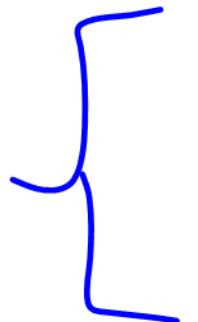
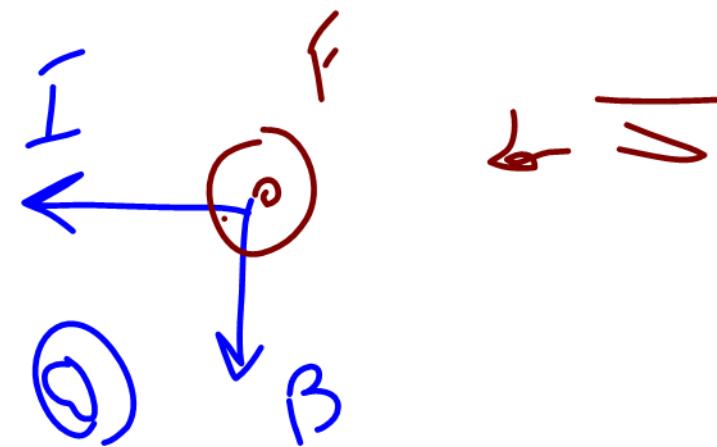
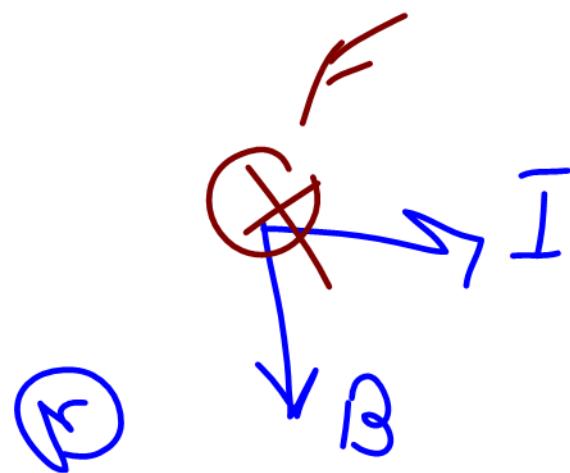
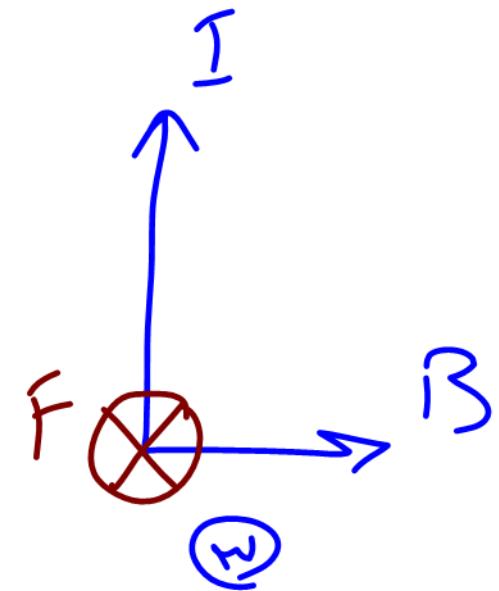
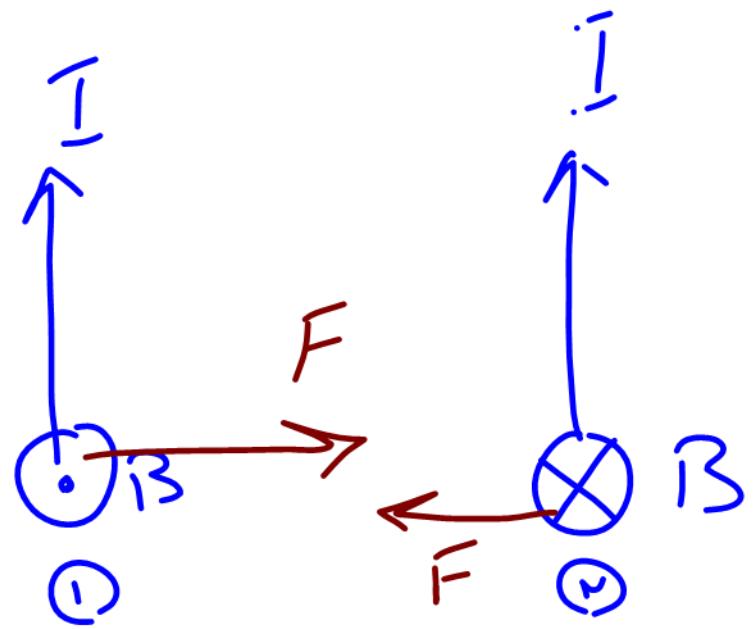


B

$$0, \text{ ان} \Rightarrow F = BI L \sin \alpha$$



ج: عائد دستار



$$F = BI \downarrow \sin \theta \checkmark$$

$$F = r_0 \times r_0 \left(\frac{\partial}{\partial \theta} \right) (\cdot / \gamma)$$

Diagram showing a circular loop with current I flowing clockwise. A magnetic field vector B is shown pointing outwards from the center of the loop. The angle between the vertical axis and the field vector is labeled θ .

$$F$$

$$I = r_0 A$$

$$B = r_0 \tau$$

$$\sin r\theta = r \sin b \cos s\theta$$

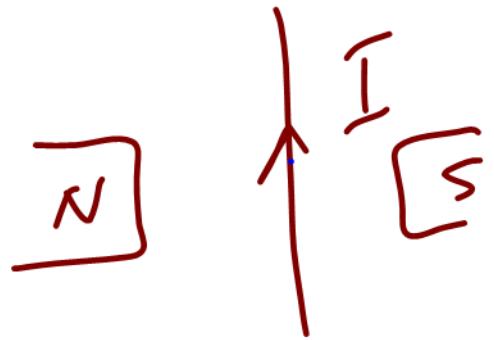
$$\sin(r)(n) = r \sin n v \cos nv$$

\sqrt{n}

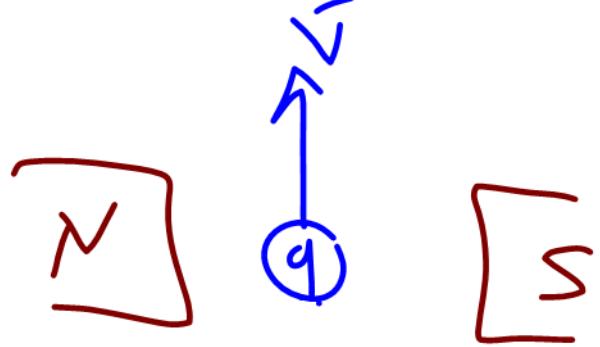
$$\sin r\alpha = \overset{r}{\sin \alpha} \cos \alpha$$

$$\cos r\alpha = \overset{r}{\cos \alpha} - 1$$

$$\sin \alpha + \overset{r}{\cos \alpha} = 1$$



$$F = B I L \sin \alpha$$



$$F = q N B \sin \alpha$$

مغناطیس و القا

خاصیت مغناطیسی اولین بار حدود 2500 سال پیش در تکه‌هایی از سنگ آهن مغناطیسی در نزدیکی شهر مگنیسیا (مانیسا) (در در غرب ترکیه) مشاهده شد.

نکته ۱: میدان مغناطیسی خاصیتی است که در فضای اطراف یک آهنربا یا سیم حامل جریان (بار متحرک) وجود دارد. آنرا با نماد B نشان میدهند و واحدهای آن تスلا و گاووس می‌باشد. (میدان مغناطیسی کمیتی برداری است)

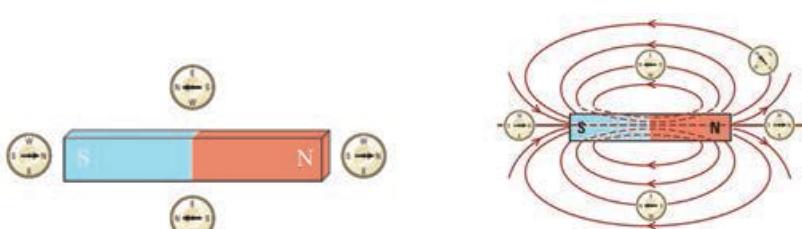
نکته ۲: بنا به تعریف، یک تスلا، بزرگی میدان مغناطیسی است که در آن، بر یک متر از سیمی که حامل جریان یک آمپر است و در راستای عمود بر بردار میدان قرار دارد نیرویی به بزرگی یک نیوتون وارد شود. همچنین تスلا یکای بزرگی است و در کاربردهای عملی از یکای کوچک تری به نام گاووس استفاده می‌شود تبدیل گاووس به تスلا:

$$G \times 10^{-4} = T$$

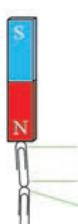
نکته ۳: آهنربای طبیعی دارای فرمول شیمیایی روبروست: Fe_3O_4

نکته ۴: دو ناحیه در یک آهنربا وجود دارد که خاصیت آهنربایی آن از سایر ناحیه‌ها بیشتر است. به این دو ناحیه قطب‌های آهنربا می‌گویند و در ناحیه‌ی وسط بین دو قطب خاصیت مغناطیسی تقریباً صفر است. اگر یک آهنربای میله‌ای را از وسط و از یک نخ بیاوبیزیم مشاهده می‌شود که یک طرف آن به سمت شمال کره زمین و سمت دیگر طرف جنوب می‌ایستد. قطبی که به طرف شمال می‌ایستد را N و قطبی که سمت جنوب می‌ایستد را S مینامیم.

تذکر: جهت خطوط میدان مغناطیسی در خارج آهنربا از N به S و در داخل از S به N می‌باشد. بنابر تعريف، بردار میدان مغناطیسی در هر نقطه از فضای پیرامون یک آهنربا در جهتی است که وقتی قطب N عقربه مغناطیسی در آن نقطه قرار می‌گیرد، آن جهت را نشان می‌دهد. همچنین هر جا تراکم خطوط بیشتر باشد (خطوط به هم نزدیک‌تر باشند) میدان در آنجا قوی‌تر است. (قطب‌ها میدان قوی تر است)

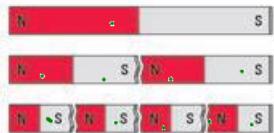


نکته ۵: القای مغناطیسی: شکل زیر آهنربایی را نشان می‌دهد که دو گیره آهنی کاغذ را جذب کرده است. این تجربه ساده نشان می‌دهد که ویژگی مغناطیسی در گیره‌های فلزی القا شده است و تا زمانی که گیره‌ها با آهنربا در تماس باشند، این ویژگی را در خود حفظ می‌کنند. این پدیده را القای مغناطیسی می‌نامند. القای مغناطیسی تنها در آهن، نیکل، کبالت و آلیاژ‌هایی از این عناصر تولید می‌شود.





نکته ۶: اگر یک آهنربا را بشکنیم یا ببریم هر کدام از تکه‌ها خود یک آهنربای مستقل می‌شوند که قطب N و S مجزا دارند. (حتی وقتی قطعه شما به اندازه یک اتم برسد، دو قطب دارد که نشان می‌دهد خود اتم نیز می‌تواند یک آهنربا باشد)



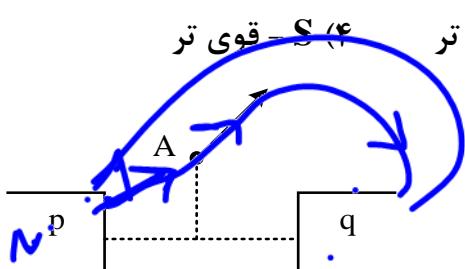
نکته ۷: خطوط میدان مغناطیسی هم دیگر را قطع نمکنند. همچنین در دنیا تک قطبی مغناطیسی وجود ندارد (برخلاف میدان الکتریکی که می‌تواند تک قطبی هم باشد!)

نکته ۸: میدان مغناطیسی زمین: زمین نیز دارای نوعی میدان مغناطیسی است که جهت آن تقریباً از جنوب به شمال است. میدان مغناطیسی زمین بر قطب‌های جغرافیایی آن منطبق نیستند. در واقع، قطب‌های مغناطیسی و جغرافیایی زمین فاصله نسبتاً زیادی از یکدیگر دارند. مثلاً قطب جنوب مغناطیسی تقریباً در فاصله ۱۸ کیلومتری قطب شمال جغرافیایی قرار دارد. این بدان معناست که عقره مغناطیسی درجهت شمال واقعی جغرافیایی قرار نمی‌گیرد و تا حدودی از شمال جغرافیایی انحراف دارد. این انحراف وابسته به مکان را میل مغناطیسی می‌نامند (در هر نقطه از زمین زاویه بین محور مغناطیسی آویخته شده با راستای افق را زاویه میل می‌نامند).

محور زمین و محور مغناطیسی زمین باهم زاویه‌ای می‌سازند که به آن زاویه انحراف مغناطیسی می‌گویند.
 تست: یک میله آهنی و یک میله آهنربایی ضخیم و مشابه در اختیار داریم کدام گزینه صحیح است؟ (هیچ وسیله دیگری در اختیار نداریم).



- ۱) می‌توانیم اهن را از اهن ربا تشخیص دهیم و همچنین نوع قطب‌های آهنربا را
 - ۲) نمی‌توانیم اهن را از اهن ربا تشخیص دهیم و همچنین نوع قطب‌های آهنربا را
 - ۳) می‌توانیم اهن را از اهن ربا تشخیص دهیم ولی نوع قطب‌های آهنربا را **خیر**
 - ۴) نمی‌توانیم اهن را از اهن ربا تشخیص دهیم ولی نوع قطب‌های آهنربا را می‌توانیم تشخیص دهیم.
- تست:** در شکل مقابل p و q قطب‌های دو آهن ربای میله ای قوی هستند. در نقطه A واقع بر عمود منصف خط واصل بین قطب‌ها، عقربه‌ی مغناطیسی مطابق شکل ایستاده است. p قطب است و در مقایسه با q است.



۳) N - ضعیف تر

۲) S - قوی تر

۱) N - قوی تر



پاسخ: گزینه ۱



نیروی مغناطیسی وارد بر رسانای حامل جریان

نکته ۸: هرگاه یک سیم راست به طول L حامل جریان I در میدان مغناطیسی B قرار گیرد از طرف میدان نیرویی بر سیم وارد می‌شود که اندازه آن از رابطه زیر محاسبه می‌گردد ولی جهت این نیرو از قانون دست راست تعیین می‌گردد. اورستد با انجام آزمایشی کشف نمود که نیرویی که در میدان مغناطیسی بر سیم حامل جریان الکتریکی وارد می‌شود، بر راستای سیم و نیز بر راستای میدان مغناطیسی عمود است.

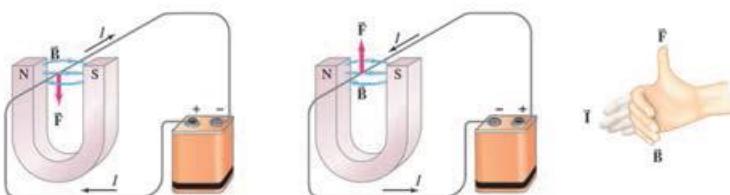
$$F = BiL \sin\alpha$$

$$F = BiL$$

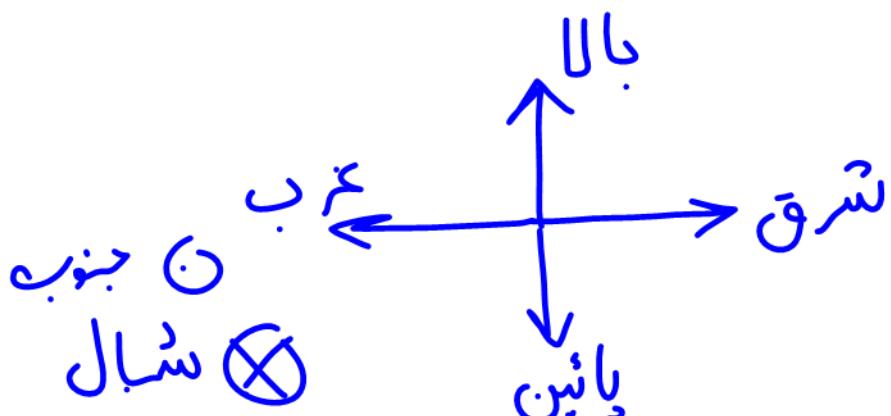
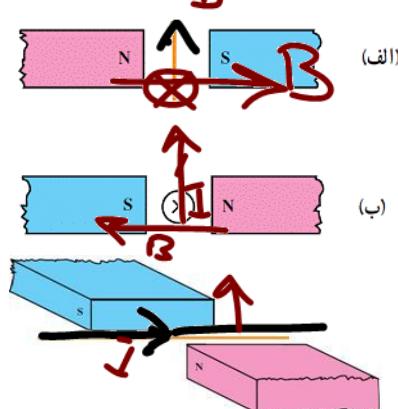
بیشینه!

از زاویه β و I

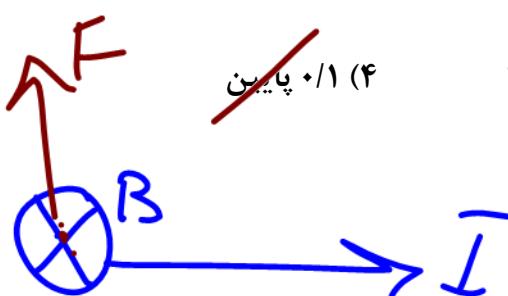
قانون دست راست: جهت نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی را می‌توان با استفاده از قاعدة دست راست به این صورت تعیین کرد:



مثال: در هریک از شکل‌های زیر جهت نیروی وارد بر سیم را مشخص نمایید?



