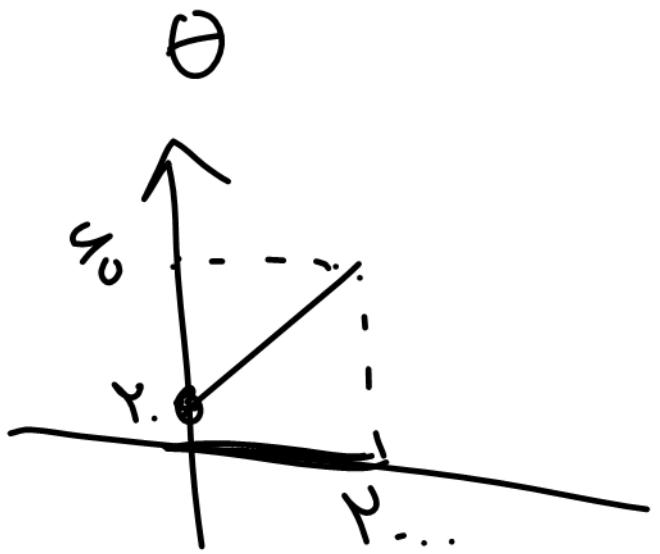
$$\varphi \begin{cases} = MCD\theta \\ = MLF \\ = MW \end{cases}$$

'

