

$$W = F \times d \times \text{چ. سک}$$

کار

وزن

$$W = mg \downarrow h$$

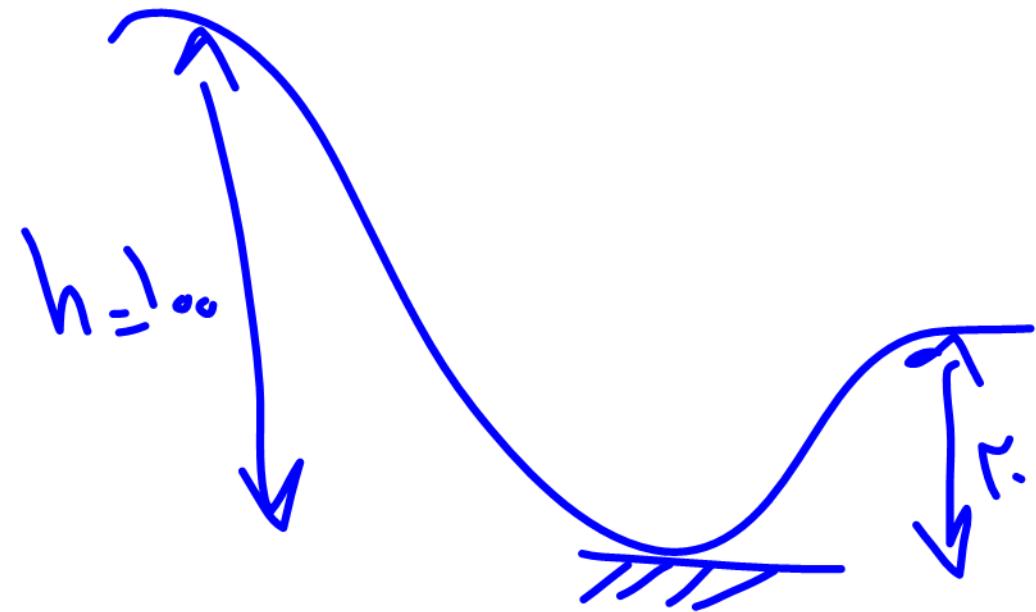
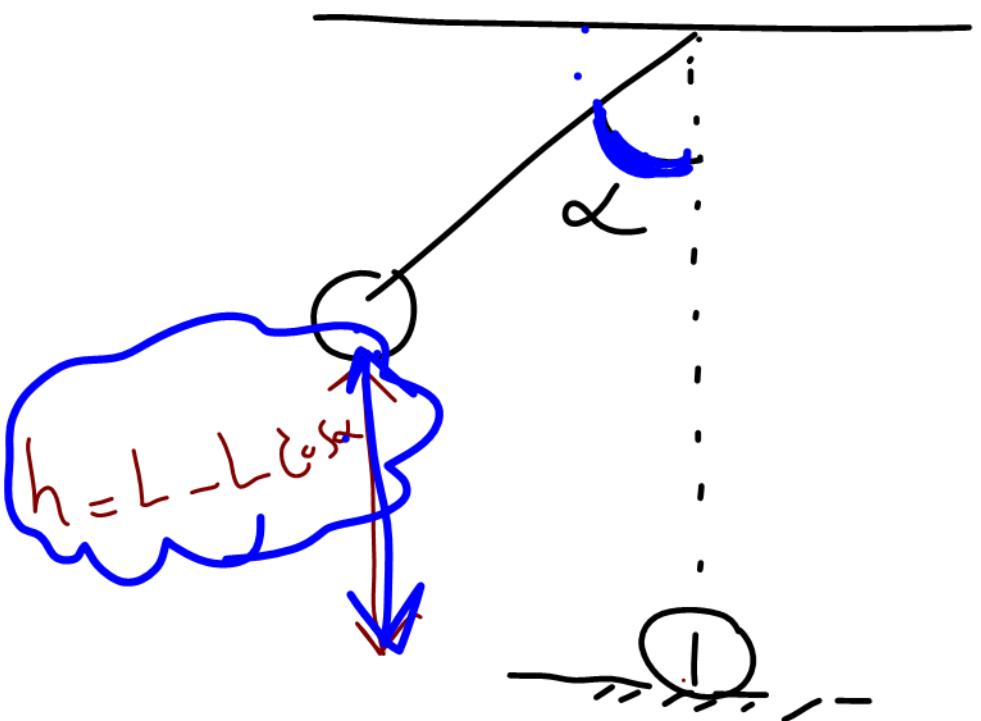
$$W_{T1} = W_H + W_R + \dots$$

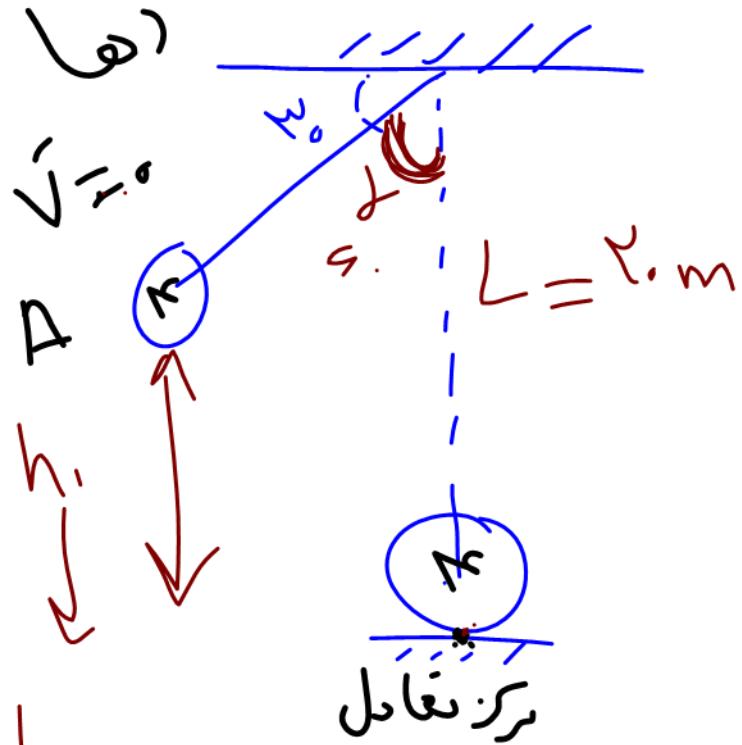
$$W_T$$

$$W_{T1} = mad$$

$$W_{T1} = \frac{1}{r} mv_r^2 - \frac{1}{r} mv_i^2$$

$$\left. \begin{array}{l} U_I + K_I + U_{e_i} = U_r + K_r + U_{e_r} \\ \\ U_I + K_I + U_{e_i} \pm X_{j,j} = U_r + K_r + U_{e_r} \\ \\ \text{outgoing} (U_I + K_I + U_{e_i}) = U_r + K_r + U_{e_r} \end{array} \right\}$$





$$h_1 = L - L \cos \theta_0$$

$$h_1 = r_0 - l_0 = l_0$$

$$\begin{aligned} U_1 + K_1 &= U_2 + K_2 \\ \cancel{mgh_1} + \cancel{0} &= 0 + \frac{1}{2} m v^2 \end{aligned}$$

$\sqrt{v} = \sqrt{rgh}$

$$\bar{v} = \sqrt{r(l_0)(l_0)} = \sqrt{r l_0}$$

$$Ra = \frac{\dot{m}}{\rho} \times 10^6$$

$$P = \frac{G_{IJ}}{J_{IJ}}$$

لـ

$$I_{000} = K_{00} + Y_{00}$$

جـ
جـ
t=5

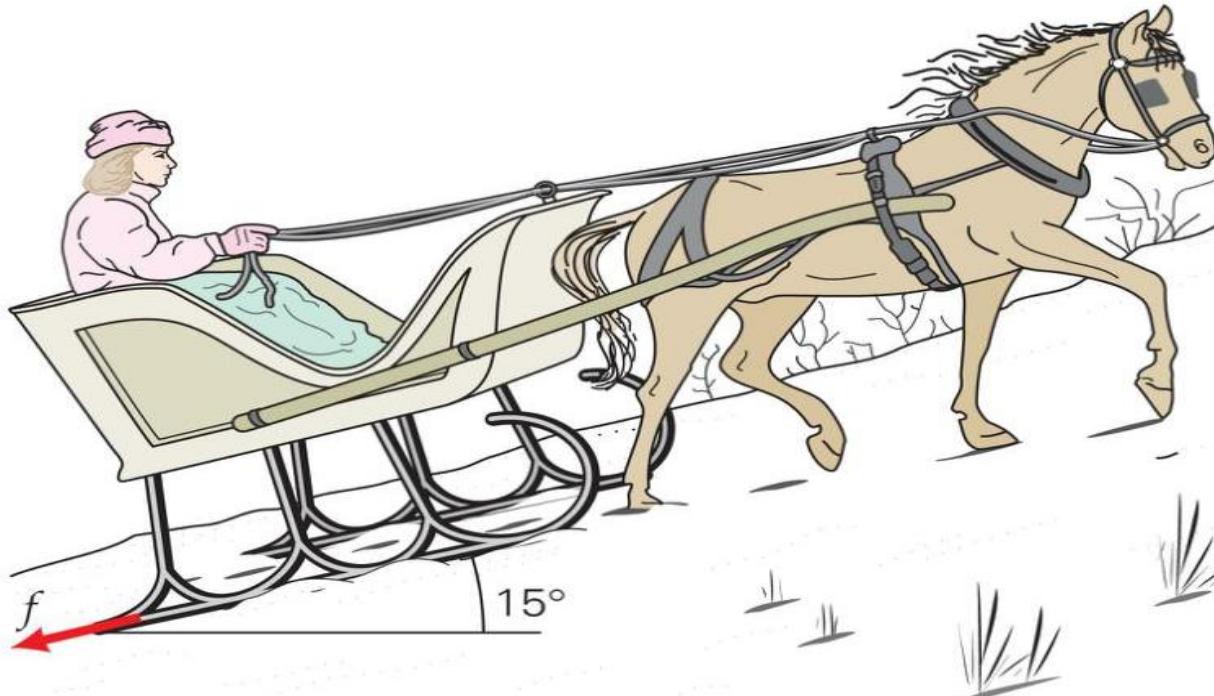
$$R_a = \frac{K_{00}}{100 \times \rho} \times I_{00} = A_{00}/\rho$$

جـ

$$\begin{aligned} (U_{00}) \Delta P &= \frac{I_{000}}{\rho} = 0.0 \omega \\ (U_{00}) \Delta P &= \frac{A_{00}}{\rho} = K_{00} \omega \\ \Delta P &= \frac{Y_{00}}{\rho} = I_{00} \omega \end{aligned}$$

$$R_a \times P_g = \frac{\dot{W}}{t}$$

WORK, ENERGY AND FORCE



کار و انرژی

مهندس مهدی باباخانی

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

این مجموعه با زحمت فراوان تهیه گردیده و برای کسانی است که فیلمها و جزوات را از موسسه ما خریداری کرده‌اند و تکثیر و استفاده غیر مجاز از جزوات و فیلم‌ها برای سایرین شرعاً و اخلاقاً حرام است

جهت تهیه فیلم‌ها و جزوات بنده به صورت قانونی با شماره زیر تماس حاصل فرمایید

021-26401062

www.karnamehkerad.com



درس نامه ۱: انرژی و انواع آن



به توانایی انجام کار انرژی می‌گوییم. انرژی را از روی اثراش می‌توان شناخت. انرژی می‌تواند باعث جابجایی اجسام گردد و یا جسم در حال حرکت را ساکن کند و یا جهت حرکت چیزی را تغییر دهد. همچنین سرعت جابجایی را کاهش یا افزایش دهد همچنین ظاهر اجسام را دگرگون کند و یا حجم اجسام را تغییر دهد همچنین می‌تواند دمای جسمی را بالا یا پایین ببرد و غیره...

انرژی شکل‌های متفاوتی دارد و در همه چیز و همه جا وجود دارد. انرژی می‌تواند از شکلی به شکل دیگر تبدیل شود و در حین این فرایند، مقدار کل آن پایسته می‌ماند. همچنین با انجام کار می‌توانیم انرژی را از جسم یک جسم دیگر منتقل کنیم.

انواع انرژی: انرژی در یک طبقه‌بندی کلی به دو حالت جنبشی و پتانسیل تقسیم می‌شود.

انرژی جنبشی: هر چیزی که حرکت کند، انرژی دارد و انرژی مربوط به حرکت آن جسم را انرژی جنبشی می‌گوییم. همچنین هر چه جسمی تندتر حرکت کند، و هرچه جرم جسم بزرگ‌تر باشد، انرژی جنبشی مقدار بیشتری می‌شود. انرژی جنبشی از رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ محاسبه می‌شود. در این رابطه m جرم جسم بر حسب کیلوگرم و v تندی بر حسب متر بر ثانیه است. انرژی جنبشی کمیتی نرده‌ای و همواره مثبت است. این کمیت تنها به جرم و تندی جسم بستگی دارد و به جهت حرکت بستگی ندارد.

انرژی پتانسیل: انرژی پتانسیل به انرژی ذخیره شده در اجسام می‌گویند. انرژی ذخیره‌ای (پتانسیل) می‌تواند به شکل‌های متنوعی مانند گرانشی، کشسانی و الکتریکی، شیمیایی، هسته‌ای و.... باشد. انرژی پتانسیل، برخلاف انرژی جنبشی که به حرکت یک جسم وابسته است، ویژگی یک سامانه است تا ویژگی یک جسم منفرد. به عبارت دیگر، انرژی پتانسیل به مکان اجسام یک سامانه نسبت به یکدیگر بستگی دارد. وقتی انرژی پتانسیل یک سامانه کاهش می‌یابد، به شکل‌های دیگری از انرژی تبدیل می‌شود. ما در کتاب درسی سال دهم از بین انواع انرژی پتانسیل بیشتر به بررسی انرژی پتانسیل گرانشی خواهیم پرداخت. فرمول انرژی پتانسیل گرانشی $U = mgh$ است که در این رابطه m جرم جسم بر حسب کیلوگرم h ارتفاع بر حسب متر است.