تسنیع: جهت میدان مغناطیسی یکنواختی افقی و رو به سمت شمال است. از یک سیم راست افقی جریانی I آمپری و به سمت شرق عبور می‌کند. بر ۲۰۰ متر از این سیم چند نیوتن نیرو و در چه جهتی وارد می‌گردد؟



۳) ۰/۰ بالا

۴) ۰/۰ پایین

$$B = 5 \times 10^{-3}$$

$$F = B I L \sin\theta$$

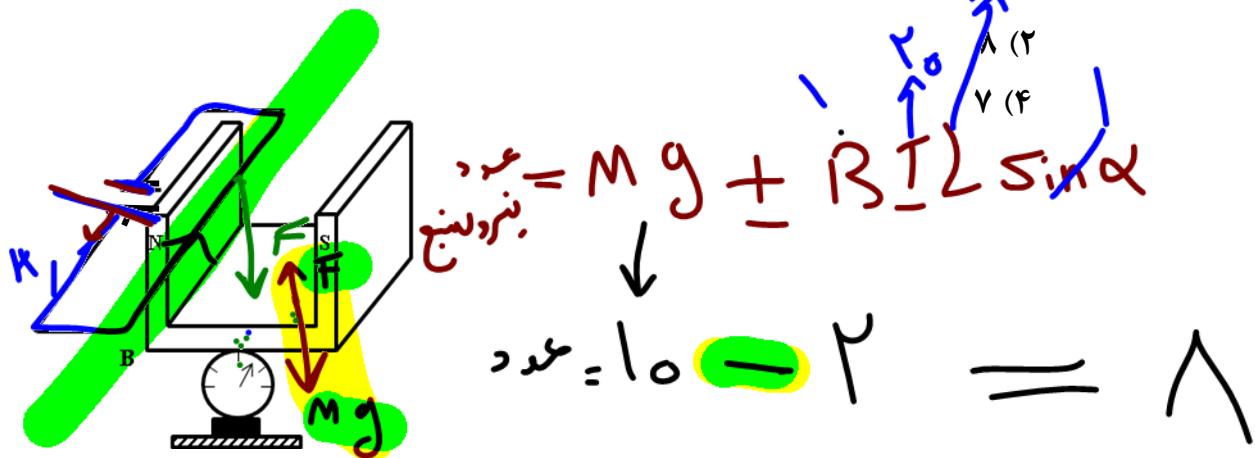
$$= 5 \times 10^{-3} \times 200 \times 0.5 \times \sin 90^\circ$$

$$= 5/2$$

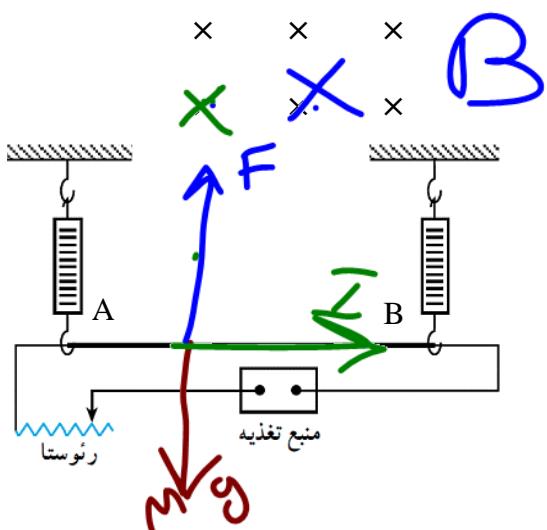


تست: در شکل مقابل سیم افقی AB در میدان مغناطیسی یکنواخت، بین دو قطب معلق است و قبل از بستن کلید K، ترازو عدد ۱۰ بیوتون را نشان می‌دهد. وقتی کلید K بسته شود، از سیم جریان ۲۰ آمپر می‌گذرد، ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ (طول سیم AB برابر ۱۰ سانتی‌متر باشد و اندازه میدان مغناطیسی یک تスلا است).

(۱) ۱۰
(۲) ۷
(۳) ۱۲



تست: مطابق شکل سیمی AB به طول ۱۰۰ سانتی‌متر و به جرم ۸ گرم حامل جریان I می‌باشد. اندازه و جهت جریان چگونه باشد تا این سیم در حالت تعادل باشد؟ (میدان درون سو و اندازه آن ۰/۵ میلی تスلا)



$$Mg = BI L \sin \alpha$$

$$8 \times 10^{-3} (1) = 0.5 \times 1.0^2 I (1)$$

$$I = 16.0 A$$

تست: سیمی حامل جریان I در میدان مغناطیسی B قرار دارد به گونه‌ای که زاویه میدان با جریان ۳۷ درجه است. اگر سیم را طوری بچرخانیم که بدون تغییر سایر شرایط زاویه میدان و جریان به ۷۴ درجه برسد،

نیروی وارد بر سیم چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟ ($\sin 37 = 0/6$)

- (۱) ۶۰ درصد افزایش
(۲) ۱۶۰ درصد افزایش
(۳) ۶۰ درصد کاهش
(۴) ۱۶۰ درصد کاهش

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{BI L \sin 74}{BI L \sin 37}$$

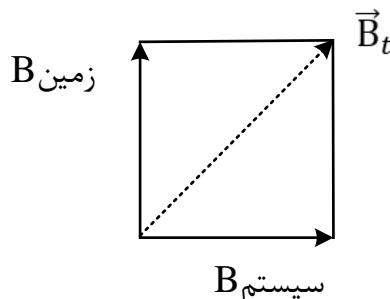
$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{2 \sin 74}{\sin 37} = 1.6 \rightarrow 160 \times 100 = +60\%$$



تست: یک سیم بلند مستقیم به صورت افقی در میدان مغناطیسی زمین قرار دارد و از آن جریان ثابتی به طرف جنوب می‌گذرد. یک قطب نما (عقربه‌ی مغناطیسی) درست زیر سیم قرار گرفته است. وضعیت عقربه‌ی قطب نما در کدام شکل درست نشان داده شده است؟ (بالای صفحه‌ی کاغذ را شمال در نظر بگیرید).



گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

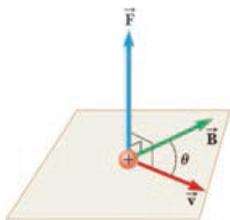


جهت میدان مغناطیسی زمین به طرف شمال است. وقتی از سیم جریان به طرف جنوب می‌گذرد در زیر آن جهت میدان به طرف شرق است. (قانون دست راست) تیغ‌های قطب نما در امتداد \vec{B} برآیند می‌ایستند به طوری که خط‌های میدان از سر S به آن وارد شوند.



نیروی وارد بر ذره باردار متحرک در میدان مغناطیسی

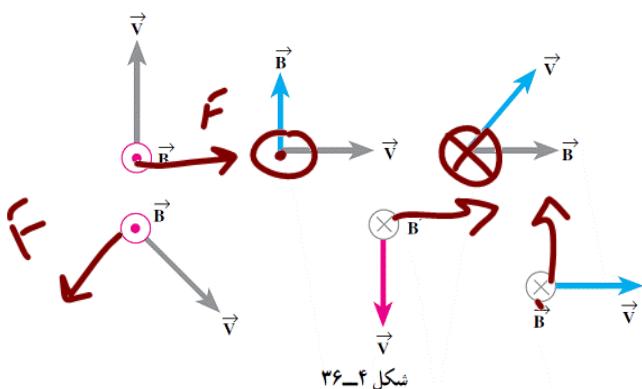
هرگاه بار الکتریکی q با سرعت \vec{v} وارد میدان مغناطیسی B گردد برآن نیروی F وارد می‌شود که اندازه آن از رابطه رو برو محاسبه می‌گردد ولی جهت آن از قاعده دست راست (نیروی F بر v و B عمود است)



$$F = qvB \sin \alpha$$

قانون دست راست: چهار انگشت دست راست را در جهت v قرار میدهیم، به گونه‌ای که خم شدن بند انگشتان B را نشان دهد، اکنون انگشت شست، جهت F را نشان میدهد

مثال: در هر کدام از شکل‌های زیر جهت نیروی وارد بر ذره بار دار q را مشخص کنید؟



شکل ۴

تسنی: در مکانی که میدان مغناطیسی 4×10^{-4} تESLA است ذره ای با بار منفی 50 میکروکولن با سرعت 100 متر بر ثانیه افقی به سمت غرب در حرکت است. اگر خطوط میدان افقی و به سمت شمال باشند نیروی وارد بر بار چند نیوتن و در کدام جهت است؟

$$F = qvB \sin \alpha$$

$$F = (50 \times 10^{-12})(100) 4 \times 10^{-4}$$

$$F = 2 \times 10^{-13}$$

$$(1) \text{ شمال } 2 \times 10^{-3} \quad (2) \text{ جنوب } 2 \times 10^{-3}$$

$$(4) \text{ پایین } 2 \times 10^{-4}$$

$$(3) \text{ بالا } 2 \times 10^{-4}$$

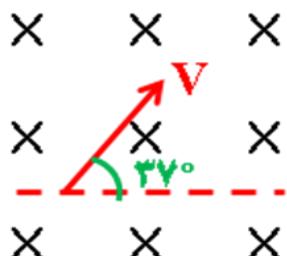


تست: با توجه به شکل زیر نوع بار هر کدام از ذرات زیر کدامست؟ (مثبت - منفی - خنثی)



+ ۴	۳ خنثی	+ ۲	+ ۱ (۱)
- ۴	۳ خنثی	- ۲	+ ۱ (۲) ✓
- ۴	- ۳	- ۲	- ۱ (۳)
- ۴	۳ خنثی	+ ۲	+ ۱ (۴)

تست: پروتونی مطابق شکل نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $20 \text{ میلی تسل} / \text{آمپر}$ می‌کند و نیروی مغناطیسی $N = 10^{-16} \times 10^{-28} / 28$ به آن وارد می‌شود. انرژی جنبشی پروتون چند الکترون ولت است و جهت نیروی وارد بر آن چگونه است؟



($m_p = 1/18 \times 10^{-37} \text{ kg}, e = 1/18 \times 10^{-19} \text{ C}$)	↙ ۲/۵ (۲)	↖ ۲/۵ (۱)
	↙ ۸/۵ (۴)	↖ ۸/۵ (۳)

تست: ذره سبک بتای الکترونی از بالا به پایین حرکت می‌کند و ذره‌ی سبک آلفا از شمال به جنوب شلیک می‌شوند که ناگهان وارد میدان مغناطیسی زمین می‌شوند، جهت انحراف آنها به ترتیب از راست به چپ؟

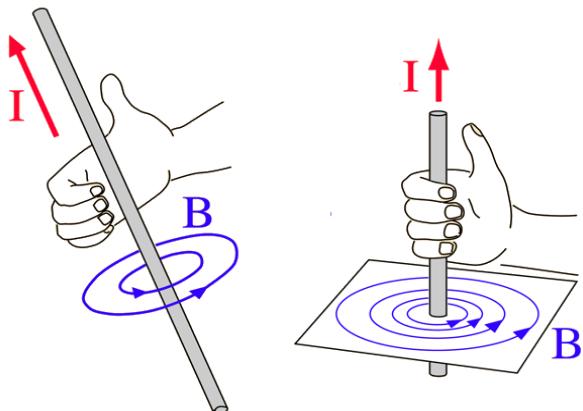
- (۱) غرب-پایین (۲) شرق-پایین (۳) غرب-بدون انحراف (۴) شرق-غرب



میدان مغناطیسی در فضای اطراف سیم‌های حامل جریان

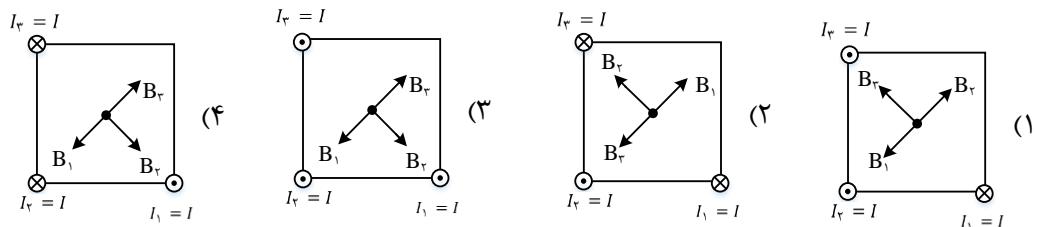
اندازه میدان مغناطیسی اطراف سیم راست از فرمول $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$ محاسبه می‌شود و برای محاسبه جهت این میدان:

انگشت شست را در جهت جریان قرار می‌دهیم با چهار انگشت دست راست به نقطه مورد نظر سوال اشاره می‌کنیم سپس بند انگشتان را خم می‌کنیم.(در نقطه ها ۹۰ درجه خم کنید!!)



تذکر: فرمول اندازه، از در کتاب درسی حذف گردیده ولی جهت‌ها را باید یاد بگیرید!

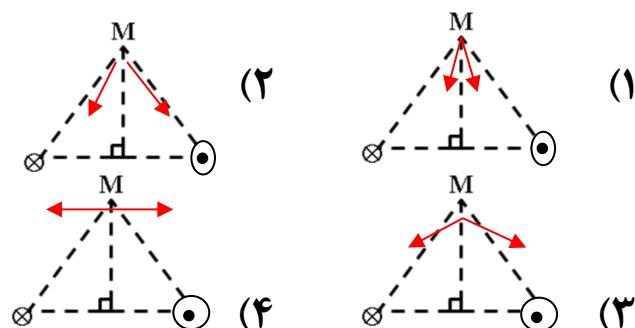
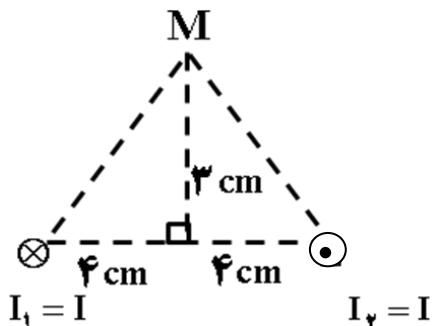
تسنیم: مطابق شکل در سه رأس مربع، سیم‌های حامل جریان الکتریکی، عمود بر صفحه کاغذ قرار دارند. کدام یک از شکل‌های زیر میدان مغناطیسی در مرکز مربع را درست نشان می‌دهد؟



گزینه ۲

تسنیم: دو سیم موازی بسیار بلند، حامل جریان مساوی، مطابق شکل زیر عمود بر صفحه قرار دارند. بردار میدان مغناطیسی هر یک از دو سیم در نقطه M در کدام

شکل درست است؟



صفر شدن میدان میدان مغناطیسی ناشی از دو سیم موازی حامل جریان

شرایط: اگر جریانها همجهت باشد میدان در نقطه ای بین دو سیم (نزدیک به جریان کوچکتر) صفر می‌شود ولی اگر جریانها مختلف الجهت باشد میدان در نقطه ای خارج از فاصله بین دو سیم (نزدیک به جریان کوچکتر) صفر می‌شود.

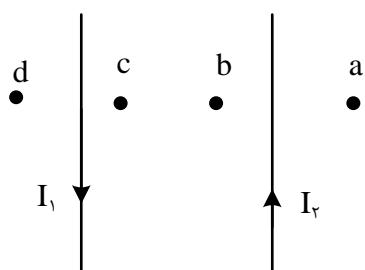
تسنیع: شکل مقابل، دو سیم موازی جریان های نامساوی I_1 و I_2 را نشان می دهد. اگر $I_1 > I_2$ باشد، میدان مغناطیسی برآیند (خالص) در کدام نقطه می تواند صفر باشد؟

d (4)

c (3)

b (2)

a (1)



گزینه ۱

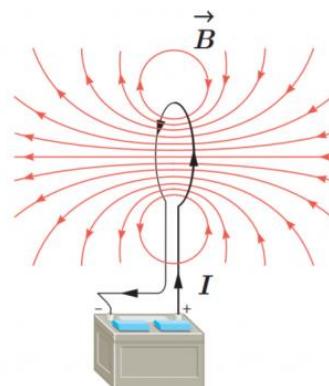
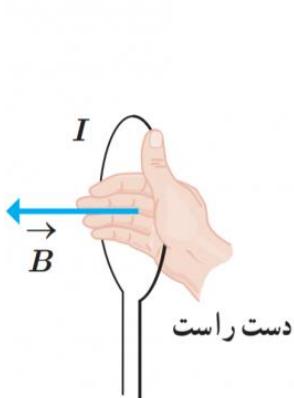


میدان مغناطیسی حلقه‌ها و پیچه‌ها

اندازه میدان در حلقه کامل از فرمول $B = \frac{\mu_0 I}{2R}$ محاسبه می‌شود

اندازه میدان در حلقه ناقص از رابطه $B = \frac{\alpha}{360} \frac{\mu_0 I}{2R}$ محاسبه می‌گردد

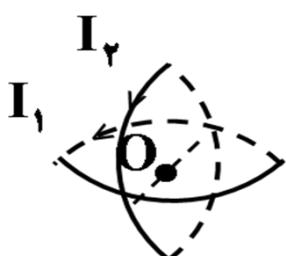
اندازه میدان در پیچه‌ها از $B = N \frac{\mu_0 I}{2R}$ محاسبه می‌شود



برای پیدا کردن جهت میدان در حلقه‌ها و پیچه‌ها کافیست انگشت شست را در جهت جریان قرار می‌دهیم سپس با انگشت به مرکز حلقه (پیچه) اشاره می‌کنیم، اکنون خم شدن بند انگشتان به اندازه ۹۰ درجه، جهت B را نشان می‌دهد

تست: مطابق شکل زیر، دو حلقه رسانا، هم اندازه و هم مرکز با شعاع‌های ۱۰ سانتیمتر در دو صفحه عمود بر هم قرار دارند و از هر یک جریان مساوی به شدت ۱۰۰ آمپر می‌گذرد. اندازه برایند میدان‌های مغناطیسی دو حلقه در مرکز حلقه‌ها (نقطه O)، چند گاوس می‌باشد؟ ($\mu_0 = ۱۲ \times 10^{-۶} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$)

$$12(4) \quad 6(3) \quad 6\sqrt{2}(2) \quad 3\sqrt{2}(1)$$



تست: سیمی به طول 157cm را به صورت سیم پیچه مسطحی به شعاع 5cm در می آوریم. اگر از این سیم جریان 2 آمپر بگذرد، میدان مغناطیسی در مرکز سیم پیچ مسطح چند تسلا است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$)

$$(1) 6/3 \times 10^{-7} \quad (2) 12/5 \times 10^{-5} \quad (3) 12/5 \times 10^{-7} \quad (4) 6/3 \times 10^{-5}$$

تست: سیمی به طول L را به صورت پیچه مسطحی به شعاع r در می آوریم و جریانی به شدت I را از آن عبور می دهیم. در این صورت اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه برابر با B است. اگر همین سیم را به صورت پیچه مسطحی به شعاع $\frac{r}{2}$ در آوریم و جریانی به شدت $2I$ از آن عبور دهیم اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه چند B خواهد بود؟

$$(1) 4/2 \quad (2) 1/2$$

$$(3) 2/4 \quad (4) 8/2$$

حل : در هر حالت، تعداد حلقه های پیچه برابر است با: $N = \frac{L}{2\pi r}$
با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی در داخل یک پیچه، داریم:

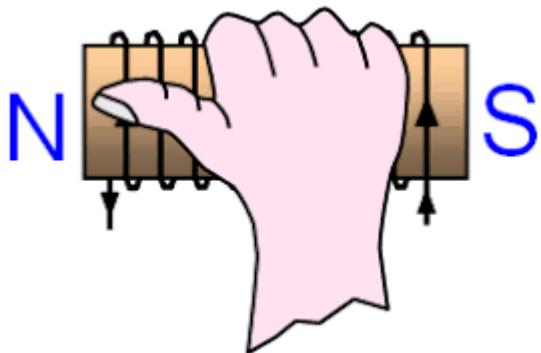
$$B = \frac{\mu_0 NI}{4r} = \frac{\mu_0 \times \frac{L}{2\pi r} \times I}{4r} = \frac{\mu_0 LI}{4\pi r^2}$$

$$\Rightarrow \frac{B_2}{B_1} = \frac{\frac{\mu_0 L/2I}{4\pi (\frac{r}{2})^2}}{\frac{\mu_0 LI}{4\pi r^2}} = \lambda$$



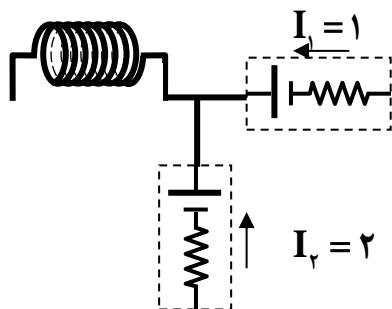
میدان مغناطیسی سیم‌لوله

در سیم‌لوله‌ها اندازه میدان مغناطیسی از رابطه $B = \frac{\mu_0 NI}{L}$ محاسبه می‌گردد و برای پیدا کردن جهت این میدان، اگرچهار انگشت دست راست را روی سیم‌لوله و در جهت جریان قرار می‌دهیم، اکنون انگشت شست هم جهت قطب N و هم جهت میدان B را در داخل سیم‌لوله نشان می‌دهد.