$$RaxP = \frac{\sigma_{ij}}{t} \xrightarrow{MC\Delta\theta + MLF + \dots}$$



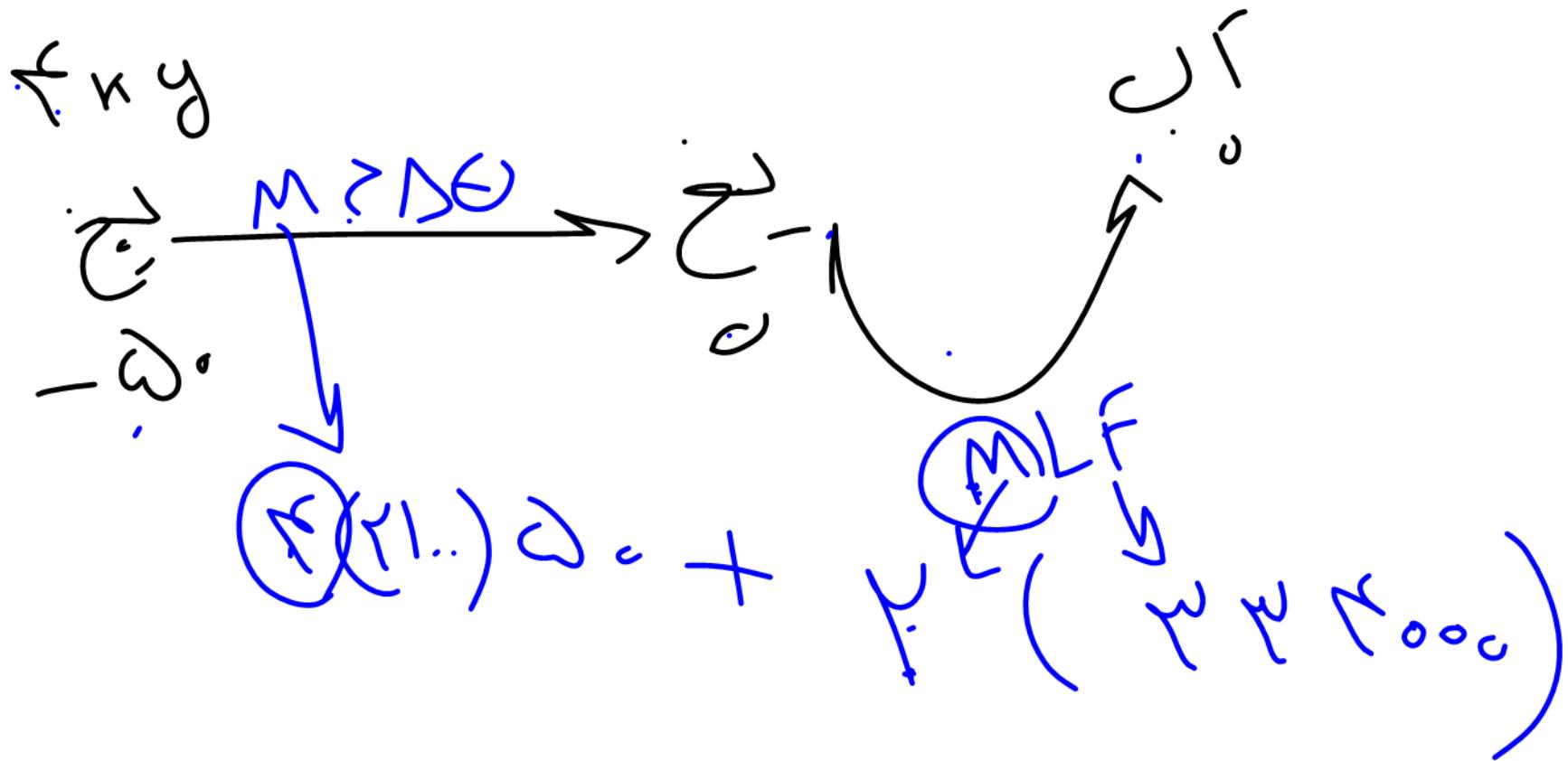


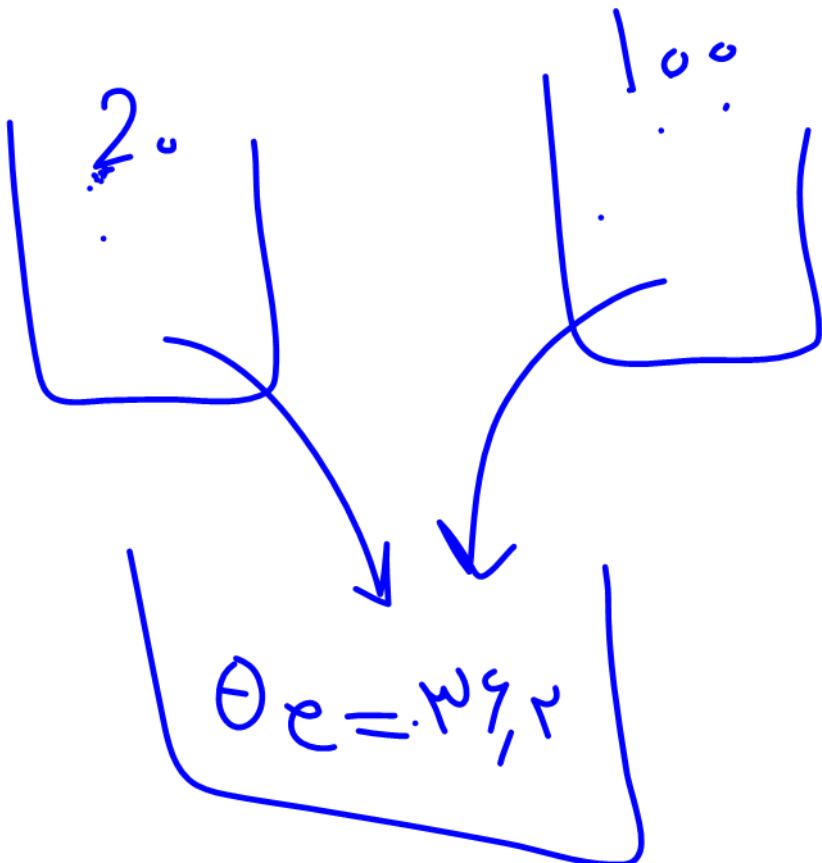


$$\varphi(j)$$

$$\varphi = m \gtrsim \Delta G$$

A hand-drawn equation where φ is written as m . To the right of the equation is a symbol resembling a triangle with a circle inside. Above the symbol is a vertical arrow pointing upwards, labeled $r_0 - r_0$.