مثال: هواپیمایی به جرم دوتن در ارتفاع ۱۰۰۰ متری از سطح زمین با سرعت ۷۲۰ کیلومتر بر ساعت در حال پرواز است، انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل گرانشی نسبت به زمین چه قدر است؟

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2000)200^2$$

$$U = mgh = 2000(10)(1000)$$

$$2000 \times 10 \times 1000$$



جمع‌بندی انرژی:

جنبشی: هر جسمی که حرکت و سرعت داشته باشد انرژی

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

جنبشی دارد.

$$U = mgh$$

$$U = \frac{1}{2}K\Delta x^2$$

انرژی پتانسیل گرانشی

انرژی پتانسیل کشسانی

انرژی پتانسیل هسته ای

انرژی پتانسیل الکتریکی

انرژی پتانسیل مغناطیسی

انواع انرژی

پتانسیل

$$\sqrt{v_1} \rightarrow \sqrt{v_1 + \Delta}$$

$$K_1 \rightarrow K_1 + \frac{44}{100} K_1 = 1,44 K_1$$

تست: جسمی در مسیر مستقیم با سرعت v در حال حرکت است اگر سرعت این جسم ۵ متر بر ثانیه

افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۴۴ درصد افزایش می‌یابد v چند متر بر ثانیه است؟

$$\frac{1,44 K_1}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}m(v_1 + \Delta)^2}{\frac{1}{2}m(v_1)^2} \Rightarrow 1,44 = \frac{(v_1 + \Delta)^2}{v_1^2}$$

$$1,44 v_1 = v_1 + \Delta \Rightarrow 1,44 v_1 - v_1 = \Delta$$

$$0,44 v_1 = \Delta$$

تست: اگر تندی خودرویی $30 \frac{m}{s}$ افزایش پیدا کند، انرژی جنبشی آن ۸۰۰ درصد زیاد می‌شود. تندی اولیه خودرو چند متر بر ثانیه بوده است؟

$$20(2) \quad 15(1)$$

$$25(4) \quad 44/5(3)$$

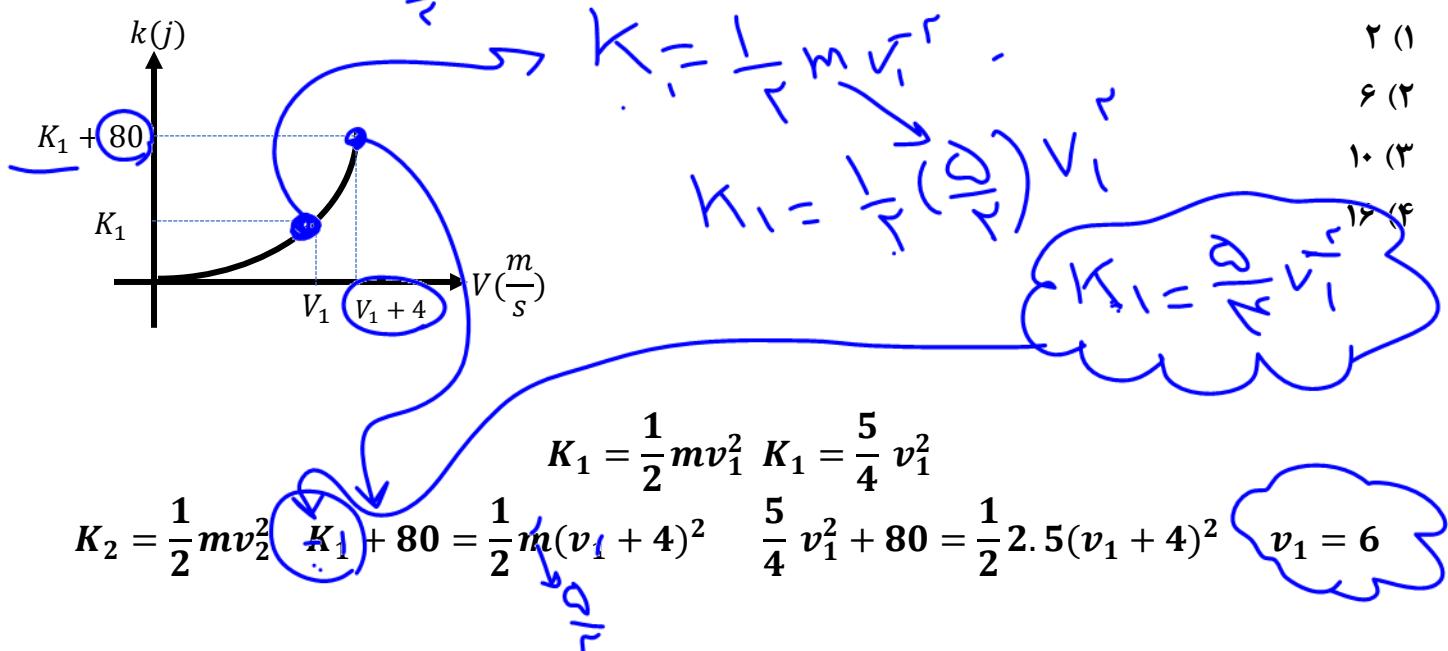
$$\Delta + 1,44 v_1 = 96$$

انرژی جنبشی ۸۰۰ درصد زیاد شود یعنی ۹ برابر شده است!

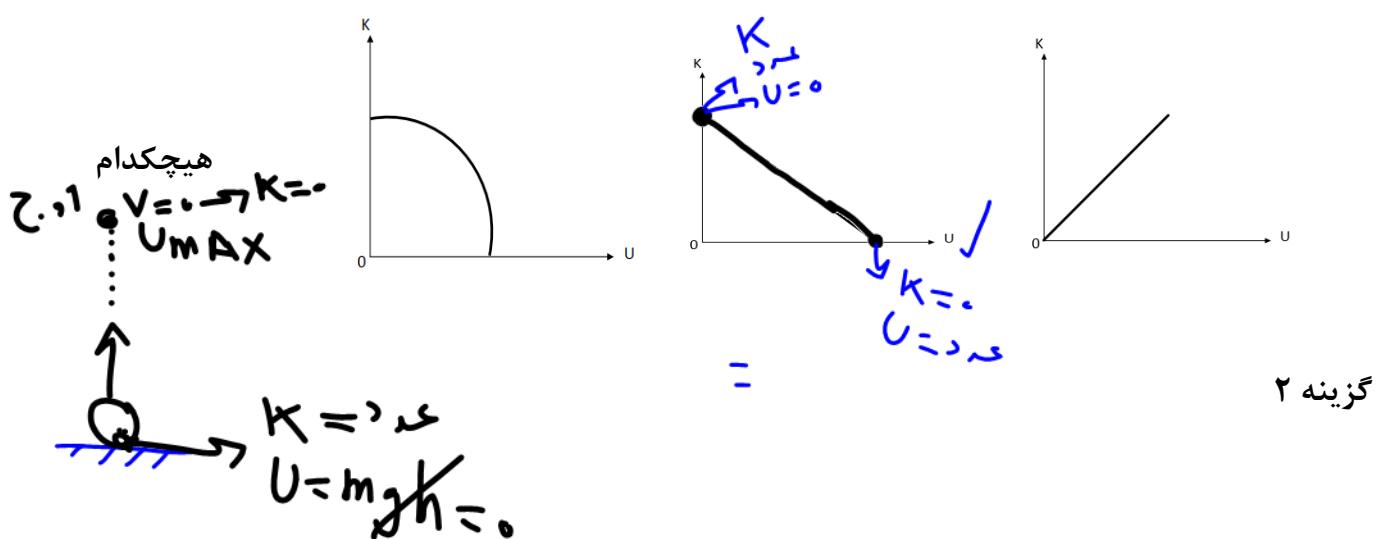
$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}mv_2^2}{\frac{1}{2}mv_1^2} \rightarrow 9 = \frac{(v_1 + 30)^2}{v_1^2} \quad 3v_1 = v_1 + 30 \quad v = 15$$



تست: در شکل زیر، نمودار انرژی جنبشی جسمی به جرم $2/5\text{kg}$ بحسب تندی آن نشان داده است.
اندازه‌ی V_1 چند متر بر ثانیه است؟ (آزمون کانون)



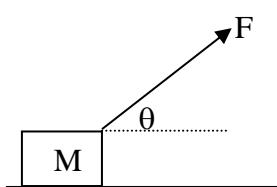
تست: در شرایط خلا، گلوله‌ای را در راستای قائم با سرعت اولیه‌ی v از سطح زمین به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. اگر سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض کنیم، نمودار انرژی جنبشی بر حسب انرژی پتانسیل گرانشی آن مطابق کدام گزینه زیر است؟



تعريف و فرمول کار با جابه جایی
کار: مفهوم کار در فیزیک، با مفهوم آن که در زندگی روزمره توسعه افراد استفاده می شود تفاوت دارد.

مفهوم کار در فیزیک: اگر به جسمی نیرو وارد شود و جسم در راستای آن نیرو جابه جا شود، آن نیرو کار انجام داده است. اگر جسم در جهت نیروی وارد بر آن جابه جا شود، آن نیرو باعث افزایش سرعت جسم و در نتیجه افزایش انرژی جنبشی جسم می شود و اگر جسم در خلاف جهت نیروی وارد بر آن جابه جا شود، آن نیرو باعث کاهش سرعت جسم و در نتیجه کاهش انرژی جنبشی جسم می شود. به عبارت دیگر نیروی وارد بر جسم هنگامی کار انجام می دهد که باعث تغییر انرژی جنبشی جسم می شود.

در فیزیک برای محاسبه کار کافیست نیروی مورد نظر را در جا بجایی و در کسینوس **زاویه بین نیرو و جابه جایی** ضرب کنیم.



طبق تعريف و شكل داريم:

$$W = Fd \cos\alpha$$

نکته ۲) هرگاه نیرو با جابه جایی زاویه صفر درجه بسازد. کار نیرو حداقل است

$$W_{\max} = F.d \cos 0^\circ$$

نکته ۳) هرگاه نیرو با جابه جایی زاویه 90° بسازد، کار انجام شده توسط آن نیرو صفر است.

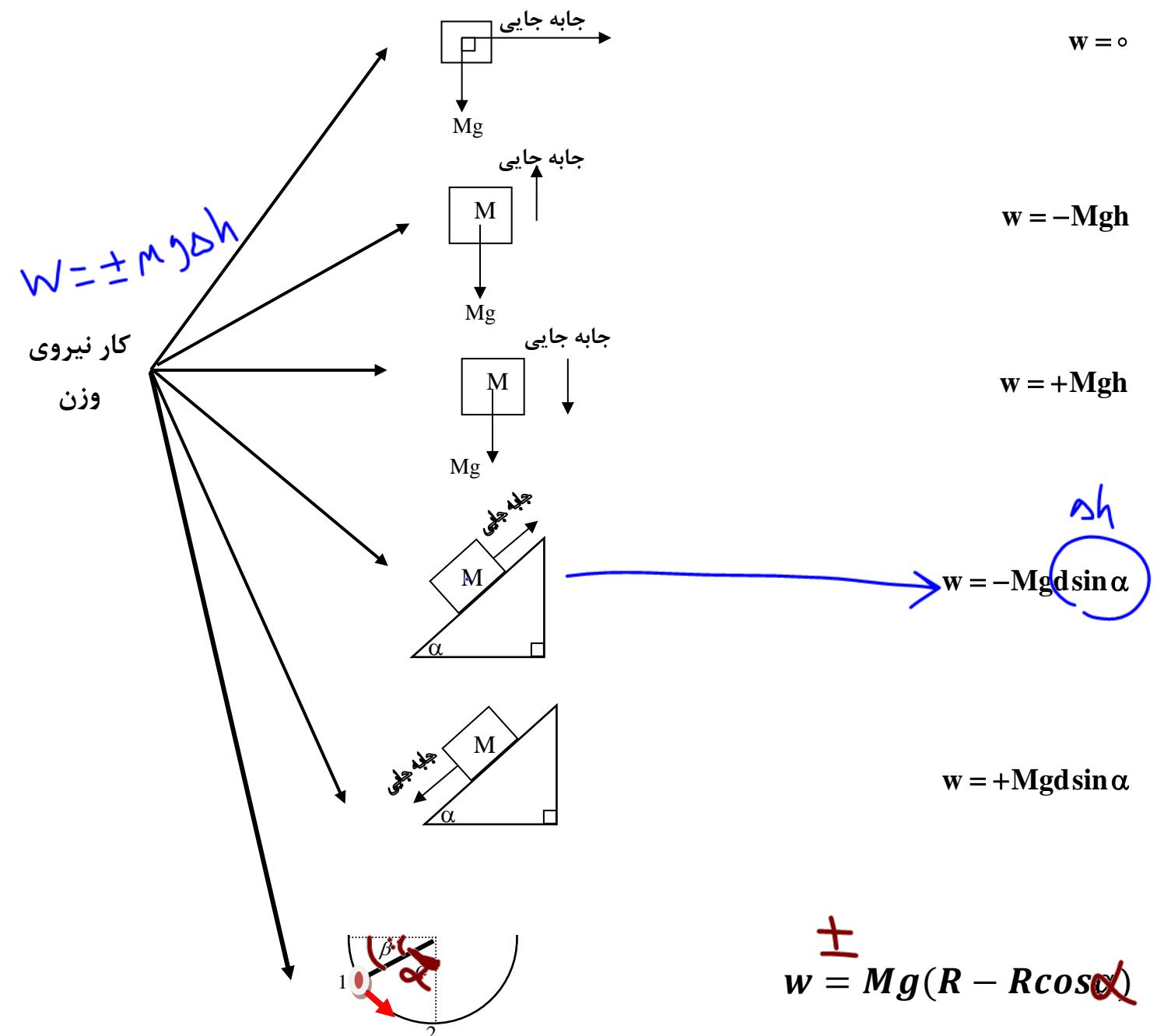
$$W = F.d \cos 90^\circ = 0$$

نکته ۴) نیروی f_k با جابه جایی زاویه 180° می سازد و کار آن برابر است با :

$$W = Fd \cos 180^\circ = -f_k d$$



نکته: ما همه کارها را از همان فرمول اصلی استفاده می‌کنیم اما برای محاسبه کار نیروی وزن در حالت‌های مختلف می‌توانیم از دستورات تستی زیر برویم:



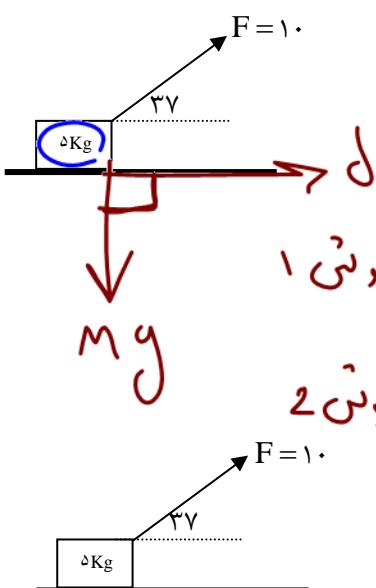
$$\text{عمل} = \frac{\text{غیر}}{\text{غیر}}$$

$$R = \frac{d}{\theta} = N_0 \frac{1}{M} \rightarrow \frac{1}{N_0} \rightarrow \frac{1}{M}$$

$$W = \pm Mg(R - R \cos \beta)$$



تمرین: با توجه به شکل مقابل برای ۲ متر چابه‌جایی موارد زیر را محاسبه نمائید.

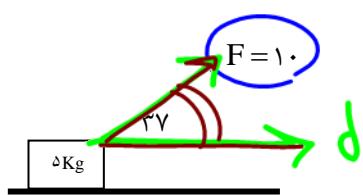


$$W_{mg} = F \times d \times \cos \alpha$$

$$W = mg \times d \times \cos \alpha \quad (\text{دنی ۱})$$

$$W = mg \times d \times \cos 90^\circ = 0 \quad (\text{دنی ۲})$$

الف) کار نیروی وزن؟



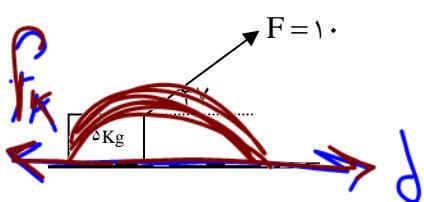
$$W_F = F \times d \times \cos \alpha$$

$$W_F = 10 \times 2 \times \cos 30^\circ = +17 \text{ J}$$

ب) کار نیروی F؟

f_K

ج) کار نیروی اصطکاک؟ (فرض کنید نیروی اصطکاک ۴ نیوتن باشد)



$$W_{f_K} = f_K \times d \times \cos \alpha$$

$$W_{f_K} = 4 \times 2 \times \cos 180^\circ = -8 \text{ J}$$

د) کار کل انجام شده؟

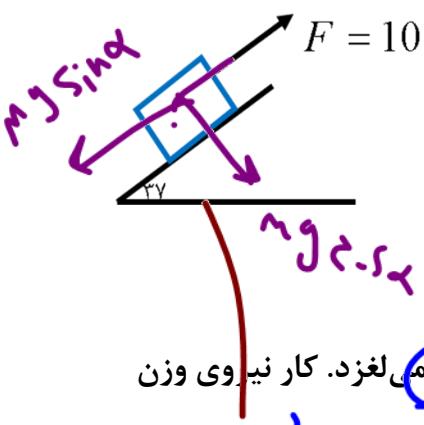
$$W_T = W_1 + W_2 + W_3 + \dots$$

$$W_T = 0 + 17 - 8 = +9 \text{ J}$$



تست: با توجه به شکل مقابل برای ۱۰ متر جابه‌جایی وزنه پنج کیلوگرمی کار نیروی F و کار نیروی وزن به ترتیب از راست به چپ بر حسب ژول.....

$$(1) 100 \text{ و } 300 \quad (2) -300 \quad (3) +300 \quad (4) -1600$$

 F 

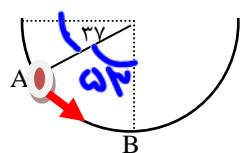
$$WF = F \cdot l \cdot \cos(110^\circ) \quad \cancel{\text{X}}$$

$$WF = 10 \times 10 \times \cos(110^\circ) = -100$$

$$W_{\text{زن}} = +Mg \cdot l \cdot \sin(37^\circ) = +10 \times 9.81 \times 10 \times \sin(37^\circ)$$