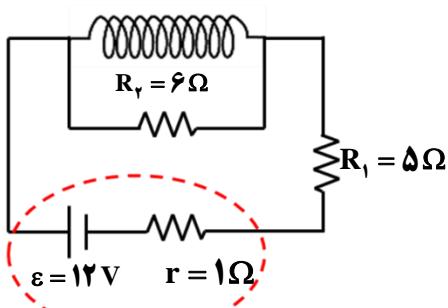
تست: در مدار روبرو طول سیم‌لوله ۳۰ سانتیمتر و دارای ۵۰۰ حلقه است. میدان مغناطیسی در داخل سیم‌لوله چند گاوس است؟

- (۱) 20π (۲) 2π (۳) $2\pi \times 10^{-2}$ (۴) $2\pi \times 10^{-3}$



تست: در مدار شکل زیر مقاومت سیم‌لوله ناچیز است. اگر طول سیم‌لوله ۱۰cm و تعداد دورهای آن ۵۰۰ باشد، بزرگی میدان مغناطیسی روی محور اصلی آن چند گاوس است؟ ($\pi=3$)

- (۱) ۱۲ (۲) ۶ (۳) ۱۲۰ (۴) ۶۰



تسنی: در شکل زیر سیم راست از لابه لای حلقه های سیم لوله گذشته و عمود بر محور سیم لوله است و جریان ۲۰ آمپر دارد. اگر تعداد حلقه های سیم لوله در واحد طول ۲۰۰ عدد و شعاع حلقه ها ۵ سانتی متر باشد،

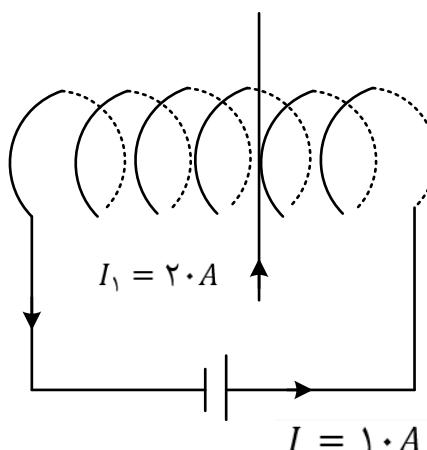
$$\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{N.A}}{\text{A}}$$

$$1) 4/8 \times 10^{-3} \text{ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف داخل}$$

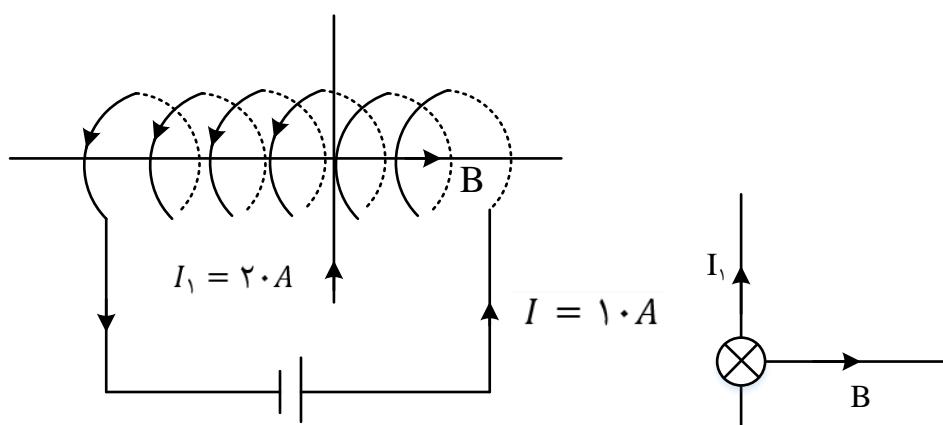
$$2) 2/4 \times 10^{-3} \text{ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف بیرون}$$

$$3) 4/8 \times 10^{-3} \text{ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف بیرون}$$

$$4) 2/4 \times 10^{-3} \text{ نیوتن و عمود بر صفحه به طرف داخل}$$



گزینه ۱ پاسخ صحیح است.



$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} = 12 \times 10^{-7} \times 200 \times 10 = 24 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$\text{قطر سیم لوله } L = 2 \times 5 \times 10^{-2} = 10^{-1} \text{ m}$$

$$F = BIL \sin 90^\circ = 20 \times 0.1 \times 24 \times 10^{-4} = 4/8 \times 10^{-3} \text{ N}$$

طبق قاعده دست راست جهت نیرو عمود بر صفحه به طرف داخل است



$$B = \frac{\mu \cdot I}{2\pi r} \quad \text{اندازه}$$

سیم راست

جهت شست در جهت جریان - خم شدن
انگشتان میدان

$$B = \frac{\mu \cdot I}{2\pi r} \quad \text{اندازه}$$

حلقه

جهت شست در جهت جریان - خم شدن
انگشتان میدان

$$B = N \frac{\mu \cdot I}{2r} \quad \text{اندازه}$$

پیچه

جهت شست در جهت جریان - خم شدن
انگشتان میدان

$$B = \frac{\mu \cdot NI}{L} \quad \text{اندازه}$$

سیم‌لوله

جهت چهار انگشت دست راست در جهت
جریان - انگشت شست جهت N

فرمول‌های میدان
برای K هوا



آهنربای الکتریکی:

با قرار دادن یک میله آهنی در میدان مغناطیسی می‌توان ویژگی مغناطیسی در آن القا کرد. اگر میله آهنی در یک سیم‌لوله حامل جریان که میدان در آنجا از هر جای دیگر در اطراف سیم‌لوله قوی‌تر است قرار گیرد، آن را هسته سیم‌لوله می‌نامند. پیش از آنکه جریانی از سیم‌لوله عبور کند، سیم‌لوله و هسته آهنی خاصیت مغناطیسی ندارند. اما وقتی جریانی در سیم‌لوله برقرار شود، میدان مغناطیسی سیم‌لوله خاصیت مغناطیسی در هسته آهنی القا می‌کند و هسته آهنی، آهنربا می‌شود. این آهنربا را آهنربای الکتریکی می‌نامند چه تعداد دورهای سیم‌لوله در واحد طول و جریانی که از آن می‌گذرد بیشتر باشد، آهنربای الکتریکی قوی‌تر خواهد بود. وجود هسته آهنی باعث تقویت میدان مغناطیسی سیم‌لوله می‌شود. میدان مغناطیسی سیم‌لوله بدون هسته آهنی به قدری ضعیف است که در عمل کاربردهای کمی دارد.

برای تشخیص قطب N و S در آهنربای الکتریکی باید ۴ انگشت دست راست را در روی آهنربا و در جهت جریان قرار دهیم. اکنون انگشت شست قطب N را نشان می‌دهد.



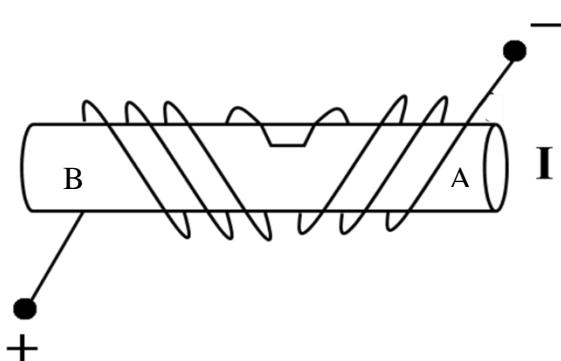
تست : با توجه به شکل مقابل نقاط A و B به ترتیب از راست به چپ کدام قطب آهنربا هستند؟

N-S (۲)

S-N (۱)

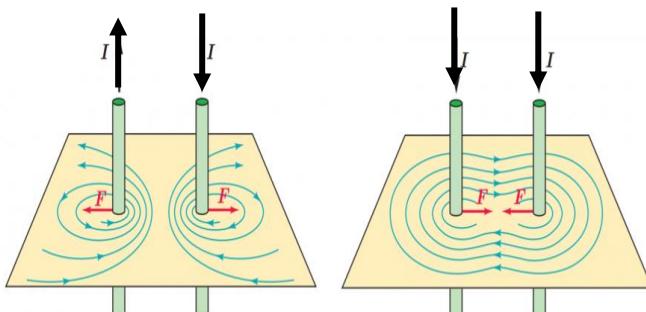
S-S (۴)

N-N (۳)



محاسبه نیرویی که دو سیم حامل جریان برهم وارد می‌کند

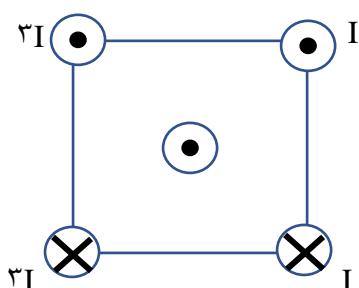
دو سیم راست و موازی و حامل جریان برهم نیرو وارد می‌کنند، اگر جریان‌های دو سیم راست و موازی همجهت باشد نیرویی که دو سیم برهم وارد می‌کنند از نوع جاذبه است، اگر جریان‌های دو سیم راست و موازی مختلف الجهت باشد نیرویی که دو سیم برهم وارد می‌کنند از نوع دافعه است.



و در هر دو حالت اندازه این نیرو از رابطه روبرو محاسبه می‌گردد که این فرمول مطالعه آزاد است اما جهت‌ها را باید یاد بگیرید

$$\text{مطالعه آزاد} \quad F = \frac{\mu_0 I_1 I_2 L}{2\pi d}$$

تست: شکل رو به رو، سیم‌های بلند و موازی را نشان می‌دهد که بر صفحه کاغذ عمودند و جریان‌ها با جهت و اندازه مشخص شده از آنها می‌گذرد، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیمی که از مرکز مربع می‌گذرد،



- کدام است؟
- (۱)
 - (۲)
 - (۳)
 - (۴)



خواص مغناطیسی مواد

مواد با توجه به ویژگی‌های مغناطیسی‌شان به دسته‌های مختلفی همچون فرومغناطیس، پارامغناطیس، دیامغناطیس، و تقسیم می‌شوند که هریک کاربردهای مخصوص به خود را دارد اینجا در ادامه به تعریف برخی از این اصطلاحات میپردازیم.

مواد فرومغناطیس: موادی هستند که حوزه‌های مغناطیسی همجهت دارد ولی سمت گیری هر حوزه با حوزه دیگر متفاوت است.

انواع مواد فرو مغناطیس:

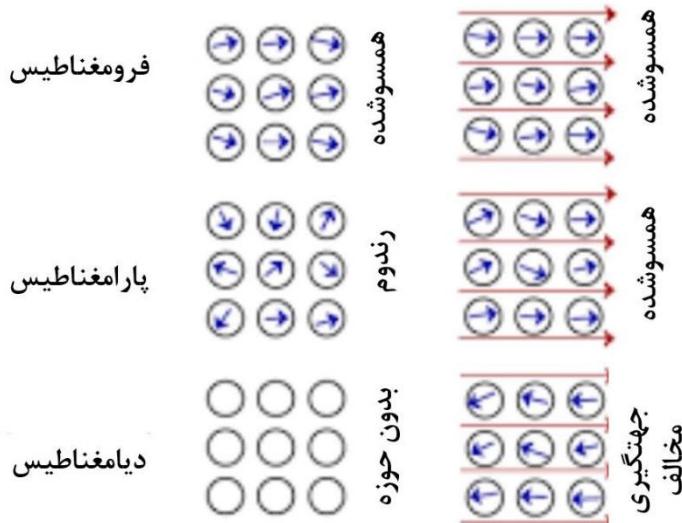
فرو مغناطیس نرم: این مواد به آسانی آهنربا شده و به آسانی نیز این خاصیت را از دست میدهند. (مثل آهن - نیکل - کبالت خالص و...)

فرو مغناطیس سخت: این مواد به سختی آهنربا شده و به سختی نیز این خاصیت را از دست میدهند. (مثل فولاد)

مواد پارامغناطیس: در این مواد دوقطبی‌های مغناطیسی بصورت کاتورهای و نامنظم توزیع شده‌اند. و فقط تحت تاثیر میدان‌های بسیار قوی موقتا خاصیت مغناطیسی بدست می‌آورند و به محض حذف میدان قوی آنها خاصیت مغناطیسی خود را از دست میدهند.

مواد دیامغناطیس: این مواد جلوی هر قطب آهنربا قرار گیرد با آن همنام می‌شود و دفع می‌شود. (مانند بیسموت)

مشاهده مواد فرو، پارا و دیامغناطیس در حضور و عدم حضور میدان مغناطیسی



القای الکترومغناطیسی

شار مغناطیسی

شار یا فلو به مجموعه‌ی خطوط میدان مغناطیسی که از یک سطح بسته می‌گذرد گفته می‌شود.
واحد آن در SI وبر (Wb) و واحد آن در CGS آن ماسکول است

نکته ۱: وبر 10^{-8} = یک ماسکول

نکته ۲: CGS سروازه Centimetre-Gram-Second (سانتیمتر-گرم-ثانیه) یکی از دستگاه‌های اندازه‌گیری است

رابطه: شار از فرمول زیر محاسبه می‌گردد



تست: قاب مستطیل شکلی به ابعاد ۱۰ در ۴۰ سانتیمتر در میدان مغناطیسی یکنواخت ۲/۰ تسلایی قرار دارد و خط‌های میدان با خط عمود بر سطح زاویه ۳۰ درجه می‌سازد. شار عبوری از آن چند وبر است؟

$$(1) 4 \times 10^{-1} \quad (2) 4 \times 10^{-3} \quad (3) 4\sqrt{3} \times 10^{-3} \quad (4) 4\sqrt{3} \times 10^{-1}$$

تست: قاب مستطیل شکلی به ابعاد ۱۰ در ۴۰ سانتیمتر در میدان مغناطیسی یکنواخت ۲/۰ تسلایی قرار دارد و خط‌های میدان با سطح قاب زاویه ۳۰ درجه می‌سازد. شار عبوری از آن چند وبر است؟

$$(1) 4 \times 10^{-1} \quad (2) 4 \times 10^{-3} \quad (3) 4\sqrt{3} \times 10^{-3} \quad (4) 4\sqrt{3} \times 10^{-1}$$

تست: سیم‌وله‌ای به طول ۲۰ سانتی‌متر دارای ۱۰۰ حلقه است. حلقه‌ها به دور یک میله عایق به شعاع مقطع ۲ سانتی‌متر به صورت منظم پیچیده شده‌اند. وقتی جریان ۵/۰ آمپری از سیم‌وله می‌گذرد، شار مغناطیسی گذرنده از هر مقطع عمود بر میله، چند وبر است؟ $\pi^3 = 10^3$

$$(1) 8 \times 10^{-7} \quad (2) 12 \times 10^{-5} \quad (3) 4 \times 10^{-7} \quad (4) 24 \times 10^{-5}$$

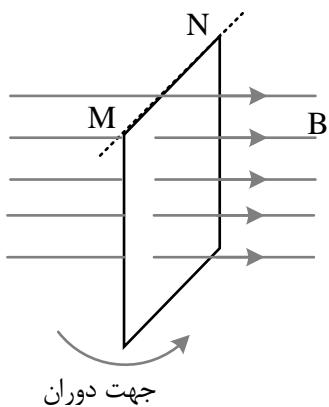


تست: اگر بردار میدن مغناطیسی یکنواختی در SI به صورت $\vec{B} = 0/3\vec{i} + 0/4\vec{j}$ باشد و حلقه ای به مساحت 200 cm^2 که سطح آن موازی محور x و عمود بر محور y است، در این میدان قرار داشه باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در آن محیط و شار مغناطیسی عبوری از حلقه در SI از راست به چپ کدام اند؟

- (1) صفر، صفر (2) $6 \times 10^{-3}, 0/5$ (3) $8 \times 10^{-3}, 0/7$ (4) $8 \times 10^{-3}, 0/5$

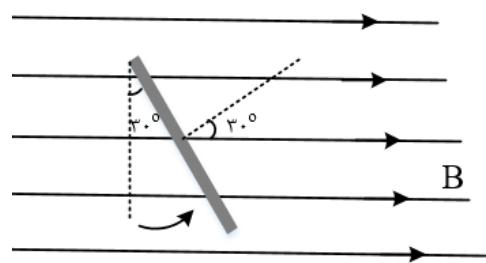
تست: سطح حلقه رسانایی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد. اگر صفحه را حول ضلع MN به اندازه 30° درجه بچرخانیم، شار مغناطیسی عبوری از سطح چند برابر می شود؟

- (1) $\frac{1}{2}$ (2) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (3) ۲ (4) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$



جهت دوران

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



ابتدا عمود است و زاویه صفر ولی اگر سطح حلقه را 30° حول ضلع MN دوران دهیم، زاویه بین نیم خط عمود بر سطح

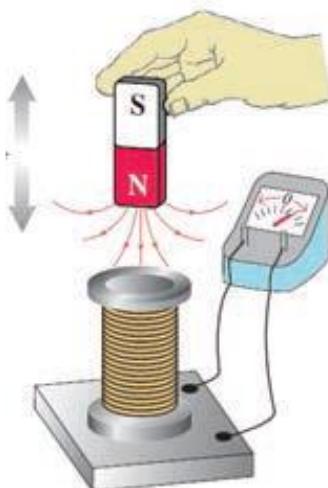
$$\frac{\varphi_2}{\varphi_1} = \frac{AB\cos 30}{AB\cos 0} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

حلقه و خطوط میدان نیز 30° می شود.