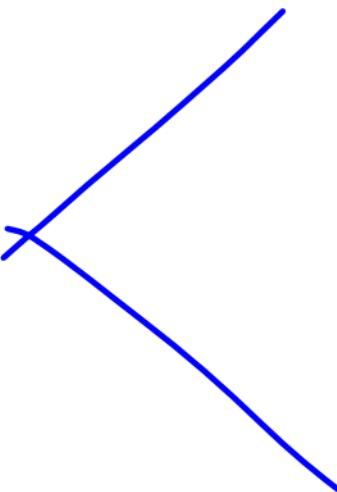
A hand-drawn diagram of a cloud-like shape. Inside the cloud, there are two arrows pointing towards each other, labeled $+\varphi_1$ and $-\varphi_k$. Below the cloud, the equation $\varphi_1 + \varphi_k = 0$ is written.

$$Q_1 + Q_r + Q_{r^2} + \dots = 0$$

$M_C(\theta_e - \theta) + M_r(\theta_e - \theta_r) + m(\theta_e - \theta_p)$

$$\theta_e = \frac{M_C \theta_1 + M_r \theta_r + \dots}{M_C + M_r + \dots}$$

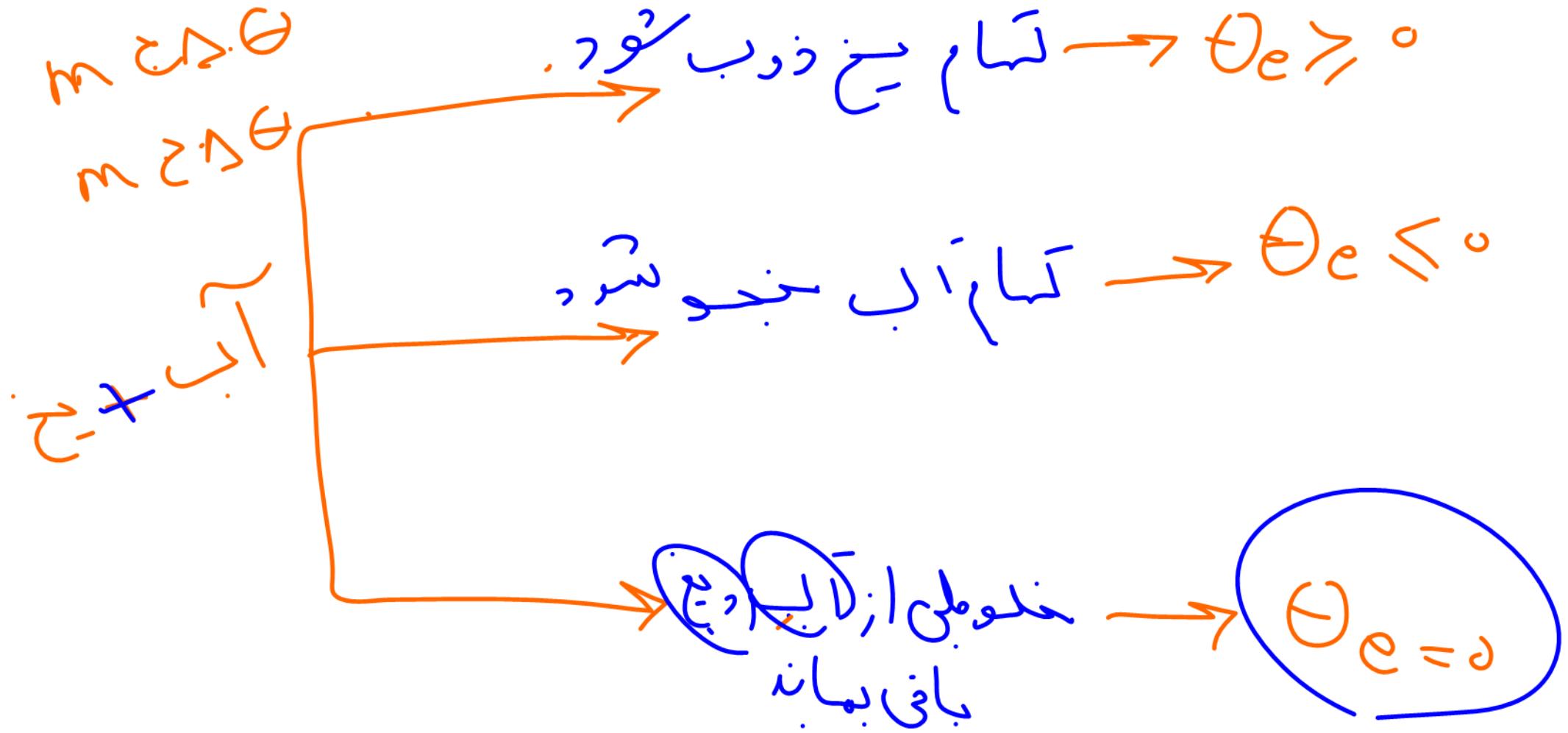
ضریب کرایی $\Rightarrow m_C$

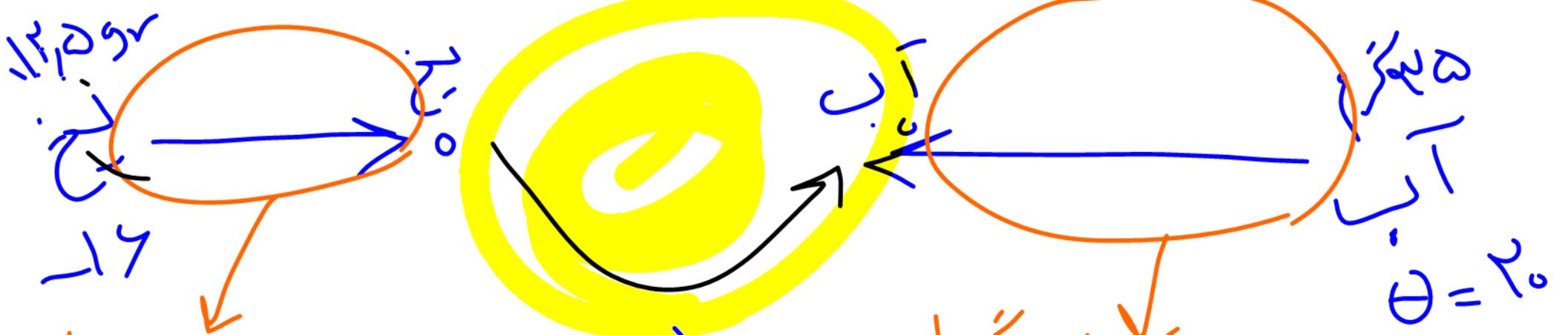


ضریب کرایه دار
(کرایه دار)



C





$$\partial L / \partial \dot{\varphi} = m c \Delta \Theta$$

$$\frac{1}{I_{\text{ext}}} (\ddot{\varphi}_{\text{ext}}) \propto \kappa_{\text{ext}}$$

$$\partial L / \partial \dot{\varphi} = m c \Delta \Theta$$

$$\frac{1}{I_{\text{ext}}} (\ddot{\varphi}_{\text{ext}}) \propto \kappa_{\text{ext}}$$