تست: جسم m به جرم 1 kg درون نیم کرهٔ صیقلی به قطر 60 سانتی‌متر به پائین می‌لغزد. کار نیروی وزن

$$\text{جسم از A تا B چند ژول است?} \quad (6) \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \sin 37^\circ = 0.6)$$



$$W = +Mg (R - R \cos \alpha) \quad (2) \quad (4) \quad (3) \quad (1)$$

$$W = +1 \times 10 (0.6 - 0.6 \cos 60^\circ) = 1.2$$

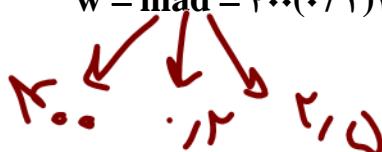
تست: آسانسوری به جرم کلی 400 کیلوگرم از حال سکون با شتاب ثابت $\frac{2 \text{ m}}{\text{s}^2}$ به سمت بالا به حرکت درمی‌آید. کار برآیند نیروهای وارد بر آن در 5 ثانیه اول حرکت چند ژول است؟

$$d = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \quad (2) \quad (1) \quad (4) \quad (3)$$

$$d = \frac{1}{2} (0.2) 25 + 0 = 10$$

$$w = mad \Rightarrow d = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} (0.2) (25) = 2.5 \text{ m}$$

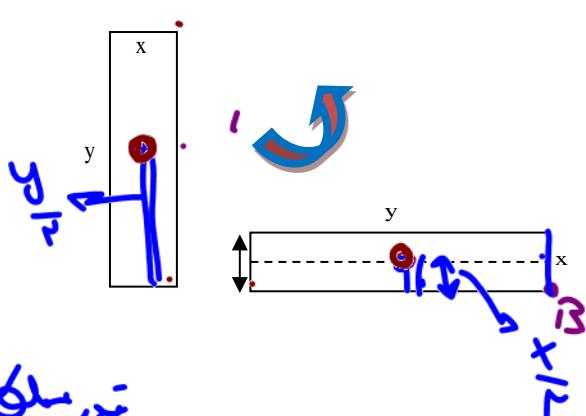
$$w = mad = 400 (0.2) 2.5 = 200$$



تست: جسمی به جرم ۸۰ کیلوگرم و قطر ۶۰ سانتیمتر و طول ۳/۶ متر به طور افقی قرار گرفته است. بدون

اینکه بلغزد آن را به صورت قائم درمی آوریم. اندازه کار وزن برابر است با:

- (۱) ۲۸۸۰ (۲) ۱۴۴۰ (۳) ۱۲۰۰ (۴) ۲۴۰۰ ✓



$$W = \pm Mg \Delta h$$

وزن

$$W = \pm Mg (y - x)$$

نکته:

تدریس

اندازه \rightarrow

$$W = -Mg (y - x)$$

$$= -1.0 (1.0) (1/0) = -12.$$

تست: نیروی $\vec{F} = 9\vec{i} + 12\vec{j}$ نیوتن به جسمی به جرم m وارد می شود. اگر بردار جابه جایی جسم به

صورت $\vec{d} = 5\vec{i}$ متر باشد، کار انجام شده توسط این نیرو در این جابه جایی برابر با چند ژول است؟

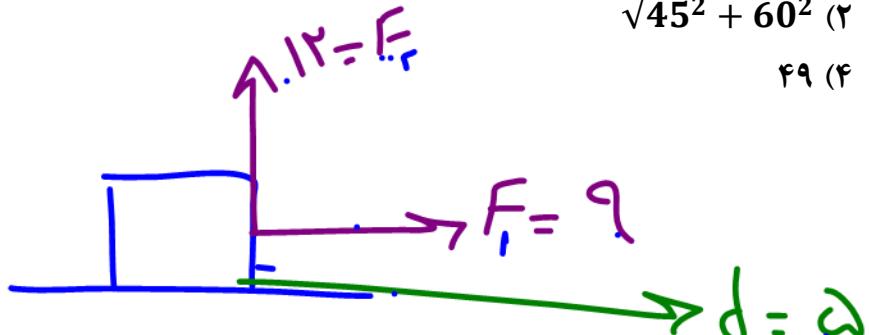
$$\sqrt{45^2 + 60^2}$$

(۱) ۶۰

$$49$$

(۲) ۴۵

(۳) ✓



$$W_{F_1} = Fd \cos \alpha$$

$$9(5) \cos 30^\circ = 40$$

$$W_{F_2} = 12 \times 5 \times \cos 90^\circ = 0$$



تسنی: مطابق شکل زیر، سه جسم از حالت سکون و ارتفاع h نسبت به سطح زمین رها می‌شوند. کدام گزینه تندی آن‌ها در سطح زمین (v) و کار نیروی وزن روی آن‌ها تا رسیدن به سطح زمین (W) را به درستی نشان می‌دهد؟ (از اثر مقاومت و اصطکاک صرف نظر کنید).

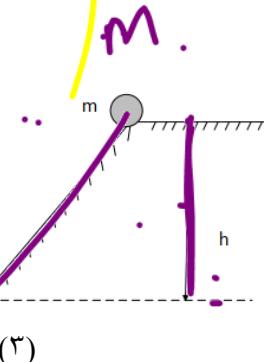
$$W_1 = W_2 = W_3, v_1 = v_2 = v_3 \quad (1)$$

$$W_1 = \frac{1}{2} W_2 = W_3, v_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} v_2 = v_3 \quad (2)$$

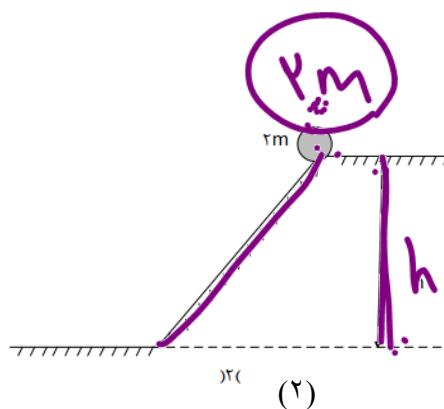
$$W_1 = \frac{1}{2} W_2 = W_3, v_1 = v_2 = v_3 \quad (3)$$

$$W_1 = W_2 = W_3, v_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} v_2 = v_3 \quad (4)$$

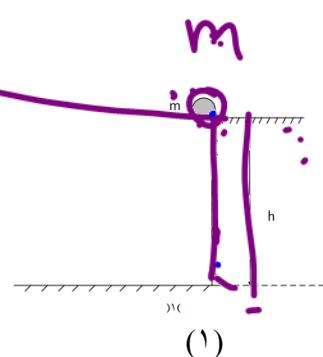
$$W = mgh$$



(3)



(2)



(1)

چون اصطکاک نداریم، سرعت‌ها با هم برابر می‌شوند (یعنی گزینه ۱ یا ۳ درسته) از طرفی تنها کاری که اینجا انجام می‌شود mgh وزن است و چون h ‌ها یکسان هستند پس فقط به جرم‌ها باید نگاه کنیم که گزینه ۲ درست است



نکته و یادآوری:

انرژی

$$\begin{aligned} K &= \frac{1}{2}mv^2 \text{ یا } k = \frac{p^2}{2m} && \rightarrow \text{ جنبشی} \\ u &= mgh && \text{ پتانسیل گرانشی} \\ u_e &= \frac{1}{2}kx^2 && \text{ پتانسیل کشسانی} \\ E &= u + k + u_e && \text{ مکانیکی} \end{aligned}$$

قبل اگفتیم که انرژی پتانسیل، انرژی ذخیره شده در یک جسم است. مثلاً اگر سنگی را از محل اولیه خود کمی بالاتر ببریم، نسبت به محل اولیه خود مقداری انرژی در خود ذخیره می‌کند که با رها کردن آن، این انرژی آزاد می‌شود. یا تصور کنید فنری را با زور فشرده کرده‌ایم، در اثر این کار مقداری انرژی در آن ذخیره شده است، که با رها کردن فنر این انرژی می‌تواند آزاد گردد. در هر دو مثال، به این انرژی ذخیره شده در اجسام، انرژی پتانسیل گفته می‌شود..

نکته: هنگامی که اجسام رو به پایین حرکت می‌کند h کاهش می‌یابد، نیروی وزن جسم کار مثبت انجام می‌دهد و انرژی پتانسیل گرانشی کاهش می‌یابد $\Delta U < 0$ (کار وزن مثبت و ΔU منفی است) هنگامی که جسمی رو به بالا حرکت می‌کند و از زمین دور می‌شود، h افزایش می‌یابد. در این صورت کار انجام شده توسط نیروی وزن جسم منفی است و انرژی پتانسیل گرانشی آن افزایش می‌یابد $\Delta U > 0$ (کار وزن منفی و ΔU مثبت است)

$$\Delta U = +mgh$$

جسم به بالا حرکت کند:

$$W = -mgh$$

$$\Delta U = -mgh$$

جسم به پایین حرکت کند:

$$W = +mgh$$



تست: در سال ۲۰۱۶ بهداد سلیمی قهرمان وزنه برداری ایران، با بالا بردن وزنه ۲۱۶ کیلوگرمی در حرکت یک ضرب رکورد جهانی این حرکت تا آن سال را از آن خود نمود. اگر بهداد این وزنه را مجموعاً ۵۰ سانتیمتر از سطح اولیه اش بالا برد و باشد، تغییر انرژی پتانسیل گرانشی (ΔU) نسبت به محل اولیه اش و کار انجام شده (W) به ترتیب از راست به چپ کدام گزینه است؟ ($g = 10$)



جواب

$$W = -mg\Delta h = -216 \times 10 \times 0,5 = +1080 \text{ ج.ن}$$

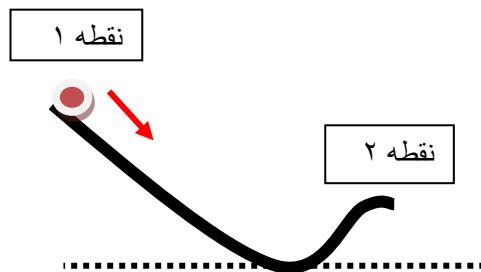
۱) +۱۰۸۰
۲) +۵۴۰۰
۳) -۵۴۰۰
۴) +۵۴۰۰



درسname ۵ : قانون پایستگی انرژی

در شکل روبرو جسمی را در حال حرکت به طرف زمین نشان می‌دهد فرض کنید مقاومت هوا و اصطکاک در برابر حرکت جسم ناچیز باشد و تنها نیروی وزن به آن وارد می‌شود هنگامی که گلوله از نقطه ۱ به نقطه ۲ می‌رود انرژی جنبشی جسم از K_1 به K_2 و انرژی پتانسیل آن از U_1 به U_2 تغییر می‌کند در اینصورت اگر مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل را در نقطه ۱ محاسبه کنیم، متوجه میشویم که با مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل در نقطه ۲ برابرست. مجموع انرژی پتانسیل و جنبشی جسم در نقطه های مختلف مسیر حرکت با هم برابر است. مجموع انرژی های پتانسیل و جنبشی هر جسم را انرژی مکانیکی آن می‌نامیم و با E نشان می‌دهیم. ($E = K + U$) به این ترتیب:

$$U_1 + K_1 = U_2 + K_2$$



که به آن قانون پایستگی انرژی می‌گوییم.

نکته ۱: در تست‌ها و مسائل قانون پایستگی انرژی را در سه مدل به ما می‌دهند
حالت اول: در سؤال اصطکاک را ناچیز و صفر در نظر می‌گیرند: که از فرمول زیر استفاده می‌کنیم:

$$U_1 + K_1 + U_{e1} = U_2 + K_2 + U_{e2}$$

حالت دوم: در سؤال می‌گویند X درصد انرژی در اثر اصطکاک تلف شده که از فرمول زیر استفاده می‌کنیم:

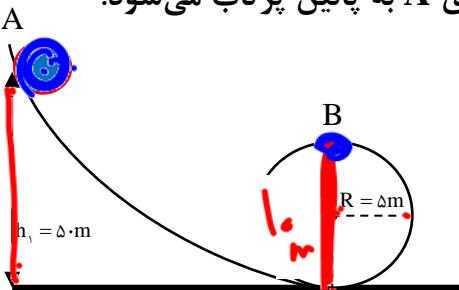
$$\frac{100-x}{100}(u_1 + k_1 + ue_1) = u_2 + k_2 + ue_2$$

حالت سوم: در سؤال می‌گویند X ژول انرژی در اثر اصطکاک تلف شده که از فرمول زیر استفاده می‌کنیم:
 $u_1 + k_1 + ue_1 - x = u_2 + k_2 + ue_2$



تمرین: مطابق شکل گلوله‌ای به جرم 2 kg با سرعت 20 m/s بر ثانیه از نقطه A به پائین پرتاب می‌شود.

سرعت گلوله را در نقطه B در هر یک از حالت‌های زیر محاسبه کنید:



$$\cdot E_1 = E_2$$

$$\cdot U_1 + K_1 = U_2 + K_2$$

~~با صرف نظر از انرژی تلف شده~~

ج

$$\therefore \frac{1}{2}mV_1^2 + mgh_1 = mgh_2 + \frac{1}{2}mV_2^2$$

$$\therefore \frac{1}{2}(2)(10) + \frac{1}{2}(2)(10) = 2(10) + \frac{1}{2}(2)V_2^2$$

$$100 + 20 = 200 + V_2^2$$

(ب) فرض کنید 30% درصد از انرژی در طول مسیر تلف شده باشد.

$$V_2 = \sqrt{V_1^2 - 30}$$

(ج) فرض کنید 30% ژول انرژی در طول مسیر تلف شده باشد.

اصطکاک نداشته

باشیم

$$U_1 + K_1 + U_{e1} = U_2 + K_2 + U_{e2}$$

پایستگی انرژی

درصد انرژی در اثر

اصطکاک تلف شود

$$\frac{100-x}{100}(u_1 + k_1 + ue_1) = u_2 + k_2 + ue_2$$

ژول انرژی در اثر

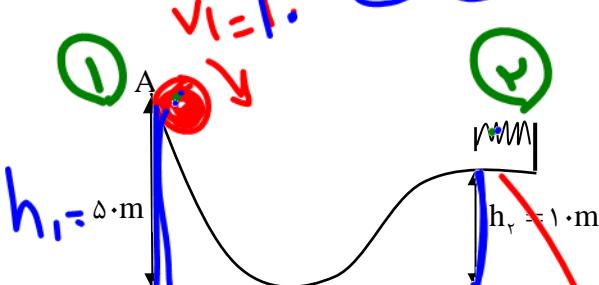
اصطکاک تلف شود

$$u_1 + k_1 + ue_1 - x = u_2 + k_2 + ue_2$$



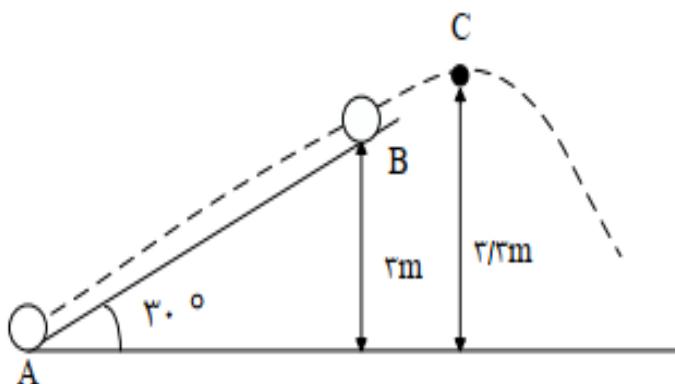
تست: مطابق شکل گلوله‌ای به جرم 2kg با سرعت 10 m/s بر ثانیه از نقطه A رو به پائین پرتاب می‌شود. اگر $K_2 = 0$

در صد از انرژی اولیه در اثر اصطکاک تلف شود حداکثر انرژی ذخیره شده در فنر چند زول می‌شود؟



$$U_{E2} = \frac{1}{2}mv_1^2$$

تست: مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2kg از نقطه A در پایین سطح شیبدار، با تنیدی اولیه $12\frac{\text{m}}{\text{s}}$ در امتداد سطح شیبدار پرتاب شده و در نقطه B از سطح جدا می‌شود. اگر نیروی اصطکاک بین جسم و سطح شیبدار ثابت و برابر N باشد، تنیدی جسم در نقطه C چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و مقاومت هوا ناچیز است). (آزمون کانون)



$$2(2) \\ 4\sqrt{3}(4)$$

- (۱) صفر
۴ (۳)