القای الکترومغناطیسی

القای الکترومغناطیسی، اساس تولید انرژی الکتریکی در همه نیروگاههای برق است که جریان متناوب را تولید، منتقل و توزیع می کنند فارادی کشف کرد با حرکت آهنربا نسبت به پیچه، یک جریان الکتریکی در مدار القای شود. این پدیده را القای الکترومغناطیسی و جریان تولید شده را جریان الکتریکی القایی می نامند. القای الکترومغناطیسی اساس کار مولد جریان متناوب، دینام، مبدلها و بسیاری از وسیله‌های الکتریکی است. دور یا نزدیک شدن آهنربا به پیچه باعث تغییر میدان مغناطیسی در محل پیچه می شود و همین امر جریان الکتریکی را در پیچه القایی کند. پس می توان چنین نتیجه گرفت که تغییر اندازه میدان مغناطیسی در محل یک مدار بسته باعث القای جریان الکتریکی در آن مدار می شود آزمایش نشان می دهد که علاوه بر روش گفته شده، به روش های دیگر نیز می توان در یک پیچه جریان الکتریکی القا کرد اگر شکل پیچه را تغییر دهیم تا مساحت حلقه آن تغییر کند، خواهیم دید که در هنگام این کار نیز جریان الکتریکی در پیچه القایی می شود. می توان نتیجه گرفت که: تغییر مساحت مدار بسته در میدان مغناطیسی نیز می تواند جریان القایی در مدار تولید کند. با چرخاندن پیچه در میدان مغناطیسی یکنواخت اندازه میدان مغناطیسی و مساحت حلقه مدار تغییر نمی کند، ولی زاویه بین میدان مغناطیسی و سطح پیچه تغییر می کند. از این می توان نتیجه گرفت که: تغییر زاویه بین پیچه و راستای میدان مغناطیسی نیز سبب برقراری جریان الکتریکی القایی می شود.



$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

نیروی محرکه القایی متوسط:

$$\varepsilon = -N \frac{d\Phi}{dt}$$

نیروی محرکه القایی لحظه‌ای:
(مطالعه آزاد)

خلاصه قانون القای فارادی: هرگاه شارعبوری از دوسر مدار بسته‌ای تغییر کند نیروی محرکه‌ای(برق!) در آن بوجود می آید که از روابط بالا محاسبه می شود



تمرین: پیچه‌ای شامل ۱۰ حلقه است. معادله شار عبوری از آن بصورت $\oint = t^3 + 5t + 10$ است:
الف: نیروی محرکه القایی در ۲ ثانیه اول؟

ب: نیروی محرکه القایی در ثانیه دوم؟

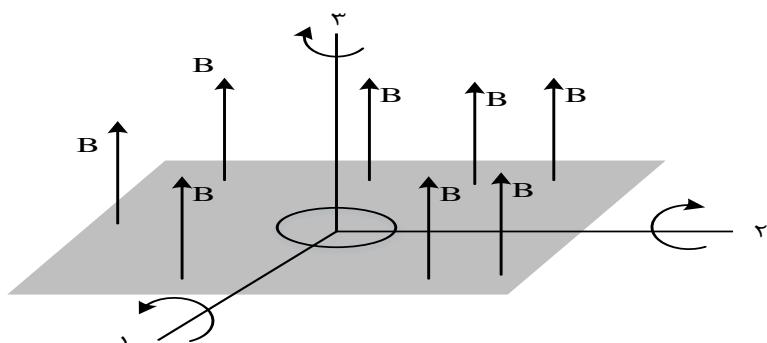
ج: نیروی محرکه القایی در لحظه $t=2$ ؟

تست: پیچه‌ای دارای ۵۰ حلقه است و شار مغناطیسی $4/0$ وبر از آن می‌گذرد. این شار مغناطیسی به طور منظم کاهش پیدا کرده و در مدت Δt به صفر می‌رسد. اگر مقاومت الکتریکی این مدار ۵ اهم باشد، چند کولن الکتریسیته القایی در این مدت در مدار شارش پیدا می‌کند؟

- | | |
|----------|---------|
| (۱) ۰/۰۲ | (۲) ۰/۴ |
| (۳) ۲ | (۴) ۴ |

تست: حلقه‌ای فلزی درون میدان مغناطیسی یکنواختی مطابق شکل قرار دارد. حلقه را 180 درجه حول هر کدام از محورهای نشان داده شده می‌چرخانیم، در کدام مورد یا موارد، پدیده القای الکترومغناطیسی رخ می‌دهد؟ (تست آزمون سنجش)

- | | | | |
|-----------|---------|---------------|--------------------|
| (۱) فقط ۳ | (۲) ۱و۲ | (۳) همه موارد | (۴) هیچیک از موارد |
|-----------|---------|---------------|--------------------|



گزینه ۲



بسط قانون فارادی:

ما میتوانیم فرمول فرادی را باز کنیم و سه فرمول زیر را از آن استخراج نماییم

بسط قانون فارادی:

$$\begin{aligned}\varepsilon &= -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \\ \varepsilon &= -\frac{N A \Delta B \cos \alpha}{\Delta t} \\ \varepsilon &= -\frac{N A B (\cos \alpha - \cos \alpha)}{\Delta t}\end{aligned}$$

تست: حلقه‌ای به مساحت ۵۰۰ سانتیمترمربع عمود بر میدان مغناطیسی ۰/۰۲ تسلایی است. اگر در مدت زمان

۰/۰ ثانیه میدان مغناطیسی به صفر بر سر اندازه نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت می‌شود؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۱ (۳) ۰/۱ (۴) هیچکدام

تست: حلقه‌ای به مساحت ۰/۲ مترمربع عمود بر میدان مغناطیسی ۰/۵ تسلایی است. اگر در مدت ۱/۰ ثانیه به

وضعی درآید که خطوط میدان با سطح حلقه زاویه ۳۰ بسانند بزرگی نیروی محرکه القایی چند ولت می‌شود؟

- (۱) ۰/۲ (۲) ۰/۵ (۳) ۰/۱ (۴) هیچکدام

تست: حلقه‌ای به مساحت ۰/۵ متر مربع عمود بر میدان مغناطیسی قرار دارد. که با آهنگ ۲۰ واحد SI تغییر

می‌کند. اگر مقاومت این حلقه ۴۰ اهم باشد اندازه شدت جریان القایی چند آمپر می‌شود و پس از

128×10^{-20} ثانیه چه تعداد الکترون القا می‌گردد؟

- (۱) ۰/۲۵ (۲) ۴-۴۰۰ (۳) ۴-۰/۲۵ (۴) هیچکدام



تست: حلقه ای به شعاع ۲ سانتی‌متر، عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی مسی شعاع مقطع ۲mm و مقاومت $1 \times 10^{-8} \Omega$ ویژه تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریانی برابر ۰/۰ آمپر در حلقه القا شود؟

۰/۰۲۸ (۱)

۰/۰۸۲ (۳)

۰/۸۲۰ (۴)

$$L = 2\pi r = 2 \times (2) = 12 \text{ cm} = 0.12 \text{ m}$$

$$A = \pi r^2 = \frac{\pi r^2}{r = 2 \text{ mm} = 2 \times 10^{-3} \text{ m}} \rightarrow A = \pi \times (2 \times 10^{-3})^2 \\ = 12 \times 10^{-9} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} = \frac{1/12 \times 10^{-8} \times 12 \times 10^{-3}}{12 \times 10^{-9}} = 1/12 \times 10^{-4} \Omega$$

$$\varepsilon = RI = 1/12 \times 10^{-4} \times 0.12 = 34 \times 10^{-9} \text{ V}$$

$$\bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B \cos \theta}{\Delta t} \xrightarrow{A = \pi r^2 = \pi \times (2 \times 10^{-3})^2 = 12 \times 10^{-9} \text{ m}^2} \\ 34 \times 10^{-9} = -12 \times 10^{-4} \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = \frac{34 \times 10^{-9}}{12 \times 10^{-4}} \\ \square 2.8 \times 10^{-5} = 0.028 \frac{\text{T}}{\text{s}}$$

تست: نمودار شار - زمان که از یک مدار بسته شامل یک حلقه می‌گذرد، به صورت سهمی زیر است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در ثانیه دوم چند ولت است؟



۴/۵ (۱)

۱۲ (۲)

۷/۵ (۳)

۳/۷۵ (۴)

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا معادله سهمی را به دست می‌آوریم:

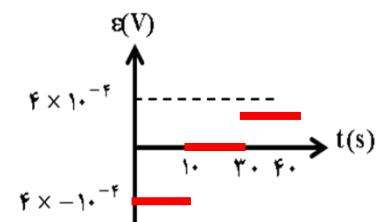
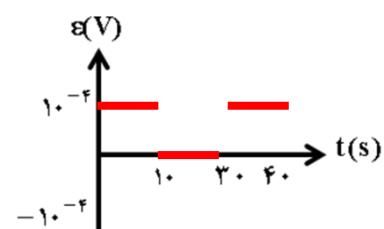
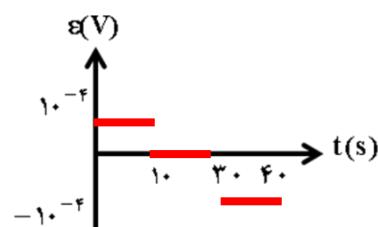
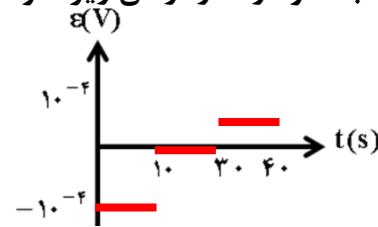
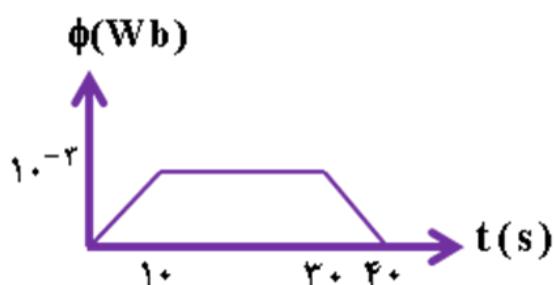
$$\varphi = At^2 + Bt + C$$

چون در $t = 0$ شیب خط مماس صفر است، $B = 0$ خواهد شد.

$$t = 1 \rightarrow \varphi_1 = \frac{17}{4} \text{ (wb)} \rightarrow \varepsilon = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \rightarrow \varepsilon = \frac{15}{2-1} = -\frac{15}{4} V = -3/75(V)$$



با توجه به نمودار شار-زمان زیر نمودار نیرو محرکه بر حسب زمان کدامست؟



قانون لنز

پس از آنکه فارادی روش ایجاد جریان مغناطیسی را کشف کرد یک دانشمند روسی به نام لنز قاعده‌ای برای تعیین جهت جریان در یک مدار بسته بدمست آورد.

بنا بر قانون لنز جهت جریان القایی به گونه‌ای است که با عامل بوجود آورنده خود مخالفت می‌کند.

دستور عمل قانون لنز (روش اصلی)

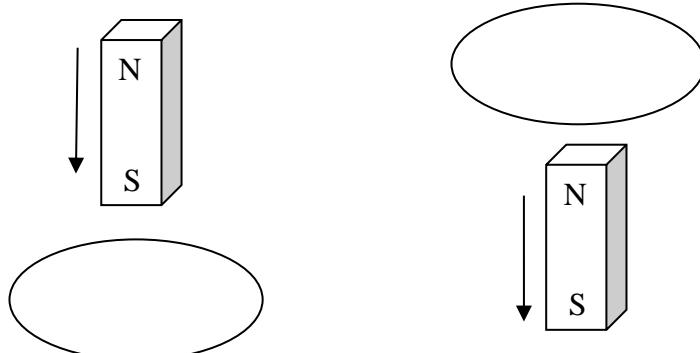
قدم اول: **B** اصلی را رسم کنید.

اگر **B** اصلی افزایش یابد مخالف \leftarrow **B'** مخالف **B** اصلی می‌شود.

قدم دوم:

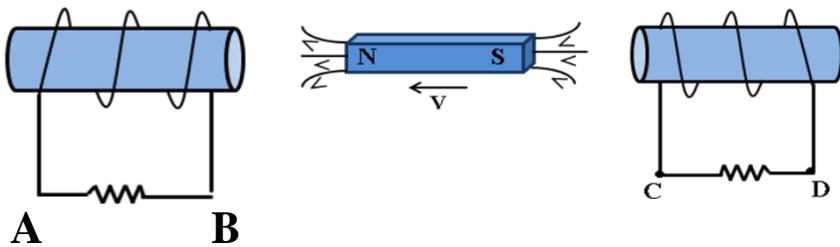
اگر **B** اصلی کاهش یابد \leftarrow **B'** هم‌جهت **B** اصلی می‌شود.

تمرین: یک آهنربای میله‌ای را از ارتفاع معینی رها می‌کنیم. و در مسیر از داخل حلقه‌ای رساناً عبور می‌کند. جهت جریان القایی هنگام ورود و هنگام خروج آهنربا چگونه می‌شود؟



تست: در شکل زیر سیم‌لوله‌ها ثابت اند آهنربا به سمت چپ در حرکت است. جهت جریان القایی در مقاومت‌ها کدام است؟

- (۱) از A به B واز C به D
 (۲) از A به B واز C به D
 (۳) از A به B واز C به D
 (۴) از A به B واز C به D



تست: دو سیم طویل و موازی حامل جریانهای مساوی I هستند اگر حلقه را مطابق شکل از چپ به راست و به نزدیکی سیم دیگر حرکت دهیم، جهت جریان القایی در هر حلقه چگونه است؟

- (۱) ساعتگرد-ساعتگرد
 (۲) ساعتگرد-پاد ساعتگرد
 (۳) پاد ساعتگرد-ساعتگرد
 (۴) پاد ساعتگرد-پاد ساعتگرد



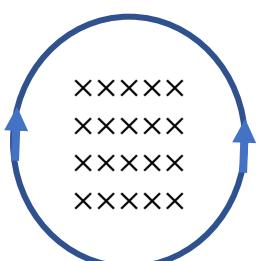
تست: در شکل مقابل حلقه‌ای در میدان درونسوی B- قرار دارد، اگر میدان به $B +$ تبدیل شود، جهت جریان القایی کدام است؟

ابتدا پاد ساعتگرد سپس د ساعتگرد

ابتدا ساعتگرد سپس پاد ساعتگرد

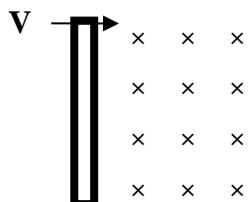
همواره پاد ساعتگرد

همواره ساعتگرد



حرکت میله با سرعت v در میدان B

هرگاه میله‌ای به طول L با سرعت V وارد یک میدان مغناطیسی به شدت B گردد نیروی حرکتی ای در آن القا می‌گردد که از رابطه زیر محاسبه می‌گردد.



$$\epsilon = -B V L \sin \alpha$$

تذکر: آلفا زاویه‌ی بین B و v است.

تذکر: منظور از L ضلعی از قاب است که بر راستای حرکت عمود است.

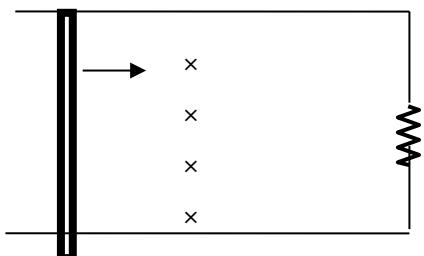
قانون دست راست برای پیدا کردن جهت جریان در شکل بالا:

تمرین: در شکل مقابل اگر مقاومت 4Ω اهم و میدان درون سوی آن 5 T سلا و سرعت حرکت میله 10 m/s باشد:

ثانیه به سمت راست باشد و طول میله 20 cm باشد:

الف: اندازه جریان القایی

ب: جهت جریان ساعتگرد است یا پاد ساعتگرد؟

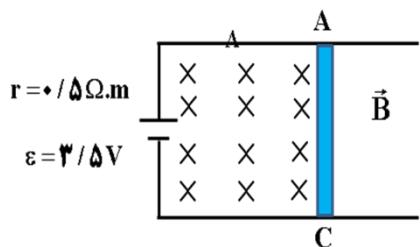


تست: در شکل زیر، طول میله رسانای AC برابر با 60 cm و مقاومت الکتریکی آن برابر با 5Ω است.

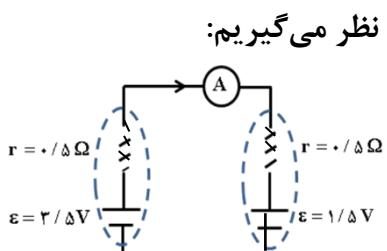
اگر بزرگی میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو برابر 5000 G باشد و میله AC را با سرعت ثابت 5 m/s

سمت راست حرکت دهیم، آمپرسنچ ایده آل چند میلی آمپر را نشان می‌دهد؟

(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵ (۵) ۰۰۲ (۶) ۰۰۰۲ (۷) ۰۰۰۵ (۸) ۰۰۰۰۵



$$\epsilon' = B \ell v = 5000 \times 10^{-4} \times 60 \times 10^{-2} \times 5 = 1.5\text{ V}$$



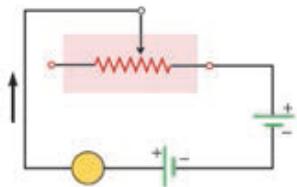
حل: میله متوجه یک باطری در نظر می‌گیریم:

$$I = \frac{\epsilon - \epsilon'}{R_T + \Sigma r} = \frac{3/4 - 1/4}{4/4 + 4/4} = 2A = 2000\text{ mA}$$



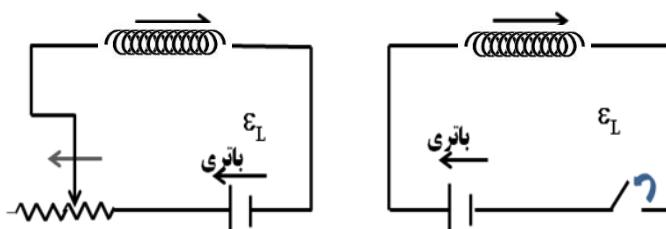
پدیده خودالقایی

اگر در مدار یک سیم‌لوله قرار داشته باشد و جریان گذرنده از مدار تغییر کند در دوسر سیم‌لوله نیروی محرکه‌ای توسط خود سیم‌لوله القا می‌شود که بر روی جریان مدار اثر می‌گذارد. این پدیده را خودالقایی می‌نامیم. مثلاً در مدار شکل روبرو، بنابر قانون لنز جهت نیروی محرکه خودالقایی چنان است که می‌خواهد مانع تغییر شار مغناطیسی ای شود که مولد ایجاد می‌کند.

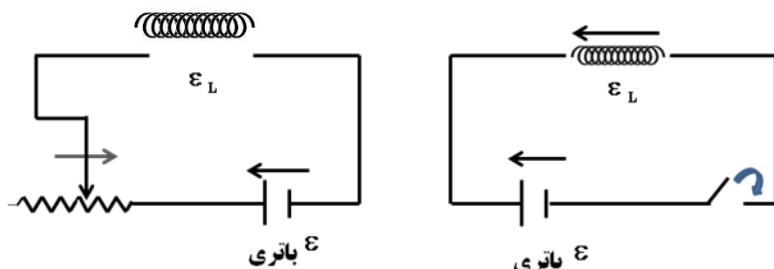


برای مثال، اگر مقاومت رئوستا کاهش‌یابد، جریان و در نتیجه شار مغناطیسی عبوری از القاگر می‌خواهد افزایش یابد. در نتیجه نیروی محرکه خودالقایی در جهتی ایجاد می‌شود که با افزایش شار مخالفت می‌کند. به عبارت دیگر در این حالت نیروی محرکه خودالقایی معادل نیروی محرکه ای عمل می‌کند که در جهت مخالف مولد در مدار قرار گرفته باشد.