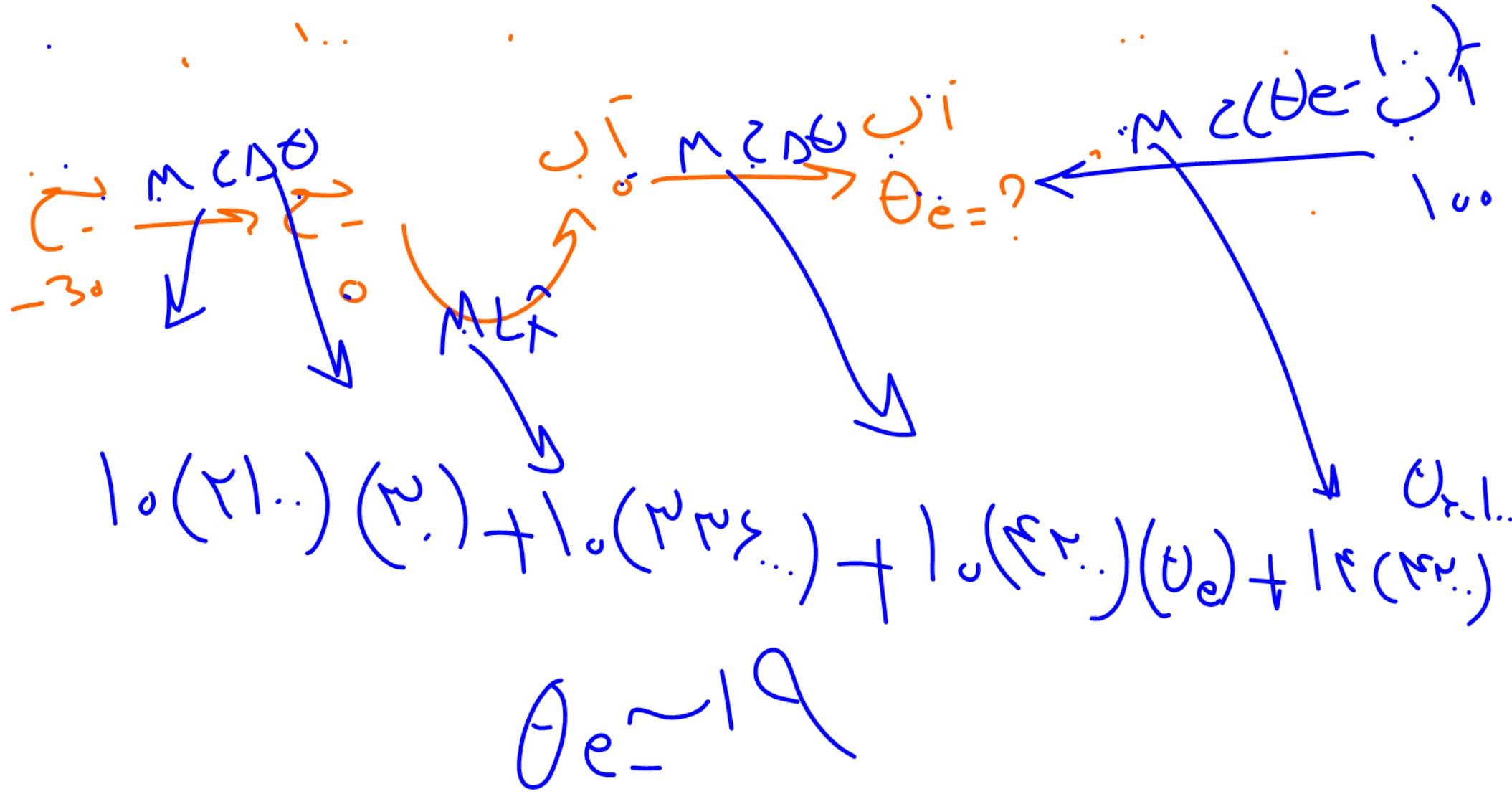
$$M' = \frac{1}{I_{\text{ext}}} \cdot VQ \rightarrow m' = \frac{1}{I_{\text{ext}}} \cdot gr$$

$$\Delta \varphi = M' \frac{L}{N} F$$

$$\dot{\zeta} = r_1 \omega - v_1 \omega = \omega_{\text{gr}}$$

$$\dot{\gamma}_1 = r_1 \omega + v_1 \omega = r_1 \omega_{\text{gr}}$$

$$\partial e = 0$$



$$\vec{\theta} = \frac{|\vec{x}|}{r} + \Lambda_0$$

... —