قانون پایستگی انرژی رو یکبار بین A و B و یکبار دیگه بین C و B مینویسیم

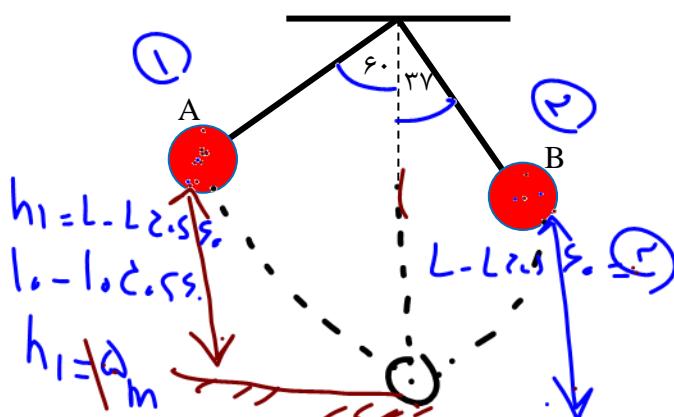
$$E_A - f_k d = E_B$$

$$\left(0 + \frac{1}{2}mv_1^2\right) - 5(6) = E_B \quad E_B = 114$$

$$E_B = E_C \quad 114 = 2(10)3.3 + \frac{1}{2}mv_C^2 \quad v_C^2 = 114 - 66 \quad v_C = 4\sqrt{3}$$



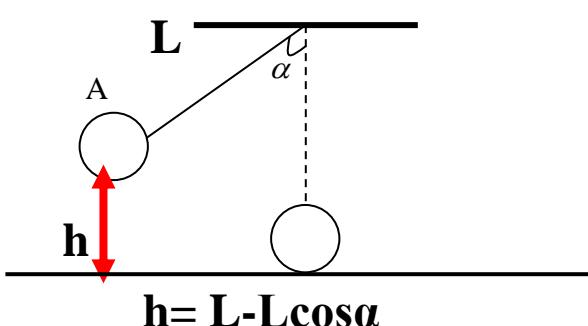
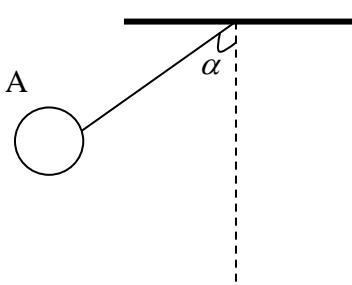
تست: مطابق شکل گلوله‌ای به جرم 2kg به انتهای نخ سبکی به طول 10 متر متصل است. آن را با سرعت 20 متر بر ثانیه از نقطه A به پائین پرتاپ می‌کنیم به ترتیب از راست به چپ، سرعت گلوله در نقطه B چند متر بر ثانیه و اندازه کار وزن تقریباً چند ژول می‌شود؟
 (فرض کنید $20\text{ ژول انرژی در اثر مقاومت هوا تلف شده باشد}.$)



$$\text{وزن} W = \cancel{\text{مقدار}} mgh = +2 \times 10 \times 2 \\ + = 20$$

$$\begin{aligned} U_1 + K_1 - 20 &= U_2 + K_2 \\ mg h_1 + \frac{1}{2} m V_1 - 20 &= mg h_2 + \frac{1}{2} m V_2 \\ 2(1.0)(2) + \cancel{\frac{1}{2}(2)(4)} - 20 &= 2(1.0)(2) + \cancel{\frac{1}{2}(4)} \\ 100 + 400 - 20 &= 20 + 100 \\ \bar{V} = 440 &\Rightarrow V = \sqrt{440} = 21 \end{aligned}$$

نکته: اگر در سوالات پایستگی انرژی آونگ به ما دادند، کافی است پایین‌ترین نقطه شکل را به عنوان زمین در نظر گرفته و از همان فرمول‌های صفحه قبل استفاده کنیم، فقط اگر خواستید ارتفاع آونگ تا زمین (سطح پتانسیل) را محاسبه کنید از $h = L - L\cos\alpha$ استفاده کنید.
 محاسبه ارتفاع h در آونگ‌ها



$$h = L - L\cos\alpha$$



رابطه کار و انرژی جنبشی

درسنامه ۵



بین کار کل انجام شده روی یک جسم و تغییر انرژی جنبشی آن رابطه‌ای وجود دارد که به آن رابطه کار و انرژی می‌گوییم: همواره کار کل انجام شده روی یک جسم با **تغییرات انرژی جنبشی** آن برابر است.

$$W_{\text{کل}} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

تست: چتر بازی از ارتفاع ۸۰۰ متری و از حال سکون رها می‌شود. جرم چتر باز و چترش مجموعاً ۸۰ کیلوگرم است. وی با سرعت ۵ متر بر ثانیه به زمین می‌رسد، کار نیروی مقاومت هوا در مسیر سقوط چند کیلوژول است؟



$$\begin{aligned} W_T &= \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \\ &= \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \\ &+ mg\downarrow h + \text{نارنجی} = \frac{1}{2}(80)(25) \\ &\quad \text{نارنجی} = +1000 \end{aligned}$$

تست: اتومبیلی به جرم ۱۲۰۰ کیلوگرم با سرعت ۷۲ کیلومتر بر ساعت در حال حرکت است که ناگهان عابری را در فاصله ۱۵۰ متری از خود قرار دارد را می‌بیند. اگر راننده بلا فاصله ترمز کند، در صورتی که نیروی اصطکاک بین جاده با لاستیک ۲۴۰۰ نیوتون باشد، کدام گزینه صحیح است؟

$$W_T = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

(۱) اتومبیل ۵۰ متر مانده به عابر متوقف می‌شود.

(۲) اتومبیل ۲۰ متر مانده به عابر متوقف می‌شود.

(۳) اتومبیل جلوی پای عابر متوقف می‌شود.

(۴) اتومبیل با عابر برخورد می‌کند.

$$\begin{aligned} W_T + W_{f_k} &= \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \\ 0 + f_k d_{\text{ماند}} &= 0 - \frac{1}{2}(1200)^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -24000 &= -24000 \\ -24000 &= -24000 \end{aligned}$$

$$1200 - 100 = 100$$



تست VIP: در شکل زیر وزنه ۳ از حال سکون رها می‌شود و هنگامی که 90 سانتیمتر پایین می‌آید مجموع انرژی جنبشی دو وزنه ۱ و ۲ روی سطح افقی به $22/5$ ژول میرسد. در این صورت جرم وزنه ۳ چند کیلوگرم است؟ (از کلیه اصطکاک‌ها و جریان خ صرف نظر کنید) (جرم وزنه شماره یک ۲ کیلوگرم و جرم وزنه شماره دو ۳ کیلوگرم است)

$$\frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = 22/5$$

$$V = \sqrt{9}$$

$$W_T = \frac{1}{2} m_{\text{tot}} V_f^2 - \frac{1}{2} m_{\text{tot}} V_i^2$$
 ~~$+ m_2 g h + W_{P_k}$~~
 $m_2 (l_0) \cancel{(l_0)} = \frac{1}{2} (2 + 3 + m_3) 9 - 0$
 $m_3 = 1$



$$Ra = \frac{29\%}{کل} \times 100$$

درسنامه ۸ راندمان و توان



بازده: در هر دستگاه فقط بخشی از انرژی ورودی به انرژی موردنظر ما تبدیل می‌شود و بخشی نیز تلف می‌شود. بنابراین تنها بخشی از انرژی ورودی قابل استفاده است، که به آن انرژی خروجی یا کار مفید می‌گویند.

نسبت انرژی خروجی (مفید) به انرژی ورودی (کل) را بازده می‌نامیم. معمولاً بازده هر دستگاه (وسیله یا سامانه) را بر حسب درصد بیان می‌کنند.

$$\text{انرژی خروجی (مفید)} = \frac{\text{بازده}}{\text{انرژی ورودی (کل)}} \times 100$$

همچنین نسبت توان خروجی (مفید) به توان ورودی (کل) (صرفی) را هم بازده می‌نامیم.

$$\text{توان خروجی [مفید]} = \frac{100}{\text{توان (ورودی) (صرفی) (کل)}} \times \text{بازده}$$

مثالاً فرض کنید یک لامپ برقی با مصرف ۲۰۰ ژول انرژی برق فقط ۱۶۰ ژول نور تولید نماید و ۴۰ ژول از انرژی را به صورت گرما تلف کند، در اینصورت می‌گوییم بازده آن برابرست با:

$$\text{درصد } 80 = \text{بازده} \rightarrow 100 \times \frac{160}{200} = \frac{\text{انرژی خروجی [مفید]}}{\text{انرژی ورودی (کل)}} = \text{بازده}$$

توان متوسط: به مقدار کار انجام شده در واحد زمان، توان متوسط گفته می‌شود.

$$P_{کار} = \frac{W}{\text{توان متوسط}} = \frac{W}{\text{زمان}} t$$

واحد اندازه‌گیری توان (وات) است.

مثالاً اگر ماشینی در ۲ ثانیه مقدار ۴۰۰۰ ژول کار انجام بدهد توان متوسط آن برابر می‌شود با:

$$\text{وات } 2000 = \frac{W_{کار}}{t_{زمان}} = \frac{4000}{2} = \frac{4000}{\text{توان متوسط}} = \frac{4000}{2}$$



نکات تكميلی:

$$P = \frac{E_{\text{مفید}}}{t}$$

$$R_a \times P = \frac{E_{(\text{خروجی}) \text{ مفید}}}{\text{ورودی} (\text{صرفی}) \text{ کل}} = \frac{E_{(\text{خروجی}) \text{ مفید}}}{t}$$

$$R_{a'} \times P_{\text{کل}} = \frac{E_{\text{تلف}}}{t}$$

دو مثال شبیه به هم: دو سؤال زیر را همزمان و به موازات هم بررسی کنیم:

مثال ۱: توان کل یک لامپ ۲۰۰۰ وات و بازدهی آن ۸۰ درصد است. در هر ۱۰ ثانیه چند ژول نور تولید می‌شود؟

$$R_a \times P = \frac{\text{انرژی}}{\text{زمان}} t \rightarrow \frac{80}{100} \times 2000 = \frac{\text{انرژی}}{10} = 16000j$$

مثال ۲: توان کل یک لامپ ۲۰۰۰ وات و بازدهی آن ۸۰ درصد است. در هر ۱۰ ثانیه چند ژول گرما تولید می‌شود؟

$$R_{a'} \times P = \frac{\text{انرژی}}{\text{زمان}} t \rightarrow \frac{20}{100} \times 2000 = \frac{\text{انرژی}}{10} = 4000j$$

نکته مهم: چرا در مثال اول هنگام جای‌گذاری، راندمان را ۸۰ درصد ولی در مثال دوم ۲۰ درصد نوشتیم؟

پاسخ: اگر در سؤال کار و وظیفه اصلی یک وسیله را پرسیدند باید خود راندمان را در فرمول بنویسیم، ولی اگر کار فرعی (تلفات) را پرسیدند، باید متمم راندمان را جای‌گذاری کنیم (یعنی راندمان را از ۱۰۰ کم کنیم سپس جای‌گذاری کنیم) در مثال ۱ چون وظیفه یک لامپ تولید نور است بنابراین ما خود راندمان را نوشتیم (۸۰ درصد). ولی در مثال ۲ چون گرما (تلفات و کار فرعی) را پرسیدند ما متمم راندمان (یعنی ۲۰ درصد) را جای‌گذاری کردیم.



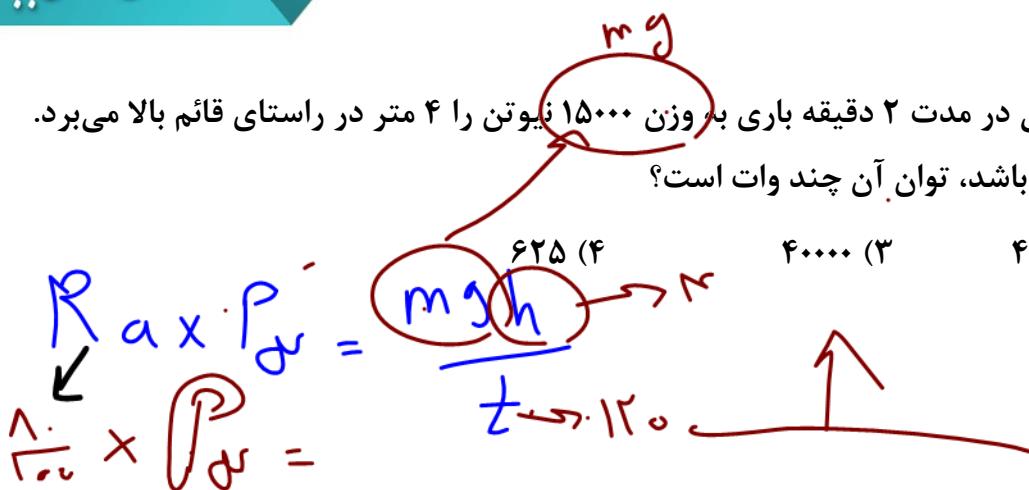
تست: یک موتور الکتریکی در مدت ۲ دقیقه باری به وزن ۱۵۰۰۰ نیوتن را ۴ متر در راستای قائم بالا می‌برد.
اگر بازدهی موتور ۸۰ درصد باشد، توان آن چند وات است؟

(۱) ۶۲۵۰

۴۰۰(۲)

۴۰۰۰(۳)

۶۲۵(۴)



تست: توان کل یک موتور الکتریکی ۴۰۰ وات و بازدهی آن ۷۵ درصد است. در هر دقیقه چند کیلوژول انرژی الکتریکی در آن به انرژی گرمایی تبدیل می‌شود؟

(۱) ۱/۴۴

۴(۲)

۱۸(۳)

۶(۴)

تست: یک پمپ الکتریکی، آب داخل چاهی را از عمق ۳۰ متری با آهنگ ۲۰ متر مکعب بر ثانیه بالا آورد و با سرعت $\frac{m}{s}$ ۱۰ به بیرون پرتاب می‌کند. اگر توان مصرفی (کل) این پمپ $14MW$ باشد، بازده پمپ کدام است؟ (جرم هر متر مکعب برابر با $1000 kg$ و $g = 10 \frac{N}{kg}$ است).