پدیده خودالقایی



لحظه قطع کلید یا افزایش مقاومت (کاهش شدت جریان)



لحظه وصل کلید یا کاهش مقاومت (افزایش شدت جریان)



انرژی سیم‌وله

انرژی ذخیره شده در سیم‌وله از رابطه زیر محاسبه می‌گردد

$$U = \frac{1}{2} LI^2$$

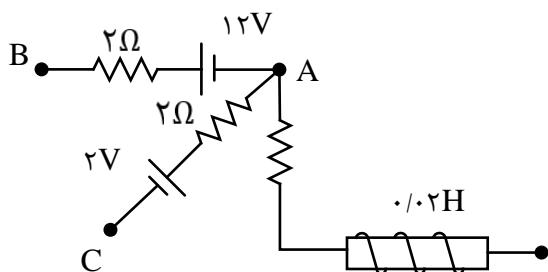
در فرمول بالا L ضریب خودالقاوری (هانری) است. در سوالات رشته تجربی طراحان آنرا به ما میدهند! ولی در رشته ریاضی ممکن است ندهند و باید خودمان آنرا از رابطه زیر محاسبه کنیم: (فقط دانش اموزان رشته ریاضی)

$$L = \frac{K\mu N^2 A}{l}$$

تعريف هانری: یک هانری ضریب خودالقاوی القاگری است که اگر جریان عبوری از آن با آهنگ یک آمپر بر ثانیه A/s تغییر کند، نیروی محرکه خودالقاوی برابر یک ولت در آن القا می‌شود.

تسنی: شکل مقابل قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_C - V_A = -6V$ و $V_B - V_A = 20V$ باشد، انرژی ذخیره شده در سیم لوله چند ژول است؟

(۱) ۰/۰۳ (۲) ۰/۰۴ (۳) ۰/۰۸ (۴) ۰/۰۶



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. جهت I_1 از نقطه B به سمت نقطه A است و داریم:

$$V_B - 2I_1 - 12 = V_A \rightarrow 2I_1 + 12 = 20 \rightarrow I_1 = 4A$$

جهت ما را از نقطه A به سمت نقطه C قرض می‌شود و داریم:

$$V_C = 2 + 2I_2 = V_A \rightarrow 2 + 2I_2 = 6 \rightarrow I_2 = 2A$$

$$A = I_1 - I_2 - I_3 = 0 \rightarrow I_3 = 4 - 2 = 2A \rightarrow U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times 0/02 \times 2^2 = 0/04J$$



تسنی: سیم‌لوله‌ای دارای هسته مغناطیسی ۴۰۰ و تعداد دورهای ۲۰۰ و سطح مقطع ۴ سانتیمتر مربع و طول ۶۲/۸ سانتیمتر است. اگر جریان عبوری از آن ۵ آمپر باشد انرژی ذخیره شده در آن چند ژول می‌شود؟

(۱) ۰/۱۶ (۲) ۱/۶ (۳) ۱۶ (۴) ۱۶۰

تسنی: با سیم روکش داری به طول یک متر و قطر مقطع ۱mm، سیم‌لوله‌ای بدون هسته ساخته ایم که مساحت هر حلقه آن $\pi \times 10^{-4} m^2$ می‌باشد و حلقه‌ها در یک لایه کنار هم پیچیده شده‌اند. ضریب القاوری

این سیم‌لوله چند‌هانگی است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$)

(۱) $5\pi \times 10^{-6}$ (۲) $2\pi \times 10^{-6}$

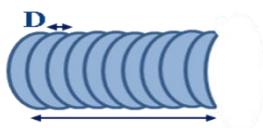
(۳) $5\pi \times 10^{-3}$ (۴) $2\pi \times 10^{-3}$

حل: در ابتدا تعداد حلقه‌های سیم‌لوله را محاسبه می‌کنیم:

$$A = \pi R^2 \Rightarrow \pi \times 10^{-4} = \pi \times R^2 \Rightarrow R = 10^{-2} m \\ = 2\pi R = 2\pi \times 10^{-2} m$$

$$N = \frac{\text{طول سیم}}{\text{محیط یک حلقه}} = \frac{1}{2\pi \times 10^{-2}} \Rightarrow N = \frac{50}{\pi}$$

حال برای تعیین طول سیم‌لوله‌ای با N حلقه سیم روکش دار به قطر D داریم:



$$l = ND = \frac{50}{\pi} \times 10^{-3} m$$

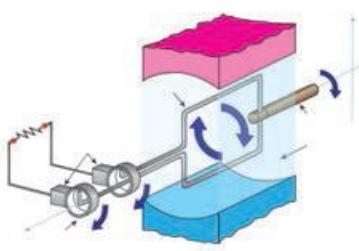
اکنون برای تعیین ضریب خود القایی داریم:

$$L = \frac{k\mu_0 N^2 A}{l} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times \left(\frac{50}{\pi}\right)^2 \times \pi \times 10^{-4}}{\frac{50}{\pi} \times 10^{-3}} \\ \Rightarrow L = 4\pi \times 10^{-9} H$$



شدت جریان متناوب

یکی از کاربردهای مهم القای الکترومغناطیسی، تولید جریان متناوب است. دیدیم که برای تولید نیروی محرکه القایی باید شار عبوری از مدار تغییر کند، و شار مغناطیسی که از یک پیچه می‌گذرد از رابطه $\Phi = AB\cos \alpha$ محاسبه می‌شود که در آن α زاویه بین نیم خط عمود بر سطح پیچه و میدان مغناطیسی است ساده‌ترین راه برای تغییر شار، تغییر زاویه α است. به همین دلیل متداول ترین روش تولید جریان القایی، تغییر زاویه α است شکل زیر پیچه‌ای را نشان می‌دهد که می‌تواند در میدان مغناطیسی یکنواخت دور محور بچرخد حرکت مکانیکی از طریق میل گردن، سبب چرخیدن پیچه در میدان مغناطیسی می‌شود و جریان متناوبی را در مدار به وجود می‌آورد.



چند تعریف مقدماتی:

دوره تناوب: به زمان یک دور کامل می‌گوییم T

بسامد: تعداد دورهای زده شده در واحد زمان f

بسامد زاویه‌ای:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \quad \omega = 2\pi f$$

اگر شار مغناطیسی که $\Phi = AB\cos \alpha$ در لحظه t از پیچه عبور می‌کند برابر است با:
 $\alpha = \omega t \quad \Phi = AB\cos \omega t$

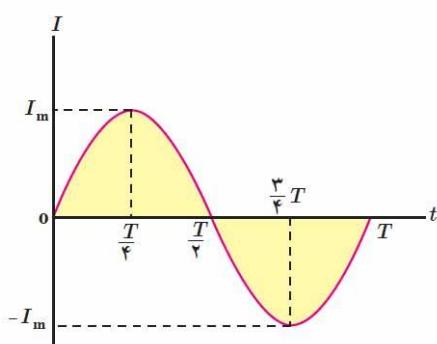
نیروی محرکه القا شده در پیچه با توجه به قانون فارادی از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

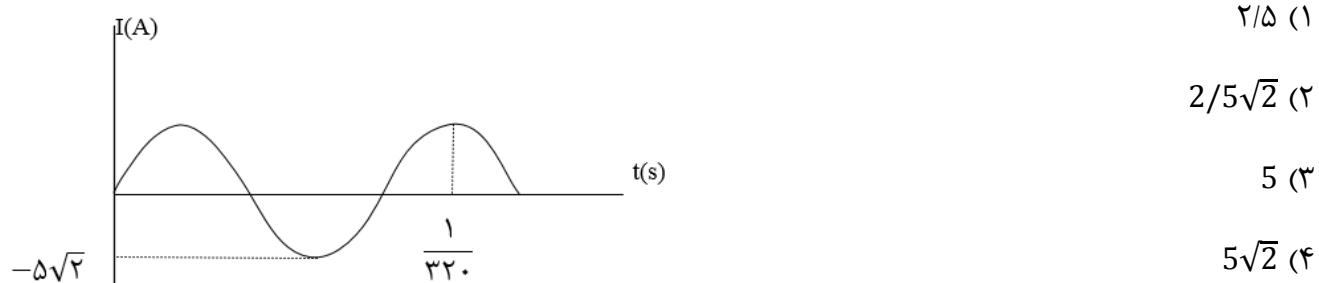
$$\varepsilon = NAB\omega \sin \omega t \rightarrow \varepsilon = \varepsilon_m \sin \omega t$$

همچنین با تقسیم رابطه بالا بر مقاومت R معادله شدت جریان به دست می‌آید:

$$I = \frac{NAB\omega \sin \omega t}{R} \rightarrow I = I_m \sin \omega t$$



تسنیع: نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است، اندازه جریان در لحظه $\frac{1}{3200}$ سر ثانیه چند آمپر است؟



۲/۵ (۱)

۲/۵\sqrt{2} (۲)

۵ (۳)

۵\sqrt{2} (۴)

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. طبق نمودار:

$$\frac{5T}{4} = \frac{1}{320} \rightarrow T = \frac{1}{400} s$$

همچنین مقدار بیشینه‌ی جریان الکتریکی $5\sqrt{2}A$ است.

$$I = I_{max} \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 5\sqrt{2} \sin\left(\frac{2\pi}{\frac{1}{400}} \times \frac{1}{3200}\right) = 5\sqrt{2} \sin\frac{\pi}{4} = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5A$$

تسنیع: نیروی محرکه متناوبی که بیشینه آن 10 ولت است و دوره آن 0.02 ثانیه است از یک رسانای 5 اهمی می‌گذرد در چه لحظه‌ای شدت جریان برای 31 امین بار بیشینه خواهد بود؟

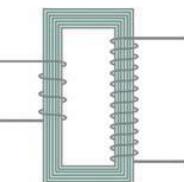
(۱) $\frac{61}{200}$ (۲) $\frac{63}{200}$ (۳) $\frac{63}{100}$ (۴) هیچکدام



مبدل‌ها: یکی از امتیازهای مهم توزیع توان الکتریکی ac بر dc آن است که افزایش و کاهش ولتاژ ac , بسیار آسان تر از dc است. در انتقال توان در فاصله‌های دور می‌خواهیم تا حدّ امکان از ولتاژ هرچه بالاتر و جریان هرچه کمتری استفاده کنیم، این کار اتلاف RI^2 را در خط‌های انتقال کم می‌کند و می‌توان از سیم‌های نازک تری استفاده و در مصرف مواد اولیه صرفه جویی کرد. خط‌های انتقال توان الکتریکی به طور معمول از ولتاژ‌های در حدود ۴۰۰ کیلوولت استفاده می‌کنند از طرف دیگر، ملاحظات ایمنی و الزامات عایق بندی در ساخت وسایل خانگی و صنعتی، ولتاژ‌های به نسبت پایین تری را ضروری می‌کنند. ولتاژ استاندارد برای سیم کشی خانگی در ایران و بسیاری از کشورهای دیگر ۲۲۰ است. تبدیل ولتاژ مورد نیاز با استفاده از مبدل‌ها صورت می‌گیرد.

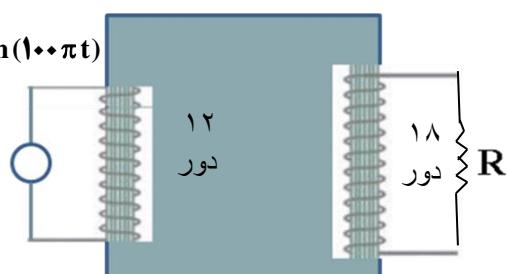
شکل زیر مبدلی شامل دو پیچه با تعداد دورهای متفاوت را نشان می‌دهد که به دور یک هسته آهنی (فرومغناطیس نرم) پیچیده شده‌اند در عمل پیچه اولیه با N_1 دور به یک مولد جریان متناوب بسته شده است که ولتاژ آن V_1 است. پیچه ثانویه با N_2 دور به مصرف کننده ای وصل شده است که ولتاژ V_2 را تأمین کند. برای یک مبدل آرمانی که مقاومت پیچه‌های آن ناچیز است، رابطه زیر برقرار است:

(ولتاژ خروجی V_2) و N_2 دور
(ولتاژ ورودی V_1) و N_1 دور



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

تست: مبدل آرمانی زیر توسط مولد جریان متناوب با تابع $\epsilon = 4\sin(100\pi t)$ تغذیه می‌شود. بیشینه ولتاژ دو سر مقاومت R چند ولت است؟



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \xrightarrow{N_2=18, N_1=12, V_1=4V} \frac{V_2}{4} = \frac{18}{12}$$

$$\rightarrow V_2 = 6V$$



Home work

۱- کدام عبارت نادرست است؟

(۱) عقربه مغناطیسی جهت میدان مغناطیسی در هر نقطه را نشان می دهد.

(۲) اگر آهن ربا را از وسط آن آویزان کنیم، در بیشتر نقاط زمین، به طور افقی قرار نمی گیرد و امتداد آن با سطح افقی زمین زاویه می سازد که به آن شیب مغناطیسی گفته می شود.

(۳) هنگامی که چند مقاومت را با هم موازی می‌بنديم، مقاومت معادل از کوچک ترین مقاومت بزرگ تر و از بزرگترین مقاومت کوچک تر است.

(۴) رابطه توان $P = VI$ هم برای نیروی محرکه و هم برای وسایل مصرف کننده و یا ... در مدار استفاده می شود.

۲- چند مورد از عبارات زیر نادرست است؟

الف) قطب جنوب مغناطیسی زمین در فاصله‌ی نسبتاً زیادی از قطب شمال جغرافیایی قرار دارد.

ب) قطب شمال جغرافیایی زمین در نزدیکی قطب شمال مغناطیسی زمین است.

ج) در نقاط مختلف میدان مغناطیسی یکنواخت، جهت و اندازه‌ی میدان مغناطیسی یکسان است.

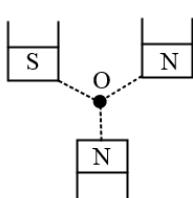
د) خط‌های میدان‌های مغناطیسی در نزدیکی قطب‌های مغناطیسی یک آهن ربای میله‌ای به یکدیگر نزدیک تر هستند.

۱) صفر

۱) ۲

۲) ۳

۳) ۴



۱)

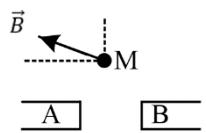
۲)

۳)

۴)



۴- با توجه به شکل مقابل اگر \vec{B} برآیند میدان های حاصل از آهن ربای A و B باشد، کدام گزینه درست است؟ (M بر روی عمود منصف خط واصل دو آهن ربا قرار دارد.)



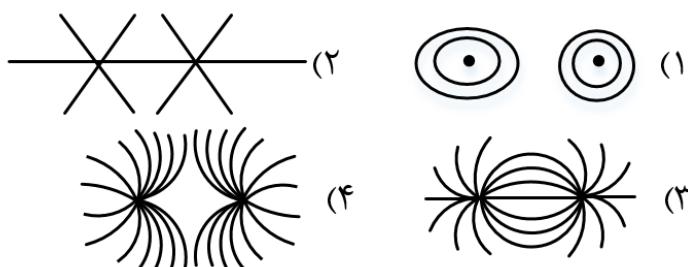
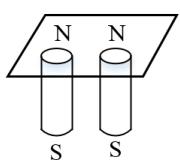
۱) هر دو قطب A و B قوی تر است.

۲) هر دو قطب N هستند و A قوی تر است.

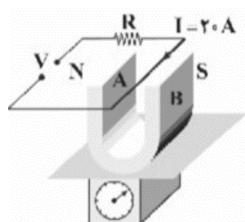
۳) قطب S، B قطب N و B قوی تر است.

۴) قطب S، B قطب N و A قوی تر است.

۵- دو آهن ربای میله ای را مطابق شکل، زیر یک صفحه ای کاغذ قرار داده و روی صفحه براده های آهن می پاشیم، خطوط میدان مغناطیسی به صورت کدام یک از شکل های زیر در می آید؟



۶- مطابق شکل مقابل، یک آهنربای نعلی شکل به جرم 50 g بر روی کفه ای ترازوی حساسی قرار دارد. میدان مغناطیسی ایجادشده توسط دو قطب آهنربا برابر با \vec{B} است. اگر 10 cm از سیم در فضای میدان مغناطیسی آهنربا باشد و ترازو عدد صفر را نشان دهد. میدان مغناطیسی \vec{B} گاووس و در چه جهتی است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

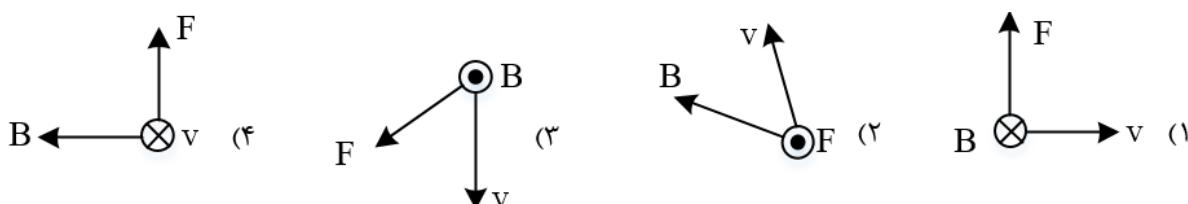


۱) A به B، 2500 (۲)

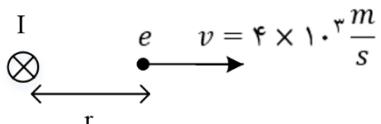
۲) B به A، 2500 (۴)

۳) A به B، 250

۷- کدام گزینه نیروی وارد بر پروتون متحرک در یک میدان مغناطیسی را نادرست نشان می دهد؟



۸- در شکل زیر یک سیم حامل جریان I یک الکترون در فاصله r از سیم نشان داده شده است. اندازه میدان مغناطیسی سیم در فاصله r برابر $G \times 10^2$ است. اگر در این لحظه تندی الکترون $v = 4 \times 10^3 \frac{m}{s}$ باشد، نیروی وارد بر الکترون در این لحظه چند نیوتن و در چه جهتی است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)



$$1) -3/2 \times 10^{-18} \text{ درونسو}$$

$$2) -1/6 \times 10^{-18} \text{ درونسو}$$

$$3) -3/2 \times 10^{-18} \text{ برونسو}$$

$$4) -1/6 \times 10^{-18} \text{ برونسو}$$

۹- ذره بارداری به جرم $g/5 \mu C$ و بار $20 \mu C$ تحت زاویه 30° با افق، در راستای شرق-غرب با تندی $\frac{km}{s} 7/5$ و در حال حرکت است و وارد ناحیه ای می شود که در آن میدان مغناطیسی $G \times 1000$ از شمال به جنوب ایجاد شده است. شتاب حاصل از نیروی مغناطیسی چند $\frac{m}{s^2}$ است؟

$$40) 4$$

$$30) 3$$

$$20) 2$$

$$10) 1$$

۱۰- یک سیم حامل جریان I مطابق شکل زیر با دو نیروسنجه فرنگی متصل به سقف که به دو انتهای آن بسته شده اند، به طور افقی در راستای غرب به شرق قرار دارد. اگر بخواهیم نیروسنجه ها عدد صفر را نشان دهند کدام باتری را در مدار قرار دهیم و جریان چند آمپر از سیم عبور کند؟ (میدان مغناطیسی زمین یکنواخت به طرف شمال و

$$0.5 mT \text{ و جرم هر متر از سیم } g = 10 \frac{N}{kg} \text{ است.)}$$

$$A-16) 1$$

$$B-16) 2$$

$$A-8) 3$$

$$B-8) 4$$

۱۱- پروتونی تحت زاویه 90° نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $20 mT$ حرکت می کند و نیروی مغناطیسی $N \times 10^{-16} \times 3/2$ به آن وارد می شود، انرژی جنبشی الکترون تقریباً چند الکترون ولت است؟ ($m_p = 1/7 \times 10^{-27} kg$ و $e = 1/6 \times 10^{-19} C$)

$$24) 4$$

$$33) 3$$

$$18) 2$$

$$53) 1$$



۱۲- ذره ای به بار $C\mu 2$ - با تندی $10^5 \frac{m}{s}$ در امتداد قائم از بالا به پایین درون میدان مغناطیسی یکنواخت G به سمت شمال شرق در حرکت است. برای آن که راستای حرکت ذره تغییر نکند باید میدان الکتریکی به بزرگیدر جهت ایجاد کنیم.

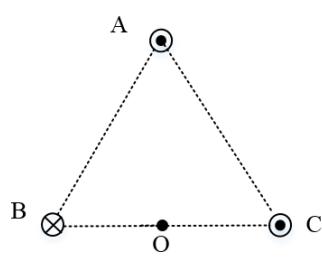
$$2000 \frac{N}{C} \quad (1)$$

$$4000 \frac{N}{C} \quad (2)$$

$$2000 \frac{N}{C} \quad (3)$$

$$4000 \frac{N}{C} \quad (4)$$

۱۳- مطابق شکل زیر، سه سیم حامل جریان های مساوی، در سه رأس یک مثلث متساوی الاضلاع قرار دارند. اگر یک عقربه مغناطیسی را در نقطه O وسط ضلع BC قرار دهیم، کدام گزینه جهت گیری عقربه را به درستی نشان می دهد؟



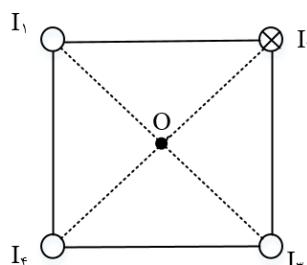
(1) ↓

(2) ↙

(3) ↖

(4) ←

۱۴- مطابق شکل زیر، از چهار سیم بلند و مستقیم که در رؤوس مربعی قرار گرفته اند، جریان های یکسانی عمود بر صفحه کاغذ عبور می کنند. اگر سیم I_3 سیم های I_1 و I_2 و I_4 را جذب و سیم I_4 را دفع کند، بر این میدان مغناطیسی حاصل از چهار سیم در نقطه O در چه جهتی است؟



↖ (4)

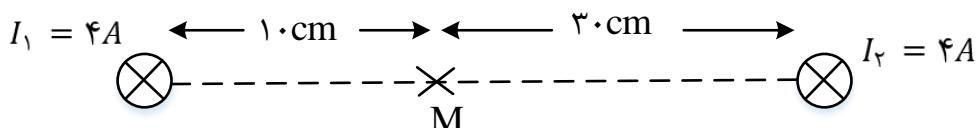
↖ (3)

← (2)

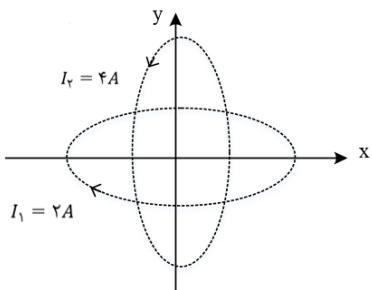
→ (1)



۱۵- در شکل رو به رو، از دو سیم بلند موازی که عمود بر صفحه اند، در جهت نشان داده شده، جریان های I_1 و I_2 می گذرد. جهت میدان مغناطیسی برایند در نقطه M کدام است؟

(۱) \uparrow (۲) \downarrow (۳) \otimes (۴) \odot

۱۶- مطابق شکل دو حلقه دایره ای به شعاع π و $\frac{3\pi}{2}$ که محور اولی منطبق بر محور xها و محور دومی منطبق بر محور yها است و جریان $I_3 = 3A$ و $I_1 = 2A$ به ترتیب در جهت های نشان داده شده در شکل از آنها می گذرد. میدان در مرکز حلقه ها که بر مبدأ مختصات منطبق است، کدام گزینه است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A})$



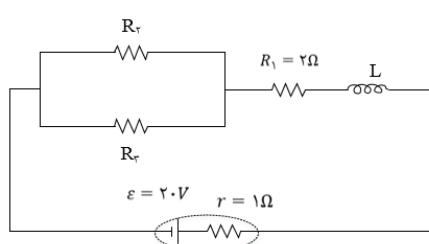
$4 \times 10^{-5}i - 3 \times 10^{-5}j$ (۱)

$4 \times 10^{-5}i - 4 \times 10^{-5}j$ (۲)

$-4 \times 10^{-5}i - 3 \times 10^{-5}j$ (۳)

$-4 \times 10^{-5}i - 4 \times 10^{-5}j$ (۴)

۱۷- سیم لوله ای آرمانی به طول ۲۰cm و ۱۰۰ دور حلقه با مقاومت الکتریکی ناچیز در مداری مطابق شکل زیر قرار گرفته است. اگر بزرگی میدان مغناطیسی روی محور سیم لوله ۱۸G باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_2 چند ولت بیشتر از اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_1 است؟



۱۱ (۴)

۸ (۳)

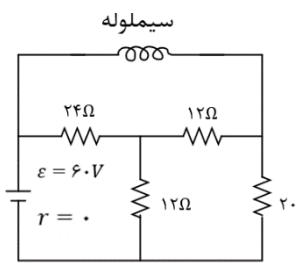
۶ (۲)

۵ (۱)

$(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T.m}{A})$



۱۸- سیم لوله ای بدون هسته به طول 4cm با 500 حلقه که مقاومت الکتریکی ندارد در مدار شکل زیر قرار دارد. اندازه میدان مغناطیسی در داخل سیم لوله چند گاوس است؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$)



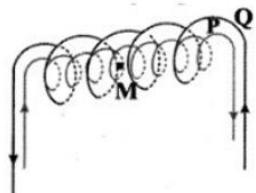
(۱) ۲۵

(۲) ۵۰۰

(۳) ۷۵۰

(۴) ۱۰۰۰

۱۹- در شکل زیر، دو سیم‌لوله‌ی P و Q هم محورند و طول برابر دارند. تعداد دور سیم‌لوله‌ی P برابر 150 و تعداد دور سیم‌لوله‌ی Q برابر 250 است. اگر جریان 3A از سیم‌لوله‌ی Q عبور کند، از سیم‌لوله‌ی P چه جریانی باید عبور کند تا برای‌یند میدان مغناطیسی ناشی از دو سیم‌لوله در نقطه M (روی محور دو سیم‌لوله) صفر شود؟



(۱) ۱/۵

(۲) ۳

(۳) ۵

(۴) ۴/۵

۲۰- کدام یک از موارد زیر در مورد مواد پارامغناطیس درست است؟

(۱) مواد پارامغناطیس پس از آهن ربا شدن در صورتی که در میدان مغناطیسی نباشند برای مدت طولانی خاصیت آهن ربایی خود را حفظ می کنند.

(۲) مواد پارامغناطیس فقط در میدان های مغناطیسی قوی آهن ربا می شوند.

(۳) مواد پارامغناطیس دارای حوزه های مغناطیسی نامنظمی هستند.

(۴) آهن و کبالت ناخالص از مواد پارامغناطیس هستند.

۲۱- پیچه‌ای به مقاومت دو اهم از 50 حلقه هر یک به مساحت 100cm^2 تشکیل شده است. سطح این قاب عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به شدت یک گاوس قرار دارد. اگر قاب را به اندازه 180 بچرخانیم تا دوباره عمود بر خطوط میدان شود، بار الکتریکی متوسط عبوری از یک مقطع از پیچه چند μC است؟

(۱) ۱۰۰

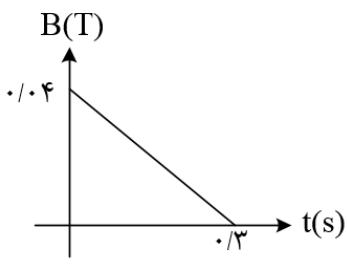
(۲) ۵۰

(۳) ۱۰۰

(۴) صفر



۲۲- حلقه ای به شعاع 10 cm و مقاومت 5Ω ، عمود بر میدان مغناطیسی که مطابق شکل تغییر می کند، قرار دارد. جریان القایی حلقه در لحظه $t = 0/2\text{ s}$ چند میلی آمپر است؟ ($\pi = 3$)



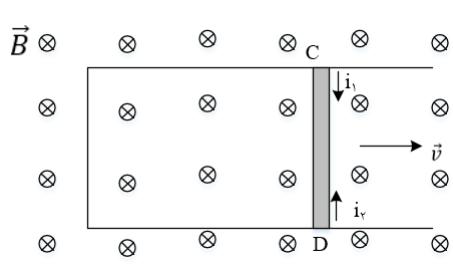
۰/۶ (۱)

۸/۰ (۲)

۱ (۳)

۴ (۴)

۲۳- مطابق شکل زیر، میله‌ی فلزی CD به طول 20 cm با سرعت ثابت $\frac{5\text{ cm}}{\text{s}}$ روی قاب رسانایی که عمود بر خطوط یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $4mT$ قرار دارد. در حال حرکت به سمت راست شکل است. بزرگی نیروی محرکه‌ی القایی متوسط در میله‌ی CD چند ولت است و جهت جریان القایی در آن به کدام سمت است؟

 $i_1, 4 \times 10^{-3}$ (۱) $i_2, 4 \times 10^{-5}$ (۲) $i_2, 4 \times 10^{-3}$ (۳) $i_1, 4 \times 10^{-5}$ (۴)

۲۴- حلقه ای به شعاع 5 m عمود بر محور x ها قرار دارد. میدان مغناطیسی یکنواخت $\vec{B} = -0/3t\hat{i} + 0/4t\hat{j}$ برقرار است. اگر در $0/1\text{ s}$ با ثابت ماندن اندازه میدان مغناطیسی، جهت میدان کاملاً در خلاف جهت اولیه شود، اندازه نیروی محرکه‌ی القایی متوسط چند ولت می شود؟ ($\pi = 3$)

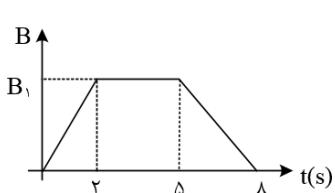
۸ (۴)

۵ (۳)

۰/۴۵ (۲)

۴/۵ (۱)

۲۵- نمودار تغییرات میدان مغناطیسی گذرنده از یک مدار بسته در مدت ۸ ثانیه به صورت شکل زیر است. بزرگی نیروی محرکه‌ی القایی متوسط در 5 s اول چند برابر 2 s آخر است؟

 $\frac{3}{2}$ (۱) $\frac{2}{3}$ (۲)

۴ (۳)

 $\frac{1}{4}$ (۴)

۲۶- حلقه ای رسانا به شعاع 4cm ، عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی به شعاع مقطع 4mm و مقاومت ویژه $2 \times 10^{-8} \Omega \text{m}$ تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریان برابر $2/0$ آمپر در حلقه القا شود؟ ($\pi = 3$)

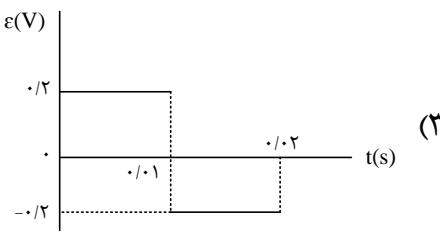
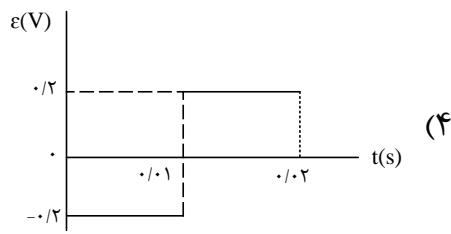
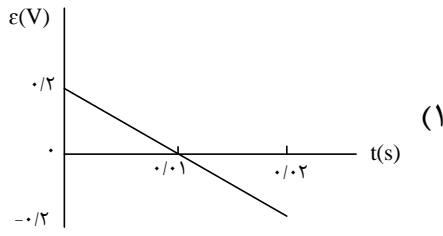
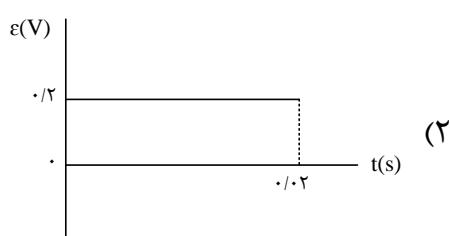
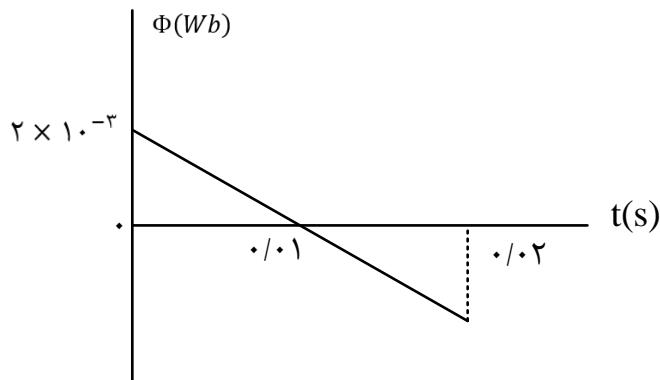
$$\frac{1}{360} (4)$$

$$\frac{1}{120} (3)$$

$$\frac{1}{480} (2)$$

$$\frac{1}{240} (1)$$

۲۷- نمودار شار مغناطیسی که از یک حلقه می گذرد، در شکل زیر، نشان داده شده است. نمودار نیروی محرکه ای القایی در این مدت کدام است؟



۲۸- شاری که از یک پیچه ای می گذرد، $2/0$ حلقه ای می گذرد. اگر مقاومت پیچه 4Ω باشد، چند کولن بار الکتریکی در پیچه جریان یافته است؟

$$2 (4)$$

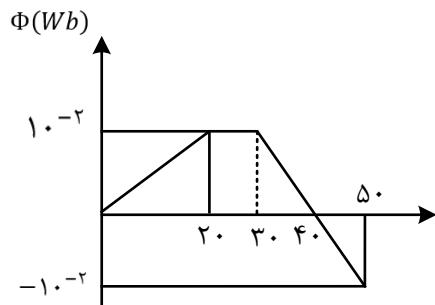
$$1 (3)$$

$$0/2 (2)$$

$$0/1 (1)$$



۲۹- نمودار تغییرات شار مغناطیسی که از یک حلقه می‌گذرد بر حسب زمان مطابق شکل مقابل است. اندازه نیروی محرکه القایی در لحظات $t_1 = 10s$ و $t_2 = 40s$ به ترتیب از راست به چه چند ولت است؟



$$5 \times 10^{-4}V \quad (1)$$

$$2/5 \times 10^{-4}V \quad (2)$$

$$10^{-3}V \quad .5 \times 10^{-4}V \quad (3)$$

$$10^{-3}V \quad .2/5 \times 10^{-4}V \quad (4)$$

۳۰- سیم‌وله‌ای به شعاع مقطع 2cm و با 300 حلقه در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 200 G به گونه‌ای قرار گرفته است که خطوط میدان عمود بر سطح حلقه‌های سیم‌وله است. اگر میدان مغناطیسی مورد نظر با آهنگ $\frac{G}{s}$ تغییر کند، جریان به شدت $4mA$ در این سیم‌وله القا می‌شود. مقاومت الکتریکی هر حلقه‌ی سیم‌وله چند میلی‌ Ω است؟ ($\pi = 3$)

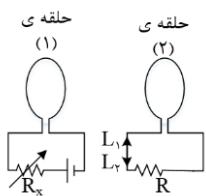
$$180 \quad (1) \quad 1/8 \quad (2) \quad 6 \quad (3) \quad 60 \quad (4)$$

۳۱- یک قاب مستطیلی شکل به ابعاد $10\text{cm} \times 20\text{cm}$ و مقاومت 1Ω عمود بر خطوط یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 3T قرار دارد. در یک بازه‌ی زمانی معین اندازه‌ی میدان مغناطیسی $3T$ افزایش یافته و جهت خطوط میدان 180 تغییر می‌کند. در این بازه‌ی زمانی چند کولن بار الکتریکی در قاب جریان یافته است؟

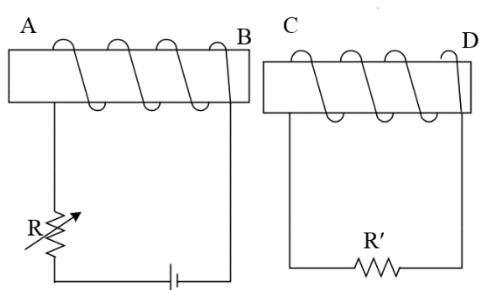
$$0/6 \quad (1) \quad 6 \quad (2) \quad 1/8 \quad (3) \quad 18 \quad (4)$$



۳۲- در شکل مقابل، مقاومت R_x را به تدریج کاهش می دهیم. جهت جریان القایی در حلقه های (۱) و (۲) در جهت بوده و دو حلقه یکدیگر را می کنند.