(۱) ۴۰٪

۵۰٪(۲)

۶۰٪(۳)

۷۰٪(۴)

$$W = \frac{1}{2} m V^2 + mgh$$

در هر ثانیه ۲۰ متر مکعب آب خارج می‌شود، پس جرم آب خارج شده در هر ثانیه برابر $20 \times 10^3 kg$ است.

$$W = \frac{1}{2} (20 \times 10^3) \times 10^2 + (20 \times 10^3) \times 10 \times 30 = 7 \times 10^6 J$$

این کار در یک ثانیه انجام می‌شود و توان مفید پمپ برابر است با:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{W_{\text{مفید}}}{\Delta t} = \frac{7 \times 10^6 J}{1 s} = 7 \times 10^6 W$$

در نهایت بازده را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{E_{\text{مفید}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{7 \times 10^6 W}{14 \times 10^6 W} \times 100 = \%50$$



تست: تحت تأثیر نیروی ثابت F از حال سکون به حرکت درمی آید و پس از مدت t به سرعت v می رسد.
توان متوسطی که در این مدت جسم دریافت می کند برابر است با:

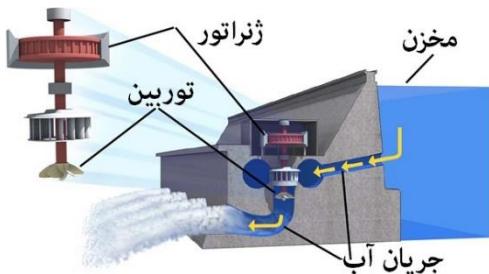
$$\frac{FV}{t} \quad (4)$$

$$\frac{FV}{2t} \quad (3)$$

$$FV \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}FV \quad (1)$$

تست: در شکل زیر، آب ذخیره شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از ارتفاع ۸۰ متری روی پره های توربینی می ریزد. اگر ۶۰ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی حاصل از چرخش توربین تبدیل شود، در هر دقیقه باید چند متر مکعب آب روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به ۲۰۰ MW برسد؟



$$(□) = 1 \frac{g}{cm^3} \text{ و } g = 10 \frac{N}{kg}$$

$$5 \times 10^4 \quad (4)$$

$$25 \times 10^3 \quad (3)$$

$$5000 \quad (2)$$

$$2500 \quad (1)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در هر دقیقه انرژی الکتریکی تولید شده برابر است با:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{U_E}{t} \rightarrow 200 \times 10^6 = \frac{U_E}{60} \rightarrow U_E = 12 \times 10^9 J$$

با توجه به این که ۶۰ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل می شود، می توان نوشت:

$$\frac{60}{100} W_{mg} = U_E \rightarrow \frac{3}{5} \times mgh = 12 \times 10^9 \rightarrow \frac{3}{5} \times m \times 10 \times 80 = 12 \times 10^9$$

$$\rightarrow m = \frac{12 \times 10^9}{6 \times 80} = 25 \times 10^6 kg$$



تست VIP:

کامیونی به جرم ۵۰۰۰ کیلوگرم از جاده شیب داری که با افق زاویه δ درجه می سازد با تندی ۷۲ کیلومتر بر ساعت بالا می رود اگر مجموع اصطکاک ها 0.02 نیروی وزن کامیون باشد توان متوسط موتور کامیون چند کیلووات است؟

$$\text{Sin } \delta = ?$$

۹۸ (۴)

۵۸/۸ (۳)

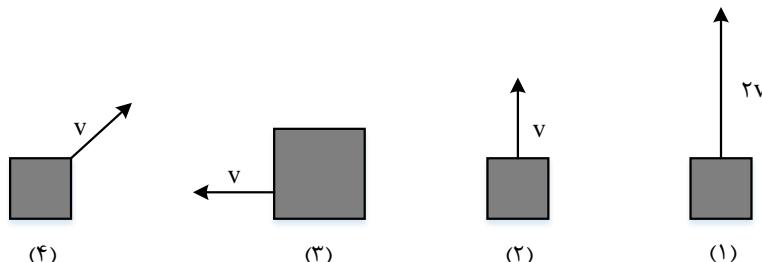
۱۹/۶ (۲)

۱۰۰ (۱)



Home work

۱- کدام گزینه مقایسه‌ی درستی از انرژی جنبشی چهار جسم نشان داده شده در شکل است؟ (جرم همه وزنه‌ها یکسان است به جز وزنه ۳ که دو برابر جرم وزنه یک است)



$$K_1 = K_2 = K_3 = K_4 \quad (1)$$

$$K_1 > K_3 > K_2 > K_4 \quad (2)$$

$$K_3 > K_1 > K_2 > K_4 \quad (3)$$

$$K_1 > K_3 > K_2 = K_4 \quad (4)$$

۲- اگر انرژی جنبشی خودرویی با جرم ثابت که با تندی $\frac{km}{h} 54^{\frac{4}{9}}$ در حال حرکت بوده است، $\frac{4}{9}$ برابر شود، تندی آن
.....

$$(1) \frac{24}{36} \frac{km}{h} \text{ کاهش می شود}$$

$$(2) \frac{20}{3} \frac{m}{s} \text{ می شود}$$

۳- انرژی جنبشی جسمی $10 \frac{m}{s}^2$ به سرعت جسم افزوده شود، انرژی جنبشی آن به $40 \frac{m}{s}^2$ زول می رسد.
سرعت اولیه جسم چند متر بر ثانیه بوده است؟

$$(1) 2 \quad (2) 4 \quad (3) \frac{1}{2} \quad (4) 6$$

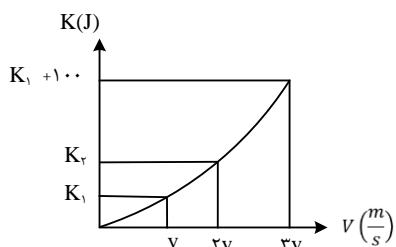
۴- جسمی به جرم m و با سرعت V در حال حرکت است. 19 درصد از جرم آن کم می شود. تقریباً چند درصد سرعتش را زیاد کنیم تا انرژی جنبشی آن تغییر نکند؟

$$(1) 10 \quad (2) 11 \quad (3) 12 \quad (4) 15$$



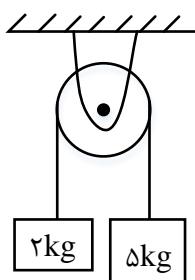
۵- نمودار انرژی جنبشی - سرعت جسمی مطابق شکل زیر است. K_2 چند ژول است؟

۵۰ (۴) ۱۰۰ (۳) ۲۵ (۲) ۱۲/۵ (۱)



۶- در شکل زیر، وزنه ۵ کیلوگرمی از حال سکون رها می شود و 10 cm پایین می آید، مجموع تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی دو جسم در این حرکت، چقدر است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

-3J (۴) +3J (۳) -7J (۲) +7J (۱)



۷- نیروی $\vec{F} = (30N)\vec{i} + (40N)\vec{j}$ به جسمی به جرم $5kg$ وارد می شود و آن را روی سطح افقی به اندازه‌ی

$\vec{F} = (6m)\vec{i}$ جابه جا می کند. کار نیروی \vec{F} در این جابه جایی چند ژول است؟

۴۲۰ (۴) ۳۰۰ (۳) ۲۴۰ (۲) ۱۸۰ (۱)

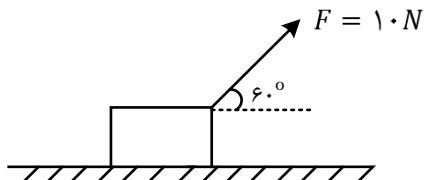
۸- شخصی در طبقه‌ی سوم ساختمان، سوار آسانسور می شود و به طبقه دهم می رود. جرم شخص 70 kg است و یک کوله پشتی به جرم $5kg$ بر دوش دارد. آسانسور بین طبقات پنجم تا هفتم مسافت 6 m را در مدت 2 ثانیه با سرعت ثابت طی می کند. در این 2 ثانیه کار نیرویی که آسانسور به شخص وارد می کند، چند ژول است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۴۵۰۰ (۴) ۴۲۰۰ (۳) ۳۹۰۰ (۲) (۱) صفر



۹) در شکل داده شده اگر نیروی وارد بر جسم $F = 10N$ باشد و جسم ۶ متر جابه جا شود، کار نیروی ثابت F چند ژول است؟

۳۰ $\sqrt{3}$ (۴) ۳۰ (۳) ۱۵ $\sqrt{3}$ (۲) ۱۵ (۱)

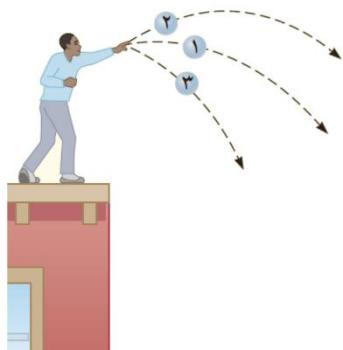


۱۰- جسمی به جرم ۱۵ کیلوگرم را روی سطح شیب داری که با افق زاویه ۳۰ درجه می سازد با سرعت ثابت به اندازه ۸ متر به طرف بالا می بروم. اگر نیروی اصطکاک ناچیز باشد، کار انجام شده چند ژول است؟ ($g = 10 N/kg$)

۳۰۰ $\sqrt{3}$ (۴) ۳۰۰ (۳) ۶۰۰ $\sqrt{3}$ (۲) ۶۰۰ (۱)

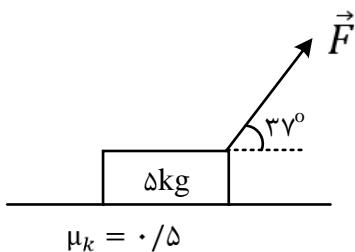
۱۱- مطابق شکل زیر، سه توپ مشابه از بالای ساختمانی، از یک نقطه با سرعت یکسان پرتاب می شوند. اگر کار نیروی وزن روی سه توپ از لحظه ای پرتاب تا رسیدن به زمین W_1 , W_2 و W_3 باشد، کدام رابطه درست است؟ (مشابه کتاب درسی)

$W_2 = W_3 > W_1$ (۴) $W_3 < W_2 < W_1$ (۳) $W_2 > W_1 > W_3$ (۲) $W_1 = W_2 = W_3$ (۱)



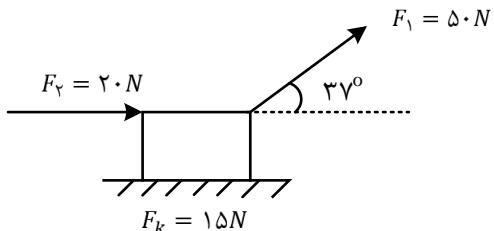
۱۲- در شکل رویه رو، نیروی \vec{F} با بزرگی ۵۰ نیوتون به جسم وارد می شود و آن را روی سطح افقی ۵ متر جابه جا می کند؛ کار برآیند نیروها چند ژول است؟ $\sin 37^\circ = 0/6$, $g = 10 \frac{m}{s^2}$

۲۵۰ (۴) ۲۰۰ (۳) ۱۵۰ (۲) ۷۵ (۱)



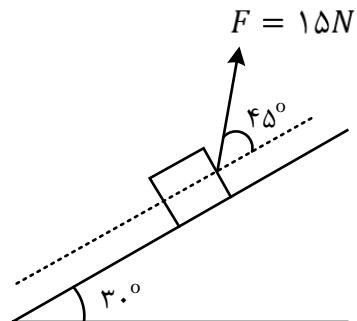
۱۳- مطابق شکل جعبه‌ای روی سطح هموار و افقی به اندازه 10 m جابه‌جا می‌شود. با توجه به نیروهای وارد شده بر جسم، نسبت کار نیروی اصطکاک به کار کل انجام شده کدام است؟ ($\cos 37^\circ = 0/8$)

$$-\frac{11}{3} \quad (4) \quad -3 \quad (3) \quad -\frac{1}{3} \quad (2) \quad -1 \quad (1)$$



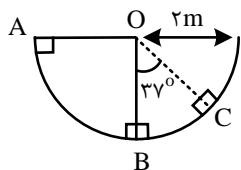
۱۴- جسمی را از پایین سطح شبیداری(روی زمین) مطابق شکل با نیروی $15\text{ N} = F$ بالا می‌بریم. در بازه زمانی که جسم به ارتفاع 2 متری از سطح افقی می‌رسد، کار نیروی F چند ژول است؟

$$30\sqrt{3} \quad (4) \quad 15\sqrt{3} \quad (3) \quad 30\sqrt{2} \quad (2) \quad 15\sqrt{2} \quad (1)$$



۱۵- جسم کوچکی به جرم 2 kg با تنیدی اولیه $\frac{m}{s}$ 5 و از نقطه‌ی A درون نیم کره‌ای به شعاع $R = 2\text{ m}$ به سمت پایین می‌لغزد. کار نیروی گرانش وارد بر جسم، وقتی جسم کمان BC را طی می‌کند، چند ژول است؟ ($\sin 37^\circ = 0/6$, $g = 10 \frac{m}{s^2}$)

$$-32 \quad (4) \quad -25 \quad (3) \quad -8 \quad (2) \quad -6 \quad (1)$$



۱۶- چتربازی به جرم کل 100 kg از بالونی در ارتفاع 500 متر از سطح زمین با سرعتی به بزرگی $\frac{m}{s}$ $1/5$ به بیرون بالون می‌پرد. اگر او با سرعتی به بزرگی $\frac{m}{s}$ $4/5$ به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوای روی چترباز در طول مسیر سقوط چند کیلوژول است؟

$$-499/1 \quad (4) \quad -500 \quad (3) \quad -500/9 \quad (2) \quad -900 \quad (1)$$



۱۷- گلوله ای به جرم 40 g با سرعت افقی که بزرگی آن $\frac{m}{s} 300$ است، به دیواری برخورد می کند و پس از طی مسافت 20 cm داخل دیوار توقف می کند. کار نیرویی که دیوار به گلوله وارد می کند چند ژول است؟

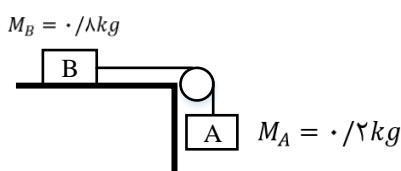
-۶۰۰ (۴) -۶ (۳) -۱۸۰۰ (۲) -۱۸ (۱)

۱۸- ماشینی با سرعت ثابت $72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و جرم 1000 kg در حرکت است. ناگهان ترمز کرده و بعد از طی مسافت 40 m متوقف می شود. اگر در طول ترمز کردن، نیروی موتور ماشین برابر صفر باشد، بزرگی نیروی اصطکاک لاستیک ها با جاده که مقدار ثابتی است، چند نیوتون است؟

۴۰۰۰ (۴) ۲۰۰۰۰ (۳) ۵۰۰۰ (۲) ۱۰۰۰۰ (۱)

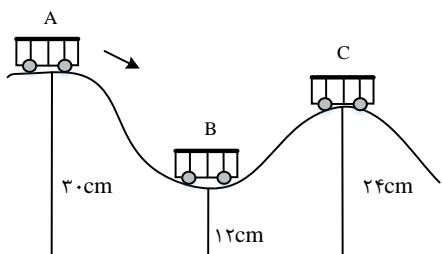
۱۹- در شکل مقابل وزنه A به جرم $2/0\text{ kg}$ کیلوگرم را آزاد می گذاریم تا بدون سرعت اولیه شروع به حرکت کند، انرژی جنبشی دستگاه پس از 2 m سقوط وزنه A به فرض ناچیز بودن جرم نخ و اصطکاک چند ژول است؟

۸ (۴) ۴ (۳) ۳/۲ (۲) ۰/۸ (۱)

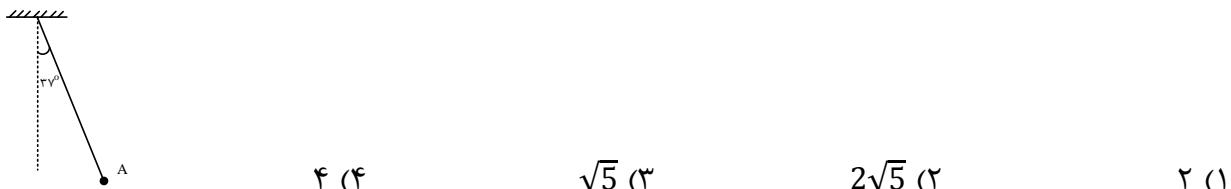


۲۰- در شکل روبه رو اصطکاک ناچیز است و اربابه بدون سرعت اولیه از حالت A رها می شود. نسبت سرعت اربابه در حالت B به سرعت آن در حالت C کدام است؟

$\sqrt{3}$ (۴) $\sqrt{2}$ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)



۲۱- مطابق شکل زیر، آونگی به طول $1/25\text{ m}$ تر، با سرعت V از وضعیت نشان داده شده (نقطه A) عبور می کند، کم ترین مقدار V چند متر بر ثانیه باشد، تا ریسمان بتواند به وضعیت افقی برسد؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود، $(\sin 37 = 0/6, g = 10 \frac{m}{s^2})$



۲۲- جسمی به جرم ۲ کیلوگرم روی سطح شیبدار با اصطکاک ناچیز به سمت پایین می‌لغزد و با سرعت

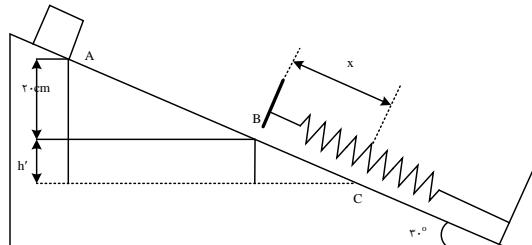
$2 \frac{m}{s}$ از نقطه A عبور کرده و در نقطه‌ی B به فنر برخورد می‌کند. اگر حداکثر فشردگی فنر x و بیشینه‌ی انرژی ذخیره شده در فنر 10 Joule باشد، x چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)



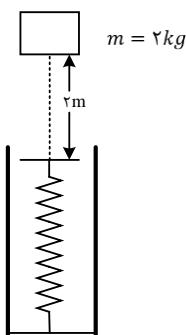
۲۳- مطابق شکل مقابل، وزنه‌ای به جرم ۲ کیلوگرم را با سرعت اولیه‌ی $2 \frac{m}{s}$ از ۲ متری بالای یک فنر قائم، به سمت فنر پرتاب می‌کنیم. اگر از جرم فنر و مقاومت هوا صرف نظر کنیم و بیشینه‌ای انرژی ذخیره شده در فنر $J = 46$ باشد، بیشینه‌ی تراکم طول فنر چند سانتی‌متر است؟

۱۰ (۴)

۸ (۳)

۵ (۲)

۱/۳ (۱)



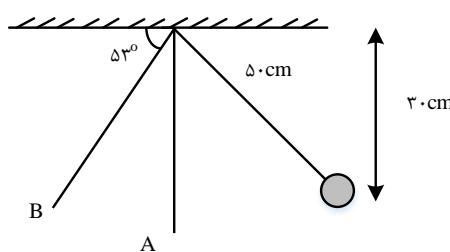
۲۴- آونگی به طول 50 cm را به یک سمت منحرف کرده تا فاصله اش از سقف 30 cm شود. اگر آونگ را از این وضعیت رها کنیم، سرعتش هنگام عبور از وضعیت A برابر باشد باش تر از سرعتش هنگام عبور از وضعیت B است؟ ($\sin 53^\circ = 0/8, \sqrt{2} = 1/4, g = 10 \frac{m}{s^2}$ و مقاومت هوا ناچیز است.)