(۱) I_2 - جذب(۲) I_2 - دفع(۳) I_1 - دفع(۴) I_2 - جذب

۳۳- در شکل مقابل اگر مقاومت R را افزایش دهیم، جهت جریان خودالقایی در سیم لوله های چپ و جهت جریان القایی در سیم لوله های راست به ترتیب از راست به چپ کدام خواهد بود؟



(۱) از C به A - از B به D

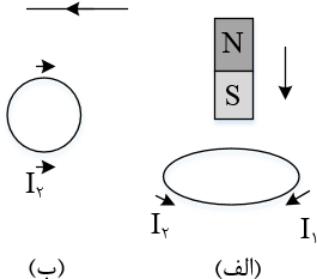
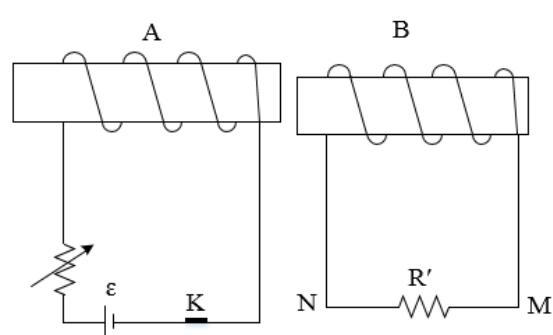
(۲) از C به D - از A به B

(۳) از C به D - از B به A

(۴) از C به D - از A به B

۳۴- در شکل های الف و ب جهت جریان القایی در حلقه به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

جریان در حال کاهش

 I_2, I_1 (۱) I_1, I_1 (۲) I_1, I_2 (۳) I_2, I_2 (۴)

۳۵- در کدام حالت، جریان القایی در R' از N به M است؟

(۱) لحظه ای قطع کلید k

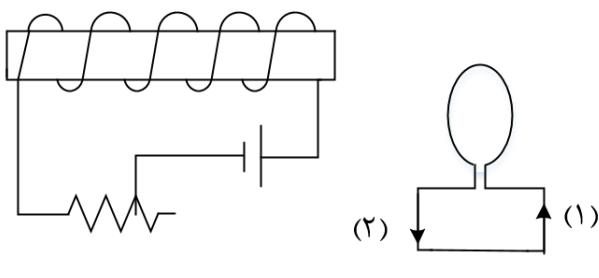
(۲) وقتی مقاومت رئوستا در حال افزایش است.

(۳) وقتی سیم‌لوله های B به سمت راست حرکت می کند.

(۴) وقتی سیم‌لوله های A به سمت راست حرکت می کند.



-۳۶ در مدار روبه رو، مقاومت رئوستا در حال افزایش است، جهت جریان القایی در حلقه در جهت است و نیروی محرکه‌ی خودالقایی در سیم‌لوله در نیروی محرکه‌ی مولد عمل می‌کند.



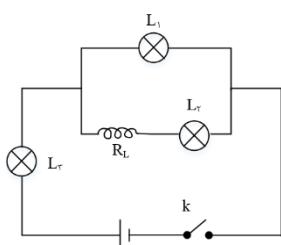
(۱) (۱)، جهت

(۲) (۲)، جهت

(۳) (۱)، خلاف جهت

(۴) (۲)، خلاف جهت

-۳۷ در مدار مقابل با بستن کلید چند گزینه درباره‌ی تغییر نور لامپ‌ها که مشابه هستند درست است؟

الف) L_2 ابتدا خاموش است و به تدریج پرنور می‌شود.

ب) را ابتدا پرنور است و سپس کم نور می‌شود.

پ) نور L_3 رفته بیشتر می‌شود. تا در نهایت نور ما بیشتر از او را هم بیشتر از L_2 است.

-۳۸ اگر جریان الکتریکی عبوری از یک سیم لوله $0/2A$ کاهش یابد و مقدار انرژی آن از $40\mu J$ به $10\mu J$ کاهش یابد. ضریب القایی در این القاگر چند میلی هانری است؟

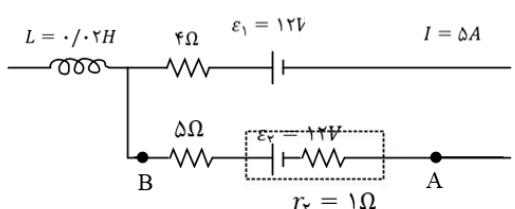
۰/۰۰۵ (۴)

۰/۰۵ (۳)

۵۰ (۲)

۰/۵ (۱)

-۳۹ شکل روبه رو قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_A - V_B = 6V$ باشد، انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله چند ژول است؟



۰/۳۲ (۱)

۰/۵ (۲)

۰/۶۴ (۳)

۰/۷۲ (۴)



۴۰- در میدان آرمانی زیر اگر معادله ولتاژ دو سر مولد در SI به صورت $v = 240 \sin(100\pi t)$ باشد معادله شدت جریان در مقاومت R کدام است؟

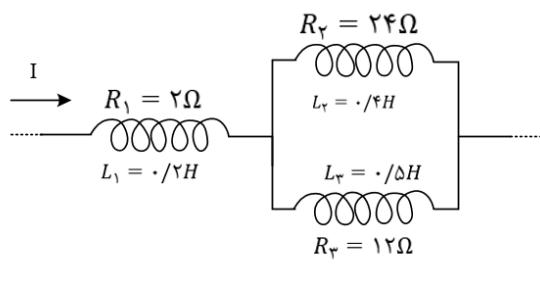
$$I = 4 \sin(20\pi t) \quad (1)$$

$$I = 4 \sin(100\pi t) \quad (2)$$

$$I = 10 \sin(100\pi t) \quad (3)$$

$$I = 10 \sin(20\pi t) \quad (4)$$

۴۱- در شکل زیر سیم لوله ها دارای مقاومت الکتریکی هستند. اگر انرژی ذخیره شده در سیم لوله (۳) برابر با 0.09 J باشد در سیم لوله (۱) چند میلی ژول انرژی ذخیره می شود؟



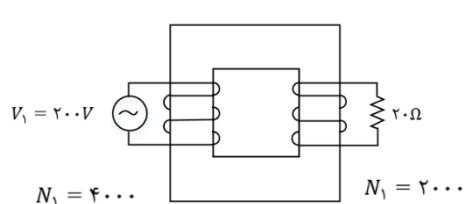
$$0.064 \quad (1)$$

$$0.081 \quad (2)$$

$$81 \quad (3)$$

$$64 \quad (4)$$

۴۲- شکل زیر یک مبدل جریان متناوب را نشان می دهد. اگر یک سر مبدل به یک مقاومت 20Ω وصل شود، جریان عبوری از مقاومت 20Ω چند آمپر است؟



$$2/5 \quad (1)$$

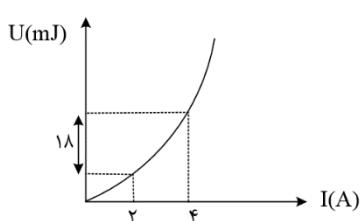
$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (3)$$

$$7/5 \quad (4)$$



۴۳- نمودار انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله‌ای آرمانی بر حسب جریان گذرنده از آن به صورت مقابل است. ضریب القاوری سیم‌لوله چند هانری است؟

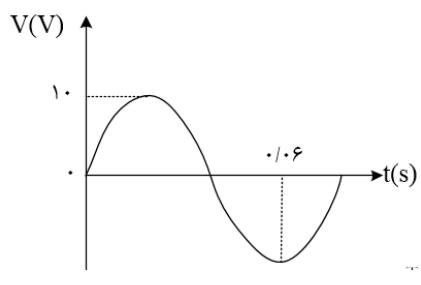


(۱)

(۲)

 3×10^{-3} (۳) 9×10^{-3} (۴)

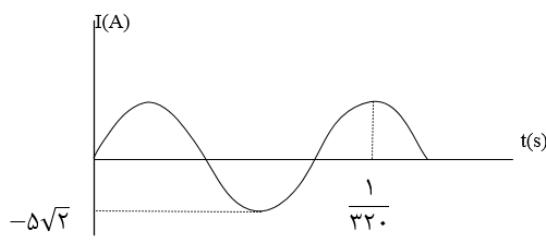
۴۴- معادله‌ی جریان در یک مولد جریان متناوب در SI به صورت $I = 0/6 \sin(\frac{2\pi}{T}t)$ است. اگر نمودار اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر این مولد به صورت زیر باشد، در لحظه‌ی $t = \frac{1}{150}s$ جریان عبوری از مولد چند آمپر است؟



(۱) صفر

(۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۴) $\frac{1}{6}$

۴۵- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است، اندازه جریان در لحظه‌ی $\frac{1}{3200}$ سر ثانیه چند آمپر است؟

(۱) $2/\sqrt{5}$ (۲) $2/5\sqrt{2}$

(۳) ۵

(۴) $5\sqrt{2}$

۴۶- در یک منبع تولید جریان متناوب سینوسی که در لحظه $t = 0$ جریان صفر است. در مدت 0.95 بار قدر مطلق جریان بیشینه می‌شود. اگر قدر مطلق جریان بیشینه $4A$ باشد، معادله جریان متناوب کدام گزینه است؟

$$I = 4 \sin \frac{50\pi}{3} t \quad (1)$$

$$I = 4 \sin 50\pi t \quad (2)$$

$$I = 4 \sin \frac{25\pi}{3} t \quad (3)$$

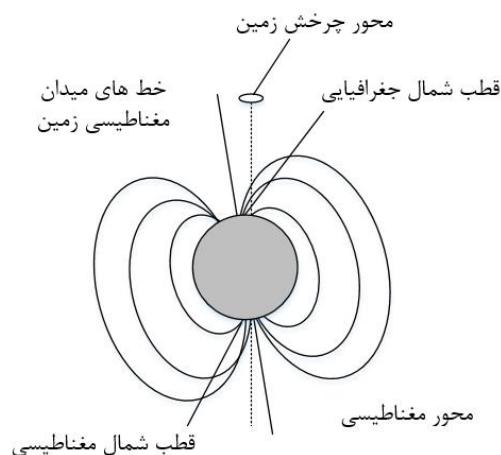
$$I = 4 \sin 25\pi t \quad (4)$$



Answers of Home work

۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در مقاومت های موازی، مقاومت معادل از تک تک مقاومت ها کوچک‌تر است.

۲) گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در شکل زیر قطب های مغناطیسی و جغرافیایی کره زمین مشخص شده است. همان طور که در این شکل می‌بینید، قطب شمال جغرافیایی زمین در نزدیکی قطب جنوب مغناطیسی زمین قرار گرفته است، بنابراین عبارت (ب) نادرست است. بقیه عبارت های مطرح شده درست می‌باشند.



۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

خطوط میدان آهن را در خارج آهن ربا همواره از قطب N خارج و به قطب S وارد می‌شود:

۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۵) گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون دو قطب مماس بر صفحه کاغذ، قطب همنام هستند (قطب N) بنابراین خطوط تشکیل شده از براده های آهن که همان خطوط مغناطیسی هستند، به همدیگر برخورد نمی‌کنند (گزینه های ۱ و ۴) و چون باید یکدیگر را دفع کنند، بنابراین شکل خط های میدان در گزینه ۴ به درستی میدان مغناطیسی ناشی از این دو آهن ربا را نشان می‌دهد.

۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. برای آن که ترازو عدد صفر را نشان بدهد باید نیروی وزن آهنربا توسط نیرویی که از طرف سیم بر آهنربا وارد می‌شود، خنثی شود، بنابراین می‌توان نوشت:

$$F = mg \rightarrow IlB \sin 90^\circ = mg$$

$$\rightarrow B - \frac{mg}{Il} = \frac{0/05 \times 10}{20 \times 0/1} = 0/25T = 2500G$$

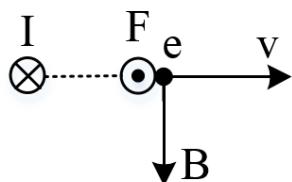
جهت میدان باید از B به طرف A باشد.



۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نیروی F همواره بر v و B عمود است.

۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



میدان مغناطیسی سیم I در نقطه نشان داده شده، رو به پایین است و نیروی وارد بر الکترون در این لحظه برونسو است و مقدار آن برابر است با:

$$F = qvB \rightarrow F = 1/6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^3 \times 50 \times 10^{-4} \rightarrow F = 3/2 \times 10^{-18} N$$

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

مسیر حرکت ذره با افق زاویه 30° می سازد در حالی که بر میدان مغناطیسی عمود است.

$$\alpha = 90^\circ \rightarrow F = qvBSin 90^\circ = ma$$

$$\rightarrow 2 \times 10^{-5} \times 7500 \times 0/1 = 5 \times 10^{-4} \times a \rightarrow a = \frac{1500 \times 10^{-15}}{5 \times 10^{-4}} \rightarrow a = 30 \frac{m}{s^2}$$

۱۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

برای آن که بر نیروسنجهای نیرو وارد نشود باید نیروی مغناطیسی رو به بالا و هم اندازه نیروی وزن به آن وارد شود:

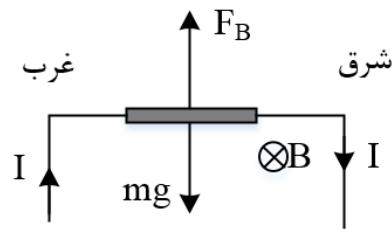
$$BIl = mg \rightarrow 0/5 \times 10^{-3} \times I \times l = m \times 10 \rightarrow 0/5 \times 10^{-4} \times I = \frac{m}{l}$$

با توجه به این که جرم واحد طول $\frac{g}{m} 0/8$ است، پس باید به جای $\frac{m}{l}$ عدد $10^{-4} \times 8$ قرار دهیم:

$$0/5 \times 10^{-4} \times I = 8 \times 10^{-4} \rightarrow I = \frac{8}{0/5} \rightarrow I = 16A$$

با توجه به قاعده دست راست، جهت جریان به سمت راست است و باید باتری B را انتخاب کنیم.





11- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$F = qvB \sin \theta = (1/6 \times 10^{-19})(v)(20 \times 10^{-3})$$

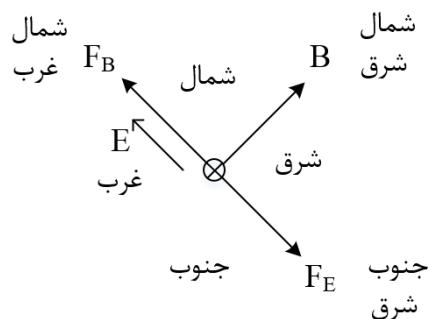
$$F = 3/2 \times 10^{-16} \rightarrow v = 10^5 \text{ m/s}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(1/7 \times 10^{-27})(10)^{10} J = (0/85)(10) - 17J = 8/5 \times 10^{-18} J$$

هر الکترون ولت معادل $10^{-19} J / 1/6$ است.

$$\frac{8/5 \times 10^{-18}}{1/6 \times 10^{-19}} = 53/125 = 53eV$$

12- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



ابتدا یک نقشه جغرافیایی می کشیم تا در حل سؤال به ما کمک کند، در این نقشه جهت پایین درون سو است. با توجه به قاعده دست راست و منفی بودن جهت نیروی مغناطیسی را به دست می آوریم. (نیروی مغناطیسی هم به خطوط میدان و هم به راستای حرکت عمود است).

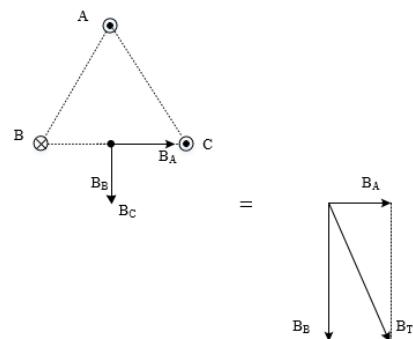
پس نیروی مغناطیسی به سمت شمال غرب بوده و چون نمی خواهیم جهت حرکت ذره تغییر کند، باید نیروی الکتریکی به سمت جنوب شرق به ذره وارد شود و ذره دارای بار منفی بوده (میدان الکتریکی و نیروی الکتریکی خلاف جهت هم هستند)، بنابر این میدان الکتریکی به سمت شمال غرب می شود:

$$|F_E| = |F_B| \rightarrow E|q| = |q|VB$$

$$\rightarrow E \times 2 \times 10^{-6} = 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^5 \times 200 \times 10^{-4} \rightarrow E = 4000 \frac{N}{C}$$



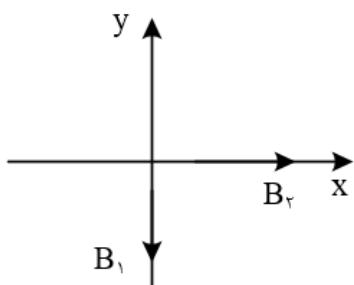
۱۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با استفاده از قاعده دست راست، انگشت شست دست را در جهت جریان قرار می دهیم و چرخش چهار انگشت دیگر جهت میدان مغناطیسی را نشان می دهد که مطابق شکل زیر خواهد بود.



۱۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. همان طور که می دانید اگر جریان عبوری از سیم های موازی هم سو باشند، دو سیم یکدیگر را جذب کرده و اگر جریان عبوری از آنها ناهمسو باشند، دو سیم یکدیگر را دفع می کنند. با توجه به این که سیم I_2 ، سیم های I_2 و I_3 را جذب می کند، پس جریان هر سه سیم، همسو بوده و درون سو می باشد و سیم I_4 حاوی جریان برون سو خواهد بود. در شکل زیر جهت جریان عبوری از سیم ها معین شده است و به کمک قاعده دست راست جهت میدان مغناطیسی ناشی از هر سیم و برآیند آنها در نقطه O مشخص شده است.

۱۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. طبق قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم I_2 رو به بالا است و جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم I_1 رو به پایین است و به دلیل نزدیک تر بودن سیم I_1 به نقطه O، شدت میدان به وجود آمده از آن قوی تر است.

۱۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به قاعده دست راست، جهت میدان ها را به دست آورده و اندازه آنها را محاسبه می کنیم:



$$\vec{B} = B_2 i - B_1 j$$

$$B_1 = \frac{\mu_0}{2} \times \frac{NI}{R} = 2\pi \times 10^{-7} \times \frac{2}{\pi \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-5} T$$

$$B_2 = 2\pi \times 10^{-7} \times \frac{3}{\frac{3\pi}{2} \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-5}$$



$$\vec{B} = 4 \times 10^{-5} i - 4 \times 10^{-5}$$

۱۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گام اول: جریان الکتریکی عبوری از سیم لوله را به دست می آوریم:

$$B = \frac{\mu \cdot NI}{L} \rightarrow 18 \times 10^{-4} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 100 \times I}{0/2} \rightarrow I = 3A$$

گام دوم: از آنجایی که مقاومت R_1 با سیم لوله متواالی است، جریان الکتریکی عبوری از آن نیز برابر ۳A می شود و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن برابر خواهد بود با:

گام سوم: اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری را به دست می آوریم:

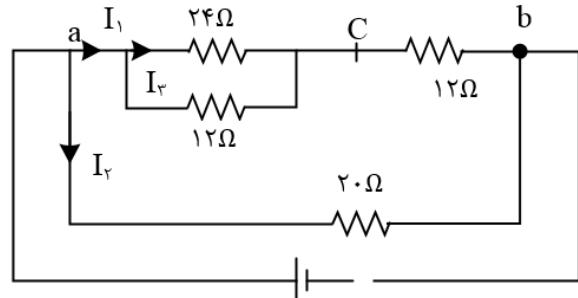
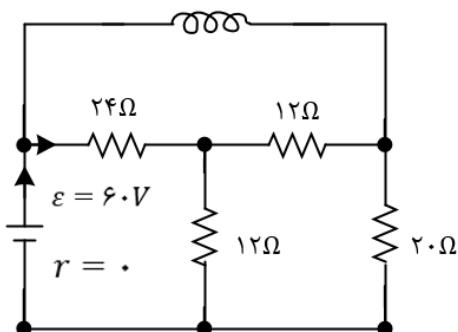
$$V = \varepsilon - rl = 20 - 1(3) = 17V$$

گام چهارم: مقاومت های R_2 و R_3 موازی هستند و اختلاف پتانسیل یکسانی دارند و داریم:

$$V_{2,3} + V_1 = V \rightarrow V_{2,3} + 6 = 17 \rightarrow V_{2,3} = 11V$$

بنابر این اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_1 برابر ۶V و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت R_2 برابر ۱۱V است و تفاضل آنها برابر ۵V می باشد.

۱۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



$$R_1, R_2 \rightarrow \text{موازیند} \rightarrow R_a = \frac{12 \times 24}{36} = 8\Omega$$

$$R_a, R_3 \rightarrow \text{متواالی} \rightarrow R_b = 12 + 8 = 20\Omega$$

$$R_4, R_b \rightarrow \text{موازی} \rightarrow R_{eq} = \frac{20 \times 20}{20 + 20} = 10\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} = \frac{6}{10} = 6A$$

$$I_1 = I_2 = \frac{6}{2} = 3A$$

$$I_3 = \frac{1}{3} I_1 = 1A$$



→ جریان سیم‌لوله $I_L = 6 - 1 = 5A$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 500 \times 5}{4 \times 10^{-2}} \rightarrow 75 \times 10^{-3}(T) = 750(G)$$

۱۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. برای این که میدان در نقطه M صفر شود، میدان مغناطیسی حاصل از دو سیم‌لوله باید برابر هم و در جهت مخالف باشند. با توجه به شکل صورت سؤال، جهت آنها مخالف است، پس کافی است که مقدار آنها با هم برابر باشند:

$$B_P = B_Q \rightarrow \frac{\mu_0 N_P I_P}{I_P} = \frac{\mu_0 N_Q I_Q}{I_Q} \xrightarrow{I_P = I_Q} N_P I_P = N_Q I_Q$$

$$\rightarrow 150 \times I_P = 250 \times 3 \rightarrow I_P = 5A$$

۲۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۲۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\theta_1 = 0, \theta_2 = 180$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} = \frac{-N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}}{R} = -\frac{N}{R} \frac{\Delta(BACos\theta)}{\Delta t} \rightarrow \bar{I} = -\frac{N}{R} BA \frac{Cos\theta_2 - Cos\theta_1}{\Delta t}$$

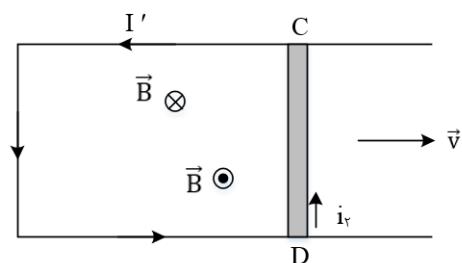
$$\Delta q = \bar{I} \Delta t \rightarrow \Delta q = -\frac{N}{R} BA(Cos\theta_2 - Cos\theta_1)$$

$$\rightarrow \Delta q = -\frac{50}{2} \times 1 \times 10^{-4} \times 100 \times 10^{-4} \times (Cos180 - Cos0) \rightarrow \Delta q = 50 \times 10^{-6} C = 50 \mu C$$

۲۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$I = \frac{N}{R} \left| \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = \frac{N}{R} \frac{A |\Delta B|}{\Delta t} = \frac{N \pi r^2}{R} \frac{|\Delta B|}{\Delta t} \rightarrow I = \frac{1 \times 3 \times (0/1)^2 \times 0/04}{5 \times 0/3} = 8 \times 10^{-4} A = 0/8 mA$$

۲۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. برای محاسبه بزرگی نیروی محرکه ای القا شده در میله CD می‌توان نوشت:

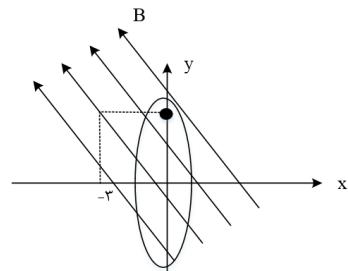


$$|\vec{\varepsilon}| = BIv \cos\theta \rightarrow |\vec{\varepsilon}| = 4 \times 10^{-2} \times 0/2 \times 5 \times 10^{-2} \times \cos 0^\circ = 4 \times 10^{-5} V$$



با حرکت میله به سمت راست شکل، مساحت سطح مؤثر حلقه افزایش می یابد، بنابراین طبق قانون لنز، جهت جریان القایی در قاب به گونه ای است که جهت میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی در خلاف جهت \vec{B} است. به کمک قاعده ای دست راست، جهت جریان القایی در جهت جریان \vec{I}_2 است.

۲۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.



$$\vec{B}_1 = -0/3\vec{i} + 0/4\vec{j}$$

$$\vec{B}_2 = 0/3\vec{i} - 0/4\vec{j}$$

چون مؤلفه افقی میدان از داخل حلقه می گذرد، تغییرات شار مربوط به این مؤلفه خواهد بود.

$$\Delta B = \Delta B_x = 0/6T$$

$$\Delta\varphi = A\Delta B_x = \pi t^2 \Delta B = \pi \times 0/5^2 \times 0/6 \xrightarrow{\pi=3} \Delta\varphi = 0/45Wb$$

$$\varepsilon - N \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} = - \frac{0/45}{0/1} = -4/5V$$

۲۵- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. شیب خط در $s/5$ اول برابر با شیب خط در $s/2$ اول است و به همین ترتیب شیب خط در $s/2$ آخر نیز برابر با شیب در $s/3$ آخر است.

$$\varepsilon = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \rightarrow \frac{|\varepsilon_1|}{|\varepsilon_2|} = \frac{\left| \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_1 \right|}{\left| \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_2 \right|} = \frac{\left| \frac{B_1}{2} \right|}{\left| \frac{-B_1}{3} \right|} = \frac{3}{2}$$

۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طول سیم برابر است با:

$$I = \pi R = 2 \times 3 \times \frac{4}{100} = 0/24m$$

سطح مقطع سیم رسانا خواهد شد:

$$A = \pi R^2 = 3 \times (4 \times 10^{-3})^2 = 48 \times 10^{-6} m^2$$

مقاومت سیم را حساب می کنیم:



$$R = \rho \frac{I}{A} = 2 \times 10^{-8} \times \frac{24 \times 10^{-2}}{48 \times 10^{-6}} \rightarrow R = 10^{-4} \Omega$$

نیروی محرکه القایی خواهد شد:

$$\varepsilon = IR = 0/2 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-5} V$$

$$\varepsilon = N \frac{A\Delta B}{\Delta t} \rightarrow 2 \times 10^{-5} = (\pi \times 16 \times 10^{-4}) \frac{\Delta B}{\Delta t} \rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{1}{240} T$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$$

-۲۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. قرینه شب خط در نمودار شار برابر:

نیرو محرکه القایی می باشد \leftarrow شیب نمودار شار منفی است پس در زمان داده شده نیرو محرکه القایی مثبت است.

-۲۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. از رابطه جریان القایی داریم:

$$I = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} \xrightarrow{\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}} I = \frac{-N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}}{R} \quad (I)$$

از طرفی:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow \Delta q = I \Delta t \xrightarrow{(I)} \Delta q = \frac{-N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}}{R} \Delta t \rightarrow |\Delta q| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{R} \right| = \left| \frac{-20 \times 0/2}{4} \right| = 1C$$

-۲۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تغییرات شار در بازه های صفر تا ۲۰s و ۳۰s تا ۵۰s خطی است. در نتیجه مقدار لحظه ای آهنگ تغییر شمار با مقدار متوسط آن برابر است، لذا نیروی محرکه القایی هریک از لحظات این بازه ها با نیروی محرکه القایی متوسط در آن بازه برابر است:

$$E_{t=10s} = \bar{E}_{20s} = \frac{10^{-2} - 0}{20 - 0} = 5 \times 10^{-4} V$$

$$|E_{t=40s}| = \left| \bar{E}_{20s \text{ تا } 30s} \right| = \left| \frac{0 - 10^{-2}}{40 - 30} \right| = 10^{-3} V$$

-۲۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا مساحت حلقه های سیم لوله را به دست می آوریم:

$$A = \pi r^2 = 3(2)^2 \times 10^{-4} = 12 \times 10^{-4} m^2$$

در ادامه اندازه نیروی محرکه القایی را در بازه زمانی مورد نظر به دست می آوریم:

$$|\varepsilon| = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\Phi = B A \cos \theta} |\varepsilon| N A \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\rightarrow |\varepsilon| = 300 \times 12 \times 10^{-4} \times (1) \times 200 \times 10^{-4} = 72 \times 10^{-4} V$$

به کمک قانون اهم، مقاومت الکتریکی سیم‌لوله را به دست می آوریم:



$$R = \frac{\varepsilon}{I} = \frac{72 \times 10^{-4}}{4 \times 10^{-3}} = 1/8\Omega$$

و در نهایت مقاومت هر حلقه برابر است با:

$$R_{\text{هر حلقه}} = \frac{R}{N} = \frac{1/8}{300} = 6 \times 10^{-3}\Omega = 6m\Omega$$

۳۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا اندازه‌ی تغییرات شارعبوری از حلقه را در بازه‌ی زمانی مورد نظر به دست می‌آوریم:

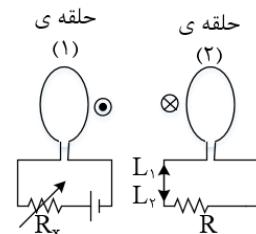
$$\Phi\Delta = (AB)AC\cos\theta \xrightarrow{B_1=3T, B_2=-6T, \cos\theta=1}$$

$$|\Phi\Delta| = |(-9) \times 200 \times 10^{-4}| = 0/18Wb$$

در ادامه به کمک رابطه‌ای که در زیر اثبات شده است، بار الکتریکی عبوری از قاب را به دست می‌آوریم

$$\left\{ \begin{array}{l} |\varepsilon| = N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \\ |\varepsilon| = RI = R \frac{\Delta q}{\Delta t} \end{array} \right. \rightarrow N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = R \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow \Delta q = \frac{N\Delta\Phi}{R} \rightarrow \Delta q = \frac{1(0/18)}{0/1} = 1/8C$$

۳۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با کاهش مقاومت R_x شدت جریان در حلقه‌ی (۱) افزایش می‌یابد که باعث ایجاد میدان برون سو می‌شود در نتیجه جریان در حلقه‌ی (۲) به گونه‌ای القا می‌شود که با عامل ایجاد کننده‌ی خود مقابله کند (بنابر قانون لنز) پس باید میدان درون سو ایجاد کند، بنابر این جریان ایجاد شده به شکل پل است و دو حلقه به علت وجود آمدن قطب‌های موافق یکدیگر را دفع می‌کنند.



۳۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در اثر افزایش مقدار R جریان در سیم لوله‌ی چپ کاهش می‌یابد که این پدیده باعث ایجاد جریان خود القایی در جهت جریان اصلی سیم لوله‌ی چپ می‌شود و بنابر قانون لنز جریان در سیم لوله‌ی راست از C به D است.

۳۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.





در شکل (الف) با نزدیک شدن آهنربا به حلقه، شار گذرنده از حلقه افزایش می یابد. با توجه به قانون لنز در حلقه جریان القایی در جهتی شارش می کند که میدان ناشی از آن (B') با میدان آهنربا (B) مخالفت می کند.

اگر جریان در شکل (ب) کاهش یابد، شار و میدان مغناطیسی گذرنده از حلقه نیز کاهش می یابد. بنابر این جریان القایی در حلقه (۱) در جهتی است که میدان ناشی از آن (B') هم جهت با B است.

۳۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

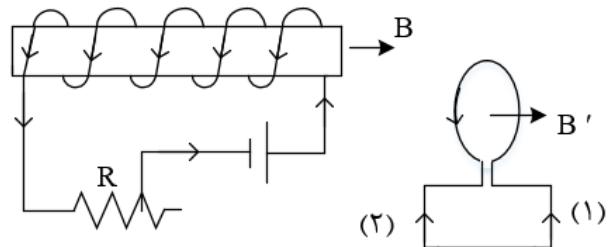
۱) اگر کلید k قطع شود جریان در سیم لوله A از I به صفر می رسد یعنی جریان کم می شود در نتیجه جهت جریان در دو سیم لوله باید در یک جهت باشند.

۲) مقاومت زیاد شود جریان در مدار A کم می شود در نتیجه جهت جریان در دو سیم لوله باید هم جهت باشند.

۳) اگر سیم لوله A به سمت راست حرکت نماید یعنی میدان در سیم لوله B زیاد می شود در نتیجه جریان در دو سیم لوله باید مخالف یکدیگر باشند.

۳۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. وقتی رئوستا در حالت معینی قرار دارد، جریان I در سیم لوله در جهتی که نشان داده شده است می گذرد و در حلقه جریانی وجود ندارد. با ازدیاد مقاومت رئوستا جریان I کم شده و خط های میدان مغناطیسی عبوری از حلقه گم می شود، بنا به قانون لنز باید جریان القایی در حلقه در جهتی به وجود بیاید که با عامل مولدش مخالفت کند و به عبارت دیگر، آن تغییر را جبران کند، پس در این حالت در حلقه، جریان در جهت (۱) (که هم جهت با جریان I است) به وجود می آید، تا تغییر شار مربوط به کم شدن I را جبران کند از طرفی نیروی محرکه ای خود القایی در سیم لوله (E_L) طبق قانون لنز در جهتی است که می خواهد مانع کاهش شار مغناطیسی ای شود که منبع تغذیه ایجاد می کند به همین دلیل در جهت نیروی محرکه ای منبع تغذیه عمل می کند.





- ۳۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. القاگر در مسیر لامپ L_2 با تغییر جریان مخالفت می کند لذا ابتدا جریانی از L_2 عبور نمی کند و تمام جریان از را عبور می کند.

وقتی کلید بسته می شود القاگر مانند یک مقاومت بسیار بزرگ عمل می کند و مقاومت مدار شامل مقاومت های L_1 و L_3 می شود. ولی پس از آن که جریان ثابت شد مقاومت القاگر در حد معمول R_L می ماند. بنابر این مقاومت اولیه $2R$ و مقاومت ثانویه $R = \frac{R(R+R_L)}{R+(R+R_L)}$ است یعنی مقاومت کل کاهش می یابد و جریان کل مدار که تعیین کننده نور L_3 است، افزایش می یابد.

- ۳۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می دانیم انرژی ذخیره شده در یک القاگر به صورت $U = \frac{1}{2}LI^2$ است:

$$U_1 = \frac{1}{2}LI_1^2 = 40\mu J \rightarrow U_2 = \frac{1}{2}LI_2^2 \xrightarrow{L_2=L_1=0/2} U_2 = \frac{1}{2}L(I_1 - 0/2)^2 = 10\mu J$$

$$\rightarrow \frac{10\mu J}{40\mu J} = \frac{\frac{1}{2}L(I_1 - 0/2)^2}{\frac{1}{2}LI_1^2} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{I_1 - 0/2}{I_1} = 2I_1 - \frac{0}{4} \rightarrow I_1 = 0/4A$$

$$\rightarrow L_1 = \frac{2 \times 40 \times 10^{-6}}{16 \times 10^{-2}} = 0/5 \times 10^{-3}H = 0/5mH$$

- ۳۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جریان را در شاخه ای پایینی از A به B گرفته و آن را با مینامیم.

$$V_A + \varepsilon_2 - r_2I_2 - 5I_2 = V_B \rightarrow V_A - V_B = -12 + I_2 + 5I_2$$

$$\rightarrow 6 = -12 + 6I_2 \rightarrow I_2 = 3A$$

در نتیجه جریان گذرنده از سیم‌لوله برابر است با:

$$I + I_2 = 5 + 3 = 8A$$

از رابطه ای انرژی ذخیره شده در القاگر داریم:

$$U = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2} \times 0/02 \times (8)^2 = 0/64J$$

- ۴۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \rightarrow \frac{V_2}{220} = \frac{20}{100} \rightarrow V_2 = 44V$$

$$V_2 = RI_m \rightarrow 44 = 11I_m \rightarrow I_m = 4A$$

$$I = I_m \sin \omega t \rightarrow I = 4 \sin 100\pi t$$

۴۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$U_3 = \frac{1}{2} L_3 I_3^2 \rightarrow \frac{9}{100} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{10} I_3^2 \rightarrow I_3^2 = 0/36 \rightarrow I_3 = 0/6A$$

سیم لوله های (۲) و (۳) با هم موازی هستند.

$$R_2 I_2 = R_3 I_3 \rightarrow 24I_2 = 12I_3 \rightarrow I_2 = \frac{12 \times 0/6}{24} = 0/3A$$

$$I = I_2 + I_3 = 0/9A$$

$$U_1 = \frac{1}{2} L_1 I^2 = \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} \times \frac{81}{100} = 81mJ$$

۴۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا باید ولتاژ ایجاد شده توسط مبدل را در دو سر مقاومت 20Ω بیابیم:

$$\frac{N_2}{N_1} = \frac{V_2}{V_1} \rightarrow \frac{2000}{4000} = \frac{V_2}{200} \rightarrow V_2 = 100(v)$$

$$R = \frac{V}{I} \rightarrow 20 = \frac{100}{I} \rightarrow I = 5(A) \quad \text{قانون اهم}$$

۴۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. گام اول: به کمک نمودار رسم شده، دوره را به دست می آوریم:

$$3 \left(\frac{T}{4} \right) = 0/06 \rightarrow T = 0/08s$$

گام دوم: معادله ی جریان متناوب عبوری از مولد را نوشته و مقدار $t = \frac{1}{150}s$ را در آن جایگذاری می کنیم:

$$I = I_m \sin \left(\frac{2\pi}{T} t \right) = 0/6 \sin \left(\frac{2\pi}{0/08} t \right)$$

$$\rightarrow I = \frac{0}{6 \sin} \left(\frac{200\pi}{8} \times \frac{1}{150} \right) = 0/6 \sin \left(\frac{\pi}{6} \right) = 0/3A$$

۴۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. طبق نمودار:

$$\frac{5T}{4} = \frac{1}{320} \rightarrow T = \frac{1}{400}s$$

همچنین مقدار بیشینه ی جریان الکتریکی $5\sqrt{2}A$ است.

$$I = I_{max} \sin \left(\frac{2\pi}{T} t \right) = 5\sqrt{2} \sin \left(\frac{2\pi}{\frac{1}{400}} \times \frac{1}{3200} \right) = 5\sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5A$$



۴۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مدت یک ثانیه، ۵ بار قدر مطلق جریان پیشینه شده است.

$$T + T + \frac{T}{4} = 0/09 \rightarrow \frac{9T}{4} = 0/09 \rightarrow T = 0/04s$$

معادله جریان خواهد شد:

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}\right)t \rightarrow I = 4 \sin\frac{2\pi}{0/04}t \rightarrow I = 4 \sin 50\pi t$$