۱/۴ (۴)

۲/۶ (۳)

۰/۴ (۲)

۰/۶ (۱)



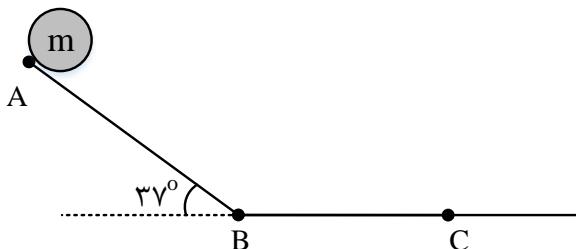
-۲۵- در شکل زیر، جسمی به جرم $m = 2 \text{ kg}$ از نقطه‌ی A رها می‌شود و پس از طی مسیر بدون اصطکاک AB، وارد سطح افقی شده و در نقطه‌ی C متوقف می‌گردد. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح افقی BC برابر و باشد، طول BC چند متر است؟

۹/۶ (۴)

۷/۲ (۳)

۴/۸ (۲)

۳/۶ (۱)



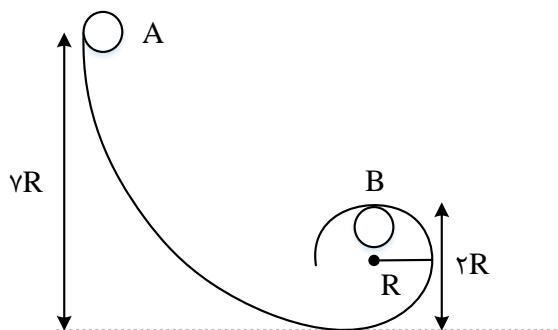
-۲۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2 kg از نقطه‌ی A رها می‌شود و پس از مدتی و با طی مسیر دارای اصطکاکی از نقطه‌ی B می‌گذرد. اگر 10 درصد انرژی جسم در طی مسیر تلف شود، انرژی جنبشی جسم در نقطه‌ی B چند برابر انرژی پتانسیل جسم در همان نقطه است؟ ($R = 20 \text{ cm}$ و فاصله‌ی گلوله در نقطه‌ی B تا زمین $2R$ است).

۷ (۴)

۶/۳ (۳)

۳/۵ (۲)

۲/۱۵ (۱)



-۲۷- جسمی را در شرایط خط از ارتفاع 160 m بالای سطح زمین رها می‌کیم. اگر نمودارهای انرژی جنبشی و پتانسیل گرانشی جسم مطابق با شکل زیر باشد، سرعت جسم هنگام عبور از نقطه‌ی A چند متر بر ثانیه است؟

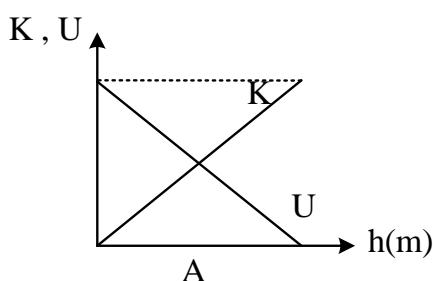
$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۸۰ (۴)

 $40\sqrt{30}$ (۳)

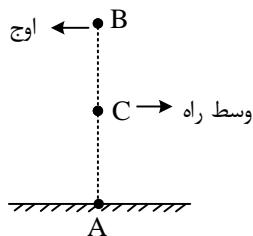
۴۰ (۲)

۲۰ (۱)



-۲۸- جسمی به صورت عمودی از سطح زمین با سرعت $20 \frac{m}{s}$ به سمت بالا پرتاب می شود. در میانه یا وسط راه، اندازه ی سرعت جسم چند متر بر ثانیه است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر کنید و $g = 10 \frac{m}{s^2}$)

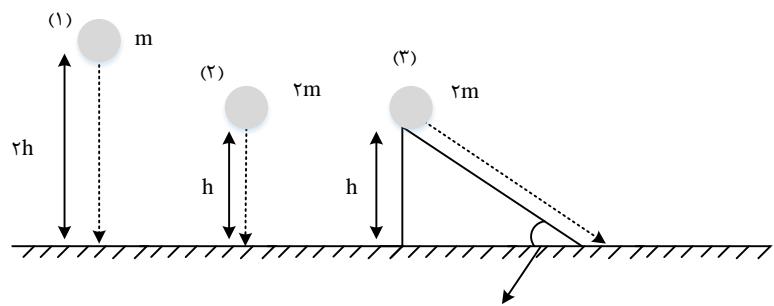
$$10 \quad 5 \quad 10\sqrt{2} \quad 5\sqrt{2}$$



-۲۹- سه گلوله را مطابق شکل رها می کنیم تا به زمین برسند. کدام گزینه سرعت گلوله ها را هنگام رسیدن به سطح زمین به درستی مقایسه کرده است؟ (مقاومت هوا ناچیز است).

$$V_1 > V_2 > V_3 \quad V_1 = V_2 > V_3$$

$$V_1 < V_2 < V_3 \quad V_2 > V_3 > V_1$$

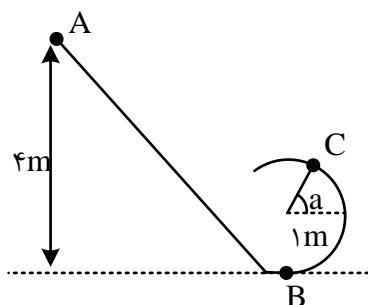


سطح دارای اصطحکاک است

-۳۰- در شکل زیر، جسمی به شکل کره که شعاع آن ناچیز است و جرم آن $2kg$ می باشد، از نقطه A رهاسده و به سمت پایین می لغزد و وارد مسیری دایره ای می شود. اگر تا نقطه B 10 درصد انرژی اولیه آن به انرژی درونی مسیر و جسم تبدیل شود و از نقطه C تا نقطه B نیروی اصطکاک ثابتی که سطح به جسم وارد می کند،

$$\text{برابر } 2N \text{ باشد، سرعت در نقطه } C \text{ چند متر بر ثانیه است؟ } (\sqrt{3} = 1/7, a = \frac{\pi}{3}, g = 10 \frac{m}{s^2}, \pi = 3)$$

$$7 \quad \sqrt{47} \quad \sqrt{30} \quad \sqrt{28}$$



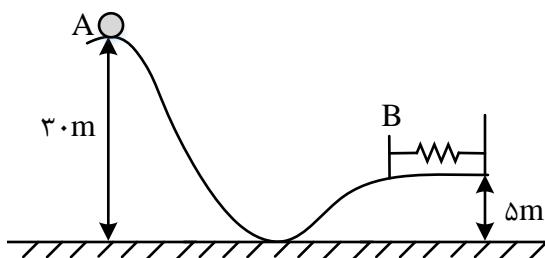
۳۱- مطابق شکل، جسمی به جرم 2kg از نقطه A بدون تنگی اولیه رها می شود و در نقطه B فنری را به طور کامل فشرده می سازد. اگر در مسیر AB ، 30 درصد انرژی مکانیکی اولیه ای جسم تلف شود، حداقل انرژی ذخیره شده در فنر چند ژول است؟ (مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را زمین در نظر بگیرید و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

۳۲۰ (۴)

۳۲ (۳)

۴۲۰ (۲)

۴۲ (۱)



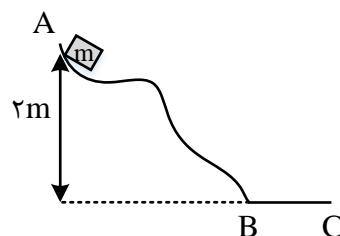
۳۲- جسم $m = 4\text{kg}$ از نقطه A بدون سرعت اولیه به پایین لغزیده و پس از طی مسیر افقی $BC = 2\text{m}$ ، در نقطه C متوقف شده است. اصطکاک در مسیر AB ناچیز است. نیروی اصطکاک در طول BC چند نیوتون است؟

۲۰ (۴)

۴۰ (۳)

۶۰ (۲)

۸۰ (۱)



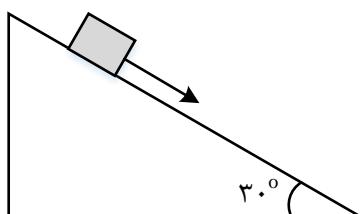
۳۳- در شکل زیر جسمی به جرم 2kg شروع به لغزیدن به سمت پایین می کند. اگر سرعت جسم پس از 14m جایی روی سطح به $\frac{m}{s} 7$ برسد، چند ژول انرژی مکانیکی به انرژی درونی تبدیل شده است؟ ($\sin 30 = \frac{1}{2}$ $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

۹۵ (۴)

۹۳ (۳)

۹۱ (۲)

۸۱ (۱)



۳۴- توان مصرفی یک موتور الکتریکی 600 وات و بازده آن 50 درصد است، در مدت 4 ثانیه چند کیلو گرم آب را با این ماشین می توان 10 متر بالا برد؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۱۴ (۴)

۱۲ (۳)

۸ (۲)

۳ (۱)



۳۵- توان یک تلمبه‌ی برقی ۴ کیلووات و بازده آن ۸۰٪ است. این تلمبه در هر دقیقه ۱۶۰۰ کیلو گرم آب را از عمق ۲ متری زمین تا ارتفاع چند متری سطح زمین بالا می‌برد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۱۱ (۴) ۹

۳۶- یک پمپ الکتریکی، آب داخل چاهی را از عمق ۳۰ متری با آهنگ ۴۰ متر مکعب بر ثانیه بالا آورده و با سرعت $10 \frac{m}{s}$ به بیرون پرتاب می‌کند. اگر توان مصرفی این پمپ $28 MW$ باشد، بازده پمپ کدام است؟ (جرم هر متر مکعب برابر با $1000 kg$ است.)

- (۱) ۴۰٪ (۲) ۵۰٪ (۳) ۶۰٪ (۴) ۷۰٪

۳۷- ارتفاع یک سد ۲۰۰ متر است. توان الکتریکی مفید توربینی که در پایین این سد قرار دارد برابر با $200 MW$ است. اگر ۸۰ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، و با این فرض که کل اتلاف انرژی داخل توربین رخ می‌دهد، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی پره‌های توربین ریخته می‌شود؟ (جرم هر متر مکعب آب را $1000 kg$ نظر بگیرید). ($g = 10 \frac{N}{m^3}$ و $1000 \frac{kg}{m^3} = \rho_{آب}$)

- (۱) ۲۵۰ (۲) ۲۷۰ (۳) ۱۲۵ (۴) ۱۳۵

۳۸- آسانسوری به جرم $1000 kg$ ، از حال سکون، ۵ شخص ۸۰ کیلوگرمی را در مدت $20s$ ، $40m$ بالا برد و در طبقه‌ی ۱۳ متوقف می‌شود. توان متوسط آسانسور چند کیلووات است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

- (۱) ۲۸ (۲) ۲ (۳) ۲۰ (۴) ۲۹

۳۹- پمپ آبی با توان ورودی ثابت $10 kw$ ، در هر ثانیه ۲۵ لیتر آب به چگالی $\frac{kg}{m^3} 1000$ را از ته چاهی به عمق ۳۰ متر بالا می‌کشد و با تندی $60 \frac{m}{s}$ به بیرون پمپاژ می‌کند بازده این پمپ چند درصد است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

- (۱) ۵۸ (۲) ۶۵/۵ (۳) ۷۵ (۴) ۷۹/۵

۴۰- اتومبیلی به جرم $1492 kg$ هنگام سبقت گرفتن از یک کامیون در مدت $5s$ ، در مسیر مستقیم سرعتش را از $72 \frac{km}{h}$ به $108 \frac{km}{h}$ رساند. توان متوسط این خودرو چند اسب بخار است؟ (فرض کنیم 20 درصد از توان این خودرو تلف می‌شود)

- (۱) ۱۰۰ (۲) ۱۵۰ (۳) ۱۲۵ (۴) ۱۸۰

۴۱- گزینه‌ی صحیح کدام است؟

(۱) هرچه توان ماشینی کم‌تر باشد، دارای انرژی کمتری است.

(۲) هر چه بازده ماشین بیشتر باشد کار را سریع‌تر انجام می‌دهد.

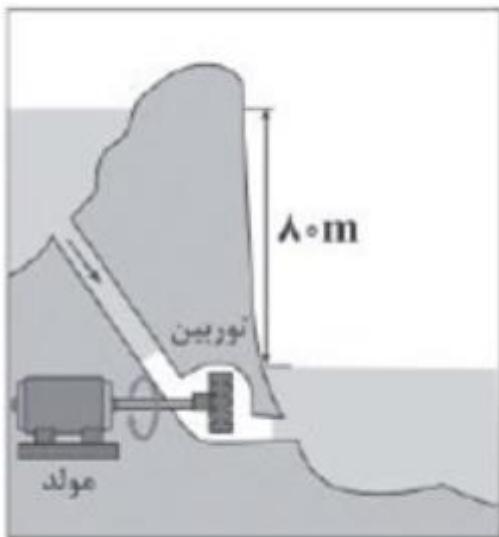


- ۳) توان ماشین A وقتی از B بیشتر است که الزاماً در زمان کمتری کار انجام داده باشد.
 ۴) هر چه کار معینی در زمان بیشتری انجام شود، مقدار توان کم تر است.

۴۲- در شکل زیر، آب ذخیره شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از ارتفاع ۸۰ متری روی پره های توربینی می ریزد. اگر ۶۰ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی حاصل از چرخش توربین تبدیل شود، در هر دقیقه باید چند متر مکعب آب روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به ۲۰۰ MW برسد؟ (= $1 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_{آب} = 10 \frac{N}{kg}$)

۲۵۰۰ (۱)

۵۰۰۰ (۲)

 25×10^3 (۳) 5×10^4 (۴)

Answers of Home work

۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

انرژی جنبشی نرده ای (اسکالر) است و تنها به جرم و تندی بستگی دارد.

$$\left\{ \begin{array}{l} K_1 = \frac{1}{2}m \times (2V)^2 = \frac{1}{2} \times m \times 4V^2 = 2mV^2 \\ K_2 = \frac{1}{2}mV^2 \\ K_3 = \frac{1}{2} \times 2m \times V^2 = mV^2 \\ K_4 = \frac{1}{2}mV^2 \end{array} \right. \rightarrow K_1 > K_3 > K_2 = K_4$$

۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$54 \frac{km}{h} = 54 \frac{km}{h} \times \frac{10^3 m}{1 km} \times \frac{1 h}{3600 s} = 15 \frac{m}{s}$$

$$K = \frac{1}{2}mV \rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^2$$

$$\rightarrow \frac{4}{9} = \left(\frac{V_2}{54} \right)^2 \rightarrow \frac{V_2}{54} = \frac{2}{3} \rightarrow V_2 = 36 \frac{km}{h} = 10 \frac{m}{s}$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = 10 - 15 = -5 \frac{m}{s}$$

۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است

$$K_1 = 10J \quad \frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}mV_2^2}{\frac{1}{2}mV_1^2} \rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^2 \rightarrow$$

$$K_2 = 40J$$

$$V_2 = V_1 + 2 \quad \frac{40}{10} = \left(\frac{V_1 + 2}{V_1} \right)^2 \rightarrow 4 = \left(\frac{V_1 + 2}{V_1} \right)^2 \xrightarrow{\text{جذر می‌گیریم}} 2 = \frac{V_1 + 2}{V_1} \rightarrow$$

$$2V_1 = V_1 + 2 \rightarrow 2V_1 - V_1 = 2 \rightarrow V_1 = 2 \frac{m}{s}$$

راه حل دیگر:

$$1) K_2 = 4K_1 \xrightarrow{\frac{1}{2} \times m} V_2 = 2V_1$$

$$2) V_2 = V_1 + 2$$



نکته‌ی درسی: با توجه به رابطه‌ی $K = \frac{1}{2}mV^2$ و ثابت بودن جرم، تغییرات سرعت و انرژی جنبشی به هم وابسته‌اند به طوریکه:

ثابت $m: V_2 = nV_1 \rightarrow K_2 = n^2K_1$

$$K_2 = nK_1 \rightarrow V_2 = \sqrt{n}V_1$$

۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

روش اول: از فرمول حساب می‌کنیم $K = \frac{1}{2}mV^2$ حل می‌کنیم. ابتدا جرم و بعد سرعت ثانویه را برای این که K' باشد حساب می‌کنیم:

$$\begin{cases} K = \frac{1}{2}mV^2 \\ K' = \frac{1}{2}m'V'^2 \\ m' = m - \frac{19}{100}m = \frac{81}{100}m \\ V' = ? \end{cases}$$

از برابر $K' = K$ داریم:

$$K = K' \rightarrow K = \frac{1}{2}mV^2 = \frac{1}{2}m'V'^2 \rightarrow mV^2 = \frac{81}{100}mV'^2$$

$$\rightarrow \frac{V'^2}{V^2} = \frac{100}{81} \rightarrow \frac{V'}{V} = \frac{10}{9} \rightarrow V' = \frac{10}{9}V$$

حال V را تعیین می‌کنیم:

$$\Delta V = V' - V = \frac{10}{9}V - V = \frac{1}{9}V$$

$$\rightarrow \frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta V}{V} \times 100 = \frac{100}{9} = 11\%$$

پس باید ۱۱ درصد سرعت آن را زیاد کنیم:

روش دوم: از رابطه $\frac{\Delta V}{V} = (\sqrt{\frac{m}{m'}} - 1)$ هم می‌توان مسئله را حل کرد.

$$\frac{\Delta V}{V} = \left(\sqrt{\frac{m}{\frac{81}{100}m}} - 1 \right) \times 100 = \left(\sqrt{\frac{100}{81}} - 1 \right) \times 100 = \frac{1}{9} \times 100$$

$\rightarrow \frac{\Delta V}{V} = 11\%$ صحیح است → تقریبا ۱۱ درصد \rightarrow گزینه (2)

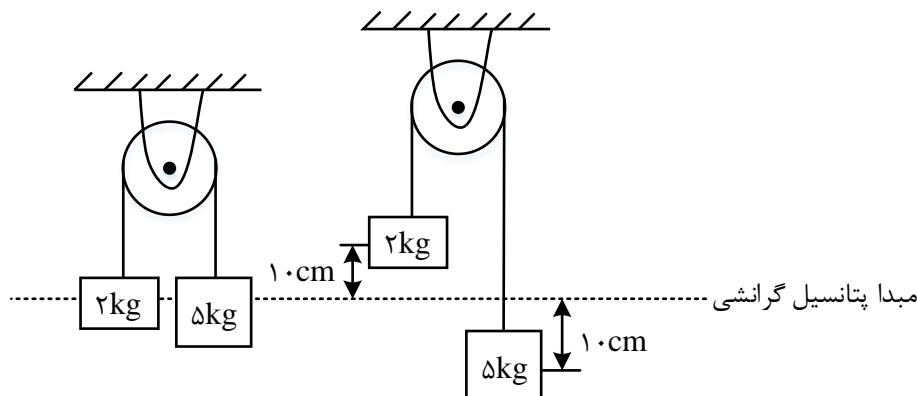


۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل می‌توان نوشت:

$$\left\{ \begin{array}{l} K = \frac{1}{2} mV^2 \\ K_1 + 100 = \frac{1}{2} m \times (3V^2) = \frac{9}{2} mV^2 \rightarrow 100 = \frac{9}{2} mV^2 - \frac{1}{2} mV^2 = 4mV^2 \rightarrow mV^2 = 25 \end{array} \right.$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m \times (2V)^2 = 2mV^2 = 2 \times 25 = 50J$$

۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



$$m_1 = 5\text{kg}: \Delta U_1 = m_1 g \Delta h_1 = 50 \times \frac{-10}{100} = -5J$$

$$m_2 = 2\text{kg}: \Delta U_2 = m_2 g \Delta h_2 = 20 \times \frac{+10}{100} = +2J$$

$$\Delta U_{\text{کل}} = \Delta U_1 + \Delta U_2 = -5 + 2 = -3J$$

۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طبق تعریف کار: حاصل ضرب نیرو در راستای جابه جائی

$$W = F_x d_x = 30 \times 6 = 180J$$

۸- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. دقت کنید در حرکت آسانسور بین طبقات پنجم تا هفتم، سرعت ثابت است و شتاب صفر می‌شود.

$$\sum F = ma \rightarrow N - (m_1 + m_2)g = ma \xrightarrow{\text{ثابت } V, a=0} N = (m_1 + m_2)g \rightarrow N = 750N$$

از طرفی با استفاده از رابطه‌ی کار می‌توان کار نیروی کف آسانسور بر شخص را به دست آورد.

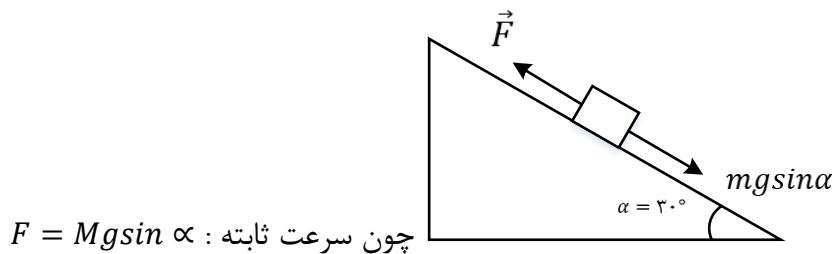
$$W = F \cdot d \cdot \cos\theta \xrightarrow{\theta=0, d=6m} W = 750 \times 6 \times 1 = 4500J$$

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$W = F d \cos\theta = 10 \times 6 \times \frac{1}{2} = 30J$$



۱۰) گزینه ۱ پاسخ صحیح است.



$$W = F \cdot d \cos \theta = mg \sin \alpha \cdot d \times 1 = 15 \times 10 \times \frac{1}{2} \times 8 = 600J$$

۱۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. کار نیروی وزن برابر منفی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی است که صرفاً به ارتفاع اولیه جسم تا سطح زمین بستگی دارد. بنابر این کار برای هر سه برابر می باشد.

۱۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بزرگی برآیند نیروهای وارد بر جسم را حساب می کنیم. برآیند نیروها در راستای افقی است. پس:

$$F_{\text{برایند}} = FCos37 - f_k = 50 \times 0/8 - \mu_k N$$

$$N = mg - Fsina = (50 - 50 \times 0/6)N = 20N \rightarrow F_{\text{برایند}} = 50 \times 0/8 - 0/5(20) = 40 - 10 = 30$$

$$\rightarrow F_{\text{برایند}} = 30N$$

$$\text{کار برایند نیروها} = F_{\text{برایند}} \times d = (30 \times 5)J = 150J$$

۱۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه $W = Fd \cos \alpha$, کار نیروی اصطکاک و کار کل را محاسبه می کنیم:

$$W_t = (F_1 \cos 37 + F_2 \cos 0 + f_k \cos 180)d = (40 + 20 - 15) \times 10 = 450J$$

$$W_{fk} = f_k d \cos 180 = 15 \times 10 \times (-1) = -150J$$

$$\frac{W_{fx}}{W_t} = \frac{-150}{450} = -\frac{1}{3}$$

۱۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. جسم روی سطح به اندازه $4m$ جایه جا می شود و کار نیروی F خواهد شد.

$$W_F = Fd \cos \theta \rightarrow W_F = 15 \times 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 30\sqrt{2}J$$

۱۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. جسم در مسیر BC به اندازه $R - RCos37$ بالا رفته است و اگر این ارتفاع را بنامیم، خواهیم داشت:

$$h = R - RCos37 = (2 - 2 \times 0/8)m = 0/4m$$



$$W = -mgh = (-2 \times 10 \times 0/4)J = -8J$$

۱۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$W_T = \Delta K \rightarrow W_{mg} + W_{FD} = \frac{1}{2} m(V_2^2 - V_1^2) \rightarrow (100 \times 10 \times 500) + W_{FD}$$

$$= \frac{1}{2} \times 100((4/5)^2 - (1/5)^2) \rightarrow W_{FD} = -499/1kj$$

۱۷- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. کار نیروی گلوله اندازه انرژی جنبشی گلوله است.

$$W_T = \Delta k \rightarrow W = \frac{1}{2} \times \frac{4}{100} (90000) = 1800 \quad \text{کار نیرویی که گلوله به دیوار وارد می کند}$$

$W = -1800J$: دیوار به گلوله

۱۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. از قضیه کار - انرژی و فرمول کار برای نیروی اصطکاک، می توان مسئله را حل کرد.
ابتدا کار f_k را حساب می کنیم:

$$W_{fk} = f_k d \cos 180 = -f_k d \rightarrow W_{fk} = -40f_k \quad (1)$$

حال از قضیه کار - انرژی داریم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} mV^2 - \frac{1}{2} mV_0^2 = 0 - \frac{1}{2} \times 1000 \times 20^2 = -200000J$$

$W_N + W_{mg} + W_{fk} + W_F = -200000 \quad (2)$ حال می نویسیم:

از روابط ۱ و ۲ داریم:

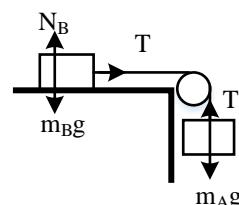
$$0 + 0 + (-40f_k) + 0 = -200000 \rightarrow f_k = \frac{200000}{40} = 5000N$$

$$\rightarrow f_k = 5000N$$

حال می نویسیم: از روابط ۱ و ۲ داریم:

نکته: W_F به این دلیل صفر است که نیروی موتور ماشین هنگام ترمز برابر صفر است.

۱۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جابه جایی هر دو جسم $m_B = 2m_A$ است. تنها نیرویی که روی جسم B کار انجام می دهد، نیروی کشش نخ است، بنابراین طبق قضیه کار و انرژی داریم:



$$W_B = W_T = T \cdot d = \Delta K_B = K_B - 0$$



بر روی جسم A دو نیرو کار انجام می دهند، در نتیجه:

$$W_A = W_T + W_{mAg} = -T \cdot d + m_A g d = \Delta K_A = K_A - 0$$

$$\begin{cases} T \cdot d = K_B \\ -T \cdot d + m_A g d = K_A \end{cases} \rightarrow K_A + K_B = m_A g d = 0 / 2 \times 10 \times 2 \rightarrow K_A + K_B = 4J$$

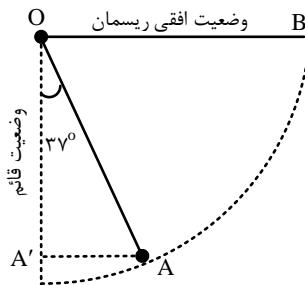
۲۰- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به این که اصطکاک وجود ندارد، انرژی مکانیکی پایسته می ماند.

$$E_A = E_B \rightarrow mgh_A + 0 = mgh_B + \frac{1}{2}mV_B^2 \rightarrow 300 = 120 + \frac{1}{2}V_B^2 \rightarrow V_B^2 = 360$$

$$E_C = E_A \rightarrow mgh_C + \frac{1}{2}mV_C^2 = mgh_A + 0 \rightarrow 240 + \frac{1}{2}V_C^2 = 300 \rightarrow V_C^2 = 120$$

$$\rightarrow \left(\frac{V_B}{V_C}\right)^2 = 3 \rightarrow \frac{V_B}{V_C} = \sqrt{3}$$

۲۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. وقتی گلوله کمترین مقدار سرعت را در نقطه A دارد که هنگام رسیدن به نقطه B، سرعتش صفر باشد، با انتخاب نقطه A به عنوان سطح مبدأ (جایی که انرژی گرانشی گلوله در آن صفر است) داریم:



$$h_B = OA' , \cos 37 = \frac{OA'}{OA}$$

$$\rightarrow OA' = h_B = OA \cos 37 = (1/25)(0/8) = 1m$$

$$E_A = E_B \rightarrow K_A = U_{gB} \rightarrow \frac{1}{2}mV^2 = mgh_b \rightarrow V^2 = 2gh_b$$

$$\rightarrow V^2 = 2 \times 10 \times 1 = 20 \rightarrow V = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \frac{m}{s}$$

۲۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به قانون پایستگی انرژی مکانیکی بین دو نقطه A و C و با گرفتن نقطه B به عنوان سطح پتانسیل گرانشی داریم:



$$E_A = E_C \rightarrow U_{g,A} + K_A = U_{g,C} + K_C + U_{e,C} \rightarrow mgh_A + \frac{1}{2}mV_A^2 = mgh_C + K_C + 10$$

$$\rightarrow h_C = 0, \quad K_C = 0$$

$$2 \times 10 \times h_A + \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2 = 10 \rightarrow h_A = 0/3m = 30cm \rightarrow h' = 30 - 20 = 10cm$$

$$\rightarrow x = 2h' = 20cm$$

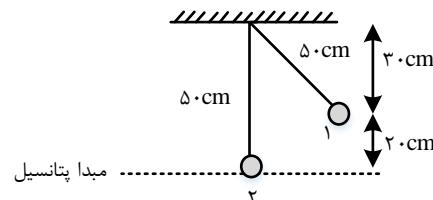
۲۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

کشسانی U مقاومت هوا صرف نظر

$$\frac{1}{2} \times 2 \times (2)^2 + 2 \times 10 \times (2 + L) = 46$$

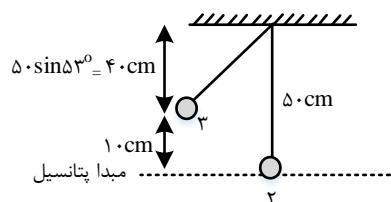
$$4 + 40 + 20L = 46 \rightarrow L = \frac{1}{10}m = 10cm$$

۲۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گام اول: سرعت گلوله در وضعیت A را محاسبه می کنیم.



$$E_1 = E_2 \rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

$$\xrightarrow{\text{رها شده است}, K_1=0, U_2=0} U_1 = K_2$$

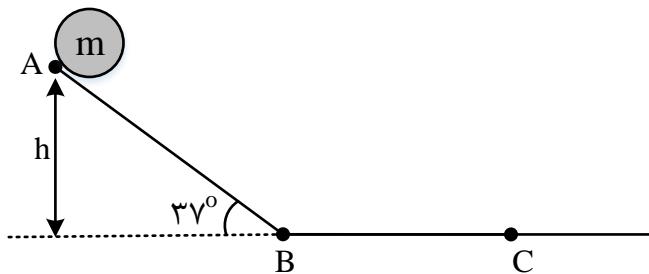


$$mgh_1 = \frac{1}{2}mV_2^2 \xrightarrow{g=10\frac{m}{s^2}, h_1=0/2m} 10 \times 0/2 = \frac{1}{2} \times V_2^2 \rightarrow V_2^2 = 4 \rightarrow V_2 = 2 \frac{m}{s}$$

$$\frac{1}{2}mV_2^2 = mgh_3 + \frac{1}{2}mV_3^2 \quad V_3^2 = 2 \quad V_3^2 = 1.4 \quad 2 - 1.4 = 0.6$$



- ۲۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا به کمک پایستگی انرژی مکانیکی، انرژی جنبشی جسم را در نقطه‌ی B حساب می‌کنیم:



$$\sin 37 = \frac{h}{AB} \rightarrow 0.6 = \frac{h}{4} \rightarrow h = 2.4m$$

$$E_A = E_B \rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\rightarrow K_B = U_A = mgh = 2 \times 10 \times 2.4 = 48J$$

در مسیر افقی BC اصطکاک وجود دارد، بنابراین می‌توان نوشت:

$$E_C = E_B = W_{fk} \rightarrow K_C + U_C - K_B - U_B = -f_k \times d \rightarrow 48 = \mu_k \times F_N \times d$$

$$\xrightarrow{F_N=mg} 48 = \frac{1}{4} \times 20 \times BC \rightarrow BC = 9.6m$$

دقت کنید: ۱) در سطح افقی BC به عنوان مبدأ انرژی پتانسی گرانشی $U_B = U_A = 0$ است.

۲) در لحظه‌ای که تندی متحرک صفر است، $K_A = K_C = 0$ می‌باشد.

- ۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$E_B = E_A - 10\% E_A = 90\% E_A \rightarrow U_B + K_B = 0.9(U_A + K_A)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} mgh_B + K_B = 0.9(mgh_A) \rightarrow K_B = (0.9h_A - h_B)m \\ U_B = mgh_B \end{array} \right.$$

$$\frac{K_B}{U_B} = \frac{mg(0.9 \times 7 \times 0.2 - 2 \times 0.2)}{mg \times 2 \times 0.2} = 2/15$$

- ۲۷- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در نقطه A انرژی جنبشی و پتانسیل گرانشی جسم با هم برابر و نصف انرژی مکانیکی است. از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_2 = E_1$$

$$U_2 + K_2 = U_1 + K_1$$

$$K_2 = U_1 \quad \frac{1}{2} m V_A^2 = mgh$$

$$\rightarrow V_A = \sqrt{gh} = \sqrt{10 \times 160} = 40 \frac{m}{s}$$



- ۲۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا از پایستگی انرژی مکانیکی می‌توان ثابت کرد که حداقل ارتفاع جسم از سطح زمین (ارتفاع اوج) از رابطه $V^2 = 2gh$ به دست می‌آید.

$$V^2 = 2gh \rightarrow 400 = 20h \rightarrow h = 20m$$

پس میانه راه در ارتفاع $10m$ قرار دارد، یعنی $h_C = 10m$ ، پس با توجه به رابطه ای پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_C = E_A \rightarrow \frac{1}{2}mV_C^2 + mgh_C = \frac{1}{2}mV_A^2$$

$$\rightarrow V_C^2 = V_A^2 - 2gh_C \text{ یا } V_C^2 - V_A^2 = -2gh_C$$

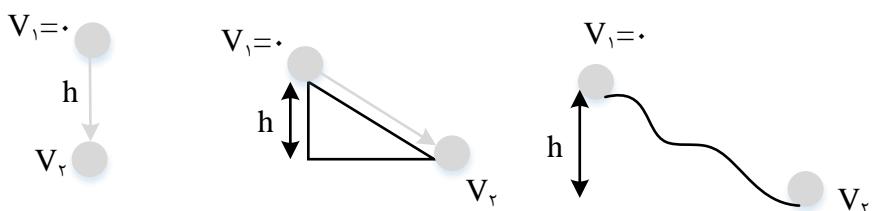
$$V_C^2 - 400 = -20 \times 10 \rightarrow V_C^2 = 200 \rightarrow V_C = 10\sqrt{2} \frac{m}{s}$$

نکته: در حرکت عمودی با شتاب جاذبه ای زمین برای محاسبه ای سرعت نهایی از رابطه ای h که $V_2^2 - V_1^2 = 2gh$ فاصله ای بین دو نقطه است، می‌توان استفاده کرد.

- ۲۹- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

نکته: وقتی جسمی از نقطه‌ای رها شود و به سمت پایین حرکت کند، سرعت جسم افزایش می‌یابد. اگر اتلاف انرژی (اصطکاک و مقاومت هوا) ناچیز باشد، بعد از جابه جایی عمودی به اندازه h خواهیم داشت:

(سعی کنید این رابطه را به کمک نوشتن معادله $E_1 = E_2$ به دست آورید.)



طبق این رابطه سرعت جسم بعد از جابه جایی، به جرم جسم بستگی ندارد.

حل سؤال: چون گلوله ای ۱ از ارتفاع $2h$ رها شده است، پس طبق رابطه ای نکته ای فوق، سرعتش هنگام رسیدن به زمین بیشتر از سرعت گلوله ای ۲ هنگام رسیدن به سطح زمین است. یعنی $V_1 > V_2$. همچنین گلوله ای ۲ و ۳ از یک ارتفاع رها شده‌اند. بنابراین در غیاب اصطکاک هنگام رسیدن به زمین سرعت برابری خواهند داشت. اما چون گلوله ای ۳ روی سطح با اصطکاک حرکت می‌کند، بخشی از انرژی گلوله به گرم تبدیل می‌شود و گلوله با سرعت کمتری نسبت به گلوله ای ۲ به زمین می‌رسد. بنابراین $V_2 > V_3$ خواهیم داشت:

$$V_1 > V_2 > V_3$$

- ۳۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا انرژی اولیه ای جسم در نقطه ای A را می‌نویسیم:

$$E_A = mgh_A = 2 \times 10 \times 4 = 80J$$



که ۱۰ درصد آن را اگر کم کنیم، انرژی جسم در نقطه‌ی B حاصل می‌شود.

$$E_B = E_A - \frac{1}{10} E_A = 80 - 8 = 72J \quad E_B = 72J \quad (1)$$

حال از نقطه B تا C، چون نیروی اصطکاک ثابتی برابر $2N$ داریم، پس در طول مسیر نیز بر اثر اصطکاک، انرژی ای هدر می‌رود که برابر کار نیروی اصطکاک در طول مسیر منحنی B تا C است. ابتدا طول مسیر B تا C را حساب می‌کنیم:

$$\widehat{BC} = \frac{\pi}{2}R + \frac{\pi}{3}R = \frac{5\pi}{6}R = 2/5R = 2/5m$$

$$W_{fk} = f_k |\widehat{BC}| \cos 180^\circ = -2 \times 2/5R = -5J$$

بنابراین از نقطه‌ی B تا C، ۵J از انرژی جسم کم می‌شود، بنابراین در نقطه‌ی C داریم:

$$E_C = E_B - 5 = 72 - 5 = 67J \rightarrow E_C = 67J$$

اما در نقطه‌ی C، هم ارتفاع داریم و هم سرعت، پس:

$$E_C = mgh_C + \frac{1}{2}mV_C^2 = 2 \times 10 \times (1 + R \sin 60^\circ) + \frac{1}{2} \times 2 \times V_C^2$$

$$E_C = 20 \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2} \right) + V_C^2 \rightarrow 37 + V_C^2 = 67 \rightarrow V_C^2 = 30$$

$$V_C = \sqrt{30} \frac{m}{s}$$

۳۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. کل انرژی مکانیکی جسم در نقطه‌ی A، انرژی پتانسیل گرانشی است:

$$E_A = U_{\text{گرانشی}} = mgh = 2 \times 10 \times 30 = 600J$$

گرانش انرژی تلف شده در مسیر برابر است با:

$$|W_t| = \frac{30}{100} \times 600 = 180J$$

$$\rightarrow E_B = E_A - |W_f| = 600 - 180 = 420J$$

دقت کنید که نقطه‌ی B از مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی بالاتر است و جسم در این نقطه مقداری انرژی پتانسیل گرانشی دارد، پس

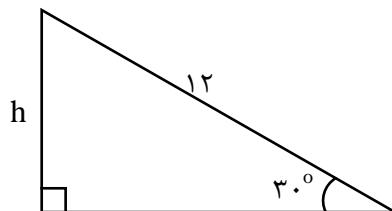
$$E_B = U_{\text{گرانشی}} + U_{\text{کشسانی}} \rightarrow 420 = mgh + U_{\text{کشسانی}} \rightarrow U_{\text{کشسانی}} = 420 - (2 \times 10 \times 5) = 320J$$



-۳۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جسم در ابتدا و انتهای حرکت ساکن است و طبق قضیه کار و انرژی کل کار انجام شده روی آن صفر است و تنها نیروی وزن در مسیر AB و اصطکاک در مسیر BC کار انجام می دهد:

$$\rightarrow (W_{mg})_{AB} + (W_t)_{BC} = 0 \rightarrow +mgh - fd = 0 \rightarrow mgh = fd \\ \rightarrow 4 \times 10 \times 2 = f \times 2 \rightarrow f = 40N$$

-۳۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



$$\sin 30 = \frac{h}{d} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{14} \rightarrow h = 7m$$

کار نیروی اصطکاک باعث تبدیل انرژی مکانیکی به انرژی درونی شده است:

$$W_f = \Delta E = \Delta K + \Delta U = \left(\frac{1}{2} mV^2 - \frac{1}{2} mV_0^2 \right) + (mgh_2 - mgh_1)$$

$$\rightarrow W_f = \left(\frac{1}{2} \times 2 \times (7)^2 - 0 \right) + (0 - 2 \times 10 \times 7) = -91J$$

بنابر این ۹۱ ژول از انرژی مکانیکی به انرژی درونی تبدیل شده است.

-۳۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$P = \frac{W}{\Delta t} \rightarrow W = P\Delta t = 60 \times 4 = 2400J$$

با زده موتور ۵۰ درصد است و نصف این کار به کار مفید تبدیل می شود و کار مفید صرف دادن انرژی پتانسیل گرانشی به آب می شود.

$$\rightarrow U = \frac{1}{2} W \rightarrow mgh = \frac{1}{2} W \rightarrow m \times 10 \times 10 = \frac{1}{2} \times 2400 \rightarrow m = 12kg$$

-۳۵- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا با استفاده از رابطه $E = P \cdot t$ توان خروجی را به دست آورده و سپس مقدار ارتفاع را با توجه به رابطه $E = mgh$ محاسبه می کنیم

$$\frac{P_{خروجی}}{P_{ورودی}} = \frac{80}{100} = \frac{P_{خروجی}}{4 \times 10^3} \rightarrow P_{خروجی} = 3200W$$

توان خروجی، توانی است که با آن در مدت زمان مشخص، کار مورد نظر انجام می شود.



$$P_{\text{خروجی}} = \frac{mgh}{t} \rightarrow 3200 = \frac{1600 \times 10 \times h}{60} \rightarrow h = \frac{120}{10} = 12 \text{m}$$

با توجه به این که آب از عمق ۲ متری زمین بالا می‌آید، بنابراین ارتفاع آب از سطح زمین ۱۰ متر خواهد بود.

- ۳۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. کاری که پمپ انجام می‌دهد برابر با تغییر انرژی مکانیکی آب است:

$$W = \Delta E = \Delta K + \Delta U = \frac{1}{2} mV^2 + mgh$$

در هر ثانیه ۴۰ متر مکعب آب خارج می‌شود، پس جرم آب خارج شده در هر ثانیه برابر $40 \times 10^3 \text{ kg}$ است.

$$W = \frac{1}{2} (40 \times 10^3) \times 10^2 + (40 \times 10^3) \times 10 \times 30 = 2 \times 10^6 + 12 \times 10^6 = 14 \times 10^6 \text{ J}$$

این کار در یک ثانیه انجام می‌شود و توان مفید پمپ برابر است با:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{W_{\text{مفید}}}{\Delta t} = \frac{14 \times 10^6 \text{ J}}{1 \text{ s}} = 14 \times 10^6 \text{ W}$$

در نهایت بازده را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{\frac{E_{\text{مفید}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100}{\frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100} = \frac{\frac{14 \times 10^6 \text{ W}}{28 \times 10^6 \text{ W}} \times 100}{\frac{14 \times 10^6 \text{ W}}{28 \times 10^6 \text{ W}} \times 100} = \%50$$

- ۳۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا انرژی الکتریکی تولید شده در مدت ۱ ثانیه را حساب می‌کنیم:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{\frac{E_{\text{خروجی}}}{t}}{\text{خروجی}} \rightarrow 200 \times 10^6 = \frac{\frac{E_{\text{خروجی}}}{1}}{\text{خروجی}} \rightarrow E_{\text{خروجی}} = 2 \times 10^8 \text{ J}$$

از فرمول بازده، کار نیروی گرانش را محاسبه می‌کنیم

$$R = \frac{\frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100}{\frac{W_{\text{خروجی}}}{W_{\text{ورودی}}} \times 100} = \frac{\frac{2 \times 10^8}{W_{\text{ورودی}}} \times 100}{\frac{80}{W_{\text{ورودی}}} \times 100} \rightarrow W_{\text{ورودی}} = 2/5 \times 10^8 \text{ J}$$

حال جرم آبی که در هر ثانیه بر پره‌ها فرود می‌آید را محاسبه می‌کنیم

$$W_{\text{ورودی}} = mgh \rightarrow 2/5 \times 10^8 = m \times 10 \times 200 \rightarrow m = 1/25 \times 10^5 \text{ kg}$$

حجم آب برابر است با:

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow V = \frac{m}{\rho} \rightarrow V = \frac{1/25 \times 10^5}{1000} \rightarrow 1/25 \times 10^2 = 125 \text{ m}^3$$



-۳۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. باید از قضیه کار - انرژی ابتدا کار نیروی آسانسور را تعیین کنیم. چون در ابتدا و انتهای حرکت، سرعت برابر صفر است پس $\Delta K = 0$. بنابر این $W_t = 0$ می شود. اما چون تنها نیروهای کابل آسانسور و نیروی وزن در حرکت آسانسور دخیل هستند، پس

$$W_{mg} + W_{Fa} = 0 \rightarrow W_{Fa} = -W_{mg} \quad (1)$$

حال W_{mg} را در حرکت آسانسور به سمت بالا تعیین می کنیم

چون جهت mg و حرکت عکس هم هستند پس

$$\theta = 180$$

$$\begin{aligned} W_{mg} &= mgd\cos 180 \rightarrow W_{mg} = (1000 + 5 \times 80) \times 10 \times 40 \times (-1) = -1400 \times 400 \\ &= -560000J \end{aligned}$$

بنابراین از رابطه ۱ داریم:

$$W_{Fa} = -W_{mg} = 560000J$$

حالا از رابطه $\bar{P} = \frac{W_{Fa}}{t}$ داریم:

$$\bar{P} = \frac{560000}{20} = 28000W = 28KW$$

-۳۹- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا جرم آبی که توسط پمپ جابه جا می شود به دست می آوریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow 1000 = \frac{m}{25 \times 10^{-3}} \rightarrow m = 25kg$$

با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی و نیروهای وارد بر آب در این جابه جایی می توان نوشت:

$$\begin{aligned} W_t &= W_{\text{پمپ}} + W_{\text{وزن}} = K_2 - K_1 \rightarrow W_{\text{پمپ}} - \Delta U_{\text{گرانشی}} = \frac{1}{2}mV^2 \\ \rightarrow W_{\text{پمپ}} &= mgh + \frac{1}{2}mV_2^2 = 25 \times 10 \times 30 + \frac{1}{2} \times 25 \times 6^2 = 7950J \end{aligned}$$

اکنون توان متوسط خروجی پمپ را محاسبه می کنیم

$$\bar{P}_{\text{خروجی}} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{\Delta t} = \frac{7950}{1} = 7950W = 7.950kW$$

پس بازده به این ترتیب قابل محاسبه است.

$$\frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{7.950kW}{10kW} \times 100 = \%79/5$$



۴۰- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$k_2 - k_1 = W_F \rightarrow \frac{1}{2} \times 1492 \times (900 - 400) = 746(500)J$$

$$P = \frac{746(500)}{5} = 74600W \text{ بر حسب اسپ بخار} \rightarrow P = 100hp$$

اگر اتلافی وجود نداشت توان لازم برای انجام این تغییر سرعت ۱۰۰ اسپ بخار بود. ولی در حالی که ۲۰ درصد از توان تلف می شود باید توان بیشتری صرف این کار شود یعنی:

$$0/8P = 100 \rightarrow P = 125hp$$

۴۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه توان $P = \frac{W}{\Delta t}$

۴۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در هر دقیقه انرژی الکتریکی تولید شده برابر است با:

$$P_{خروجی} = \frac{U_E}{t} \rightarrow 200 \times 10^6 = \frac{U_E}{60} \rightarrow U_E = 12 \times 10^9 J$$

با توجه به این که ۶۰ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل می شود، می توان نوشت:

$$\frac{60}{100} W_{mg} = U_E \rightarrow \frac{3}{5} \times mgh = 12 \times 10^9 \rightarrow \frac{3}{5} \times m \times 10 \times 80 = 12 \times 10^9 \\ \rightarrow m = \frac{12 \times 10^9}{6 \times 80} = 25 \times 10^6 kg$$

بنابراین در هر دقیقه، حجم آب ریخته شده روی توربین برابر است با:

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{25 \times 10^6}{1000} = 25000 m^3$$

